



آزمون «۷ مهر ۱۴۰۲»

اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

دفترچه اجباری

مدت پاسخ‌گویی: ۱۲۵ دقیقه

تعداد سؤالات: ۹۰ سؤال

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	زمان پاسخ‌گویی
اجباری	۱	۱-۱۰	۱۵'
	۱	۱۱-۲۰	۱۵'
	۱	۲۱-۳۰	۱۵'
	۱	۳۱-۴۰	۱۵'
	۱	۴۱-۵۰	۱۰'
	۱	۵۱-۶۰	۱۵'
	۱	۶۱-۷۰	۱۵'
	۱	۷۱-۸۰	۱۵'
	۱	۸۱-۹۰	۱۰'
	۹۰	۱-۹۰	۱۲۵'
جمع کل			

پذیده‌آورندگان

نام درس	نام طراحان
ریاضی پایه و حسابان ۲	امیرحسین ابومحیوب-محمدرضا توجه-عادل حسینی-طاهر دادستانی-میلاد سجادی‌لاریجانی-حبیب شفیعی-علی شهرابی-رضا طاری حمدی علیزاده-مرضیه گودرزی-جهانبخش نیکنام-بنیامین یعقوبی
هندسه	امیرحسین ابومحیوب-اسلحاق اسفندیاری-ایمانی-جواد حاتمی-فرزانه خاکپاش-امیرهونشگ خمسه-کیوان دارابی-سوگند روشنی محمد صحت‌کار-رضا عباسی‌اصل-فرشاد فرامرزی-محمدابراهیم گیتی‌زاده-سینا محمدپور-محمد هجری
آمار و احتمال و ریاضیات گستته	امیرحسین ابومحیوب-علی ایمانی-رضا پورحسینی-افشین خاصه‌خان-فرزانه خاکپاش-کیوان دارابی-سوگند روشنی-علی سعیدی‌زاد
فیزیک	مهران اساعیلی-زهرا آقامحمدی‌مهدی براتی-امیرحسین برادران‌لاله بهادری-علیرضا جباری-امیرعلی حاتم‌خانی-مخصوصه شریعت‌ناصری مریم شیخ‌موشیلا شیرزادی-سیاوش فارسی-مصطفی کیانی-مهدی میرابازاده-امیراحمد میرسعید-سیده ملیحه میرصالحی-مجتبی نکونیان
شیمی	هدی بهاری‌پور-امیر ساتمیان-ارزنگ خانلری-حیدر رضوانی-امید رضوانی-فرزانه خاکپاش-کیوان دارابی-رسول عابدینی‌زاره محمد عظیمیان‌زاره-روح‌الله علیزاده-حسین ناصری‌ثانی

کرینشگران و ویراستاران

نام درس	ریاضی پایه	هندسه	آمار و احتمال	فیزیک	شیمی
گزینشگر	عادل حسینی	امیرحسین ابومحیوب	امیرحسین ابومحیوب	مصطفی کیانی	امیر حاتمیان
گروه ویراستاری	سعید خان‌بابایی مهند ملامضانی	مهرداد ملوندی	مهرداد ملوندی	زهرا آقامحمدی حیدر زربن کفش	بهنام قازانچایی امیرحسین مسلمی
بازیمنی نهایی (وقبه برقر)	بنیامین یعقوبی	کیارش صانعی	کیارش صانعی	ماهان زواری	ماهان زواری
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحیوب	امیرحسین ابومحیوب	محمد ساکی	ایمان حسین نژاد
مستند سازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	احسان صادقی	سمیه اسکندری

کروه فنی و تولید

مددیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی‌زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری
حروف‌نگار	مسئول دفترچه: الهه شهیازی
نوظر چاپ	فرزانه فتح‌اله‌زاده
	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۶۱



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۱: کل کتاب

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۱- به ازای چه مقداری از m ، نقاط $A(-1, 0)$ ، $B(2, 3)$ و $C(m, m+1)$ بر روی یک خط راست قرار دارند؟

$$m = -1 \quad (2)$$

$$m = -1/2 \quad (1)$$

$$m = 2 \quad (4)$$

$$m = 2 \quad (3)$$

۲- عدد حقیقی a ، با \sqrt{a} و صفر تشکیل دنباله حسابی می‌دهد. مجموع مقادیر ممکن برای a کدام است؟

$$\frac{1}{3} \quad (2)$$

$$\frac{3}{2} \quad (1)$$

$$2 \quad (4)$$

$$\frac{17}{4} \quad (3)$$

۳- مساحت سطح محدود به خط $x+y=3$ ، نمودار تابع وارون تابع $f(x) = \begin{cases} 3x-1 & ; \quad x < 1 \\ \frac{x+3}{2} & ; \quad x \geq 1 \end{cases}$ و محور y ها کدام است؟

$$\frac{8}{3} \quad (2)$$

$$\frac{4}{3} \quad (1)$$

$$\frac{16}{3} \quad (4)$$

$$\frac{2}{3} \quad (3)$$

۴- اگر $g(x) = -\sqrt{x+3}$ و $f(x) = \sqrt{4-x^2}$ باشد، دامنه تابع fog شامل چند عدد صحیح است؟

$$4 \quad (2)$$

$$5 \quad (1)$$

$$4 \quad (3)$$

$$6 \quad (3)$$

۵- اگر نیم عمر یک ماده رادیواکتیو ۱۰ ثانیه باشد، بعد از یک دقیقه تقریباً چند درصد این ماده به انرژی تبدیل می‌شود؟

$$92 \quad (2)$$

$$88 \quad (1)$$

$$98 \quad (4)$$

$$95 \quad (3)$$



۶- جزء صحیح جواب بزرگ‌تر معادله $\log(2^x - 1) + 3 = \log x + 5 \log 2$ کدام است؟

(۲) صفر

(۱) -۱

۲ (۴)

۱ (۳)

۷- مقدار عبارت $\frac{2\sin 20^\circ + \cos 290^\circ}{\sin 160^\circ + 2\cos 70^\circ}$ کدام است؟

 $\frac{2}{3}$ (۲) $-\frac{1}{3}$ (۱)

۱ (۴)

-۳ (۳)

۸- عبارت‌های $\sin(2x + \frac{\pi}{14})$ و $2\sin(x + \frac{2\pi}{7})$ هر دو برابر k هستند. مقدار k کدام است؟

 $\frac{2+\sqrt{3}}{4}$ (۲) $1-\sqrt{3}$ (۱) $-\frac{\sqrt{3}}{4}$ (۴) $\frac{2-\sqrt{2}}{2}$ (۳)

۹- اگر f تابعی خطی و گذرا از نقطه $(-1, 2)$ باشد، حاصل $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{f(x)} - 2}{x^2 - 1}$ کدام می‌تواند باشد؟

 $\frac{1}{4}$ (۲) $\frac{1}{2}$ (۱) $\frac{1}{8}$ (۴) $\frac{1}{6}$ (۳)

۱۰- به ازای عدد صحیح k ، تابع $f(x) = 2x[x] - k^x[-x]$ در $x = k$ حد دارد. مجموع مقادیر قابل قبول برای k کدام است؟

۴ (۲)

(۱) صفر

(۴) مقداری برای k نمی‌توان یافت.

-۲ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۲: کل کتاب

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۱۱- نقطه H وسط شعاع OA در دایره $C(O, R)$ قرار دارد. نسبت طول کوتاه‌ترین و تر گذرنده از این نقطه به بلندترین و تر گذرنده از آن کدام است؟

$$\frac{\sqrt{2}}{2} \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} \quad (1)$$

$$\frac{3}{4} \quad (4)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} \quad (3)$$

۱۲- طول مماس مشترک خارجی دو دایره $C(O, 3)$ و $C'(O', 8)$ برابر ۱۲ واحد است. بیشترین فاصله نقاط این دو دایره از یکدیگر چند برابر کمترین فاصله آنها از یکدیگر است؟

$$10 \quad (2)$$

$$12 \quad (1)$$

$$6 \quad (4)$$

$$8 \quad (3)$$

۱۳- مساحت ذوزنقه متساوی الساقینی با قاعده‌های ۴ و ۱۶ که محیط بر یک دایره باشد، کدام است؟

$$40 \quad (2)$$

$$32 \quad (1)$$

$$80 \quad (4)$$

$$64 \quad (3)$$

۱۴- مثلث متساوی‌الاضلاعی به ضلع ۶ واحد را در نظر بگیرید. طول مماس مشترک خارجی دو دایره محاطی داخلی و خارجی این مثلث کدام است؟

$$4/5 \quad (2)$$

$$3 \quad (1)$$

$$7/5 \quad (4)$$

$$6 \quad (3)$$

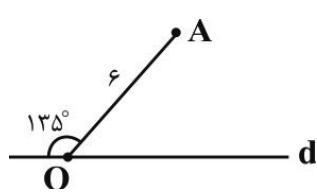
۱۵- اگر A' بازتاب نقطه A نسبت به خط d باشد، مساحت مثلث OAA' کدام است؟

$$12 \quad (1)$$

$$9 \quad (2)$$

$$36 \quad (3)$$

$$18 \quad (4)$$





۱۶- مثلث متساوی‌الاضلاع ABC به طول ضلع $6\sqrt{3}$ را حول نقطه همرسی میانه‌های آن 60° دوران می‌دهیم تا مثلث $A'B'C'$ حاصل شود. محیط شش ضلعی $AA'BB'CC'$ کدام است؟

$$12\sqrt{3} \quad (2)$$

۲۴ (۱)

$$36 \quad (4)$$

۳۰ (۳)

۱۷- ذوزنقه $ABCD$ با قاعده‌های $CD = 8$ و $AB = 5$ مفروض است. اگر M نقطه دلخواهی روی قاعده CD باشد، کمترین مقدار $MA + MB$ کدام است؟

$$13 \quad (2)$$

۱۲ (۱)

$$15 \quad (4)$$

۱۴ (۳)

۱۸- در مثلث ABC ، اگر $\cos(\hat{B} + \hat{C}) = -\frac{1}{2}$ و $AC = 4$ ، $AB = 6$ کدام است؟

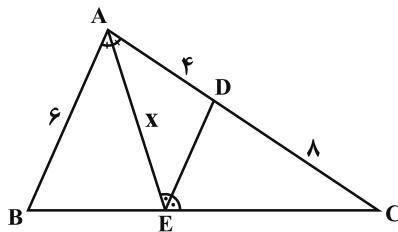
$$\sqrt{12} \quad (2)$$

$\sqrt{15} \quad (1)$

$$\sqrt{21} \quad (4)$$

$\sqrt{19} \quad (3)$

۱۹- در شکل زیر، AE نیمساز زاویه BAC و DE نیمساز زاویه AEC است. با توجه به اندازه‌های روی شکل، طول AE کدام است؟



$2\sqrt{5} \quad (1)$

$2\sqrt{6} \quad (2)$

$3\sqrt{3} \quad (3)$

$4\sqrt{2} \quad (4)$

۲۰- در مثلثی به طول اضلاع ۵، ۶ و ۷، فاصله نقطه وسط ضلع متوسط از ضلع بزرگتر کدام است؟

$$\frac{6\sqrt{6}}{7} \quad (2)$$

$\frac{3\sqrt{6}}{7} \quad (1)$

$$\frac{6\sqrt{6}}{5} \quad (4)$$

$\frac{3\sqrt{6}}{5} \quad (3)$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: کل کتاب

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۲۱- نقیض گزاره $p \Rightarrow q$ هم ارز کدام گزاره است؟

$p \wedge \sim q$ (۴)

$\sim p \wedge \sim q$ (۳)

$\sim p \vee q$ (۲)

$p \vee q$ (۱)

۲۲- کدام یک از گزاره‌های سوری زیر نادرست است؟

$\forall x \in \mathbb{R} - \{0\}; \left| \frac{3x + \frac{1}{3x}}{x} \right| \geq 2$ (۲)

$\forall x \in \mathbb{R}; -2x^2 + 2x - 7 < 0$ (۱)

$\exists x \in \mathbb{R}, \forall y \in \mathbb{Z}; x + y = 0$ (۴)

$\exists x \in \mathbb{R}; -5x^2 - 6x + 7 < 0$ (۳)

۲۳- اگر A و B دو مجموعهٔ دلخواه باشند، متمم مجموعهٔ $[A \cup B' - B] \cup [(B - A) \cup A']$ همواره برابر کدام است؟

$A' \cup B'$ (۴)

$A \cup B$ (۳)

$A' \cap B'$ (۲)

$A \cap B$ (۱)

۲۴- اگر $A = \{2y, z - 1, 5\}$ و $B = \{x - 2, 4, -2\}$ باشد، بیشترین مقدار $x + y + z$ کدام است؟

۱۱ (۴)

۱۰ (۳)

۹ (۲)

۸ (۱)

۲۵- در پرتاب دو تاس، اگر حداقل یکی از تاس‌ها ظاهر شود، احتمال اینکه عدد تاس دوم بزرگ‌تر از عدد تاس اول باشد، کدام است؟

$\frac{4}{11}$ (۴)

$\frac{3}{11}$ (۳)

$\frac{1}{2}$ (۲)

$\frac{5}{11}$ (۱)

۲۶- در پرتاب یک تاس، احتمال وقوع هر عدد زوج دو برابر احتمال وقوع هر عدد فرد است. این تاس را پرتاب می‌کنیم. اگر زوج باید، دو سکه و اگر فرد باید سه سکه پرتاب می‌کنیم. با کدام احتمال در پرتاب سکه‌ها، تعداد «رو» از تعداد «پشت» بیشتر است؟

$\frac{3}{4}$ (۴)

$\frac{5}{12}$ (۳)

$\frac{3}{8}$ (۲)

$\frac{1}{3}$ (۱)

۲۷- دو پیشامد A و B مستقل هستند. اگر $P(A' | B') = P(B | A)$ کدام است؟

$\frac{2}{3}$ (۴)

$\frac{1}{2}$ (۳)

$\frac{5}{12}$ (۲)

$\frac{7}{12}$ (۱)

۲۸- اگر ضریب تغییرات داده‌های x_1, x_2, \dots, x_n برابر ضریب تغییرات داده‌های $x_1 + 4, x_2 + 4, \dots, x_n + 4$ باشد، آنگاه مجموع داده‌های x_1, x_2, \dots, x_n کدام است؟

۸۰ (۴)

۷۰ (۳)

۶۰ (۲)

۵۰ (۱)

۲۹- اگر داده‌های ۱۳, ۱۲, ۱۱, ۱۰, ۹, ۸, ۷, ۶, ۵ را با نمودار جعبه‌ای نمایش دهیم، واریانس داده‌های داخل جعبه کدام است؟

۴/۸ (۴)

۴/۴ (۳)

۴/۲ (۲)

۳/۶ (۱)

۳۰- قرار است از میان دانشآموزان پایهٔ دوازدهم یک دبیرستان که با شماره‌های ۱ تا ۲۴۰ مشخص گردیده‌اند، تعدادی به روشن نمونه‌گیری سامانمند برای انجام یک آزمون تستی انتخاب شوند. اگر شماره‌های اولین و چهارمین دانشآموز انتخاب شده به ترتیب ۶ و ۴۲ باشد، آنگاه این دانشآموزان به چند طبقه تقسیم شده‌اند؟

۲۰ (۴)

۱۲ (۳)

۱۸ (۲)

۱۵ (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۲: کل کتاب

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۳۱- نیروی رانشی بین دو بار الکتریکی هماندازه و همنام که در فاصله 30 cm از یکدیگر واقع‌اند برابر $\frac{9}{9}\text{ N}$ است. اگر 2 mC از یکی

$$(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2})$$

(۱) ۰/۳

(۲) ۰/۵

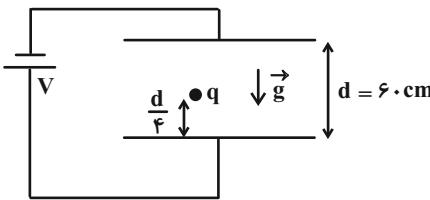
(۳) ۰/۷

(۴) ۱

۳۲- مطابق شکل زیر، ذره بارداری با بار q و جرم m ، بین دو صفحه یک خازن تخت افقی در حالت تعادل قرار دارد. اگر اختلاف

پتانسیل الکتریکی بین دو صفحه را دو برابر کرده و هر کدام از صفحات را به اندازه $\frac{d}{4}$ از هم دور کنیم، ذره با تنندی متر

$$\text{بر ثانیه به صفحه برخورد می‌کند. } (g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}, d = 60\text{ cm})$$



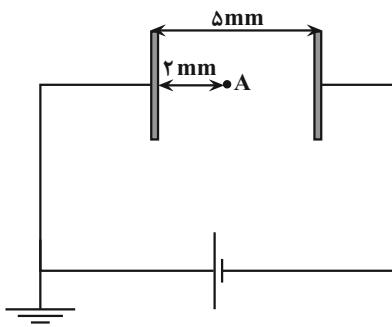
(۱) ۲، بالایی

(۲) ۲، پایینی

(۳) $2\sqrt{2}$ ، بالایی(۴) $2\sqrt{2}$ ، پایینی

۳۳- در شکل زیر، اگر مساحت هریک از صفحات خازن برابر 25 cm^2 و انرژی ذخیره شده در آن 36 pJ باشد، پتانسیل الکتریکی

$$\text{ نقطه A چند ولت است؟ (در بین صفحات خازن هوا است و } F = 9 \times 10^{-12} \frac{\text{N}}{\text{m}} \text{ می‌باشد.)}$$



(۱) ۲/۴

(۲) -۲/۴

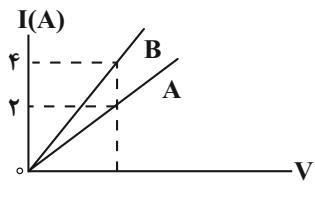
(۳) ۱/۶

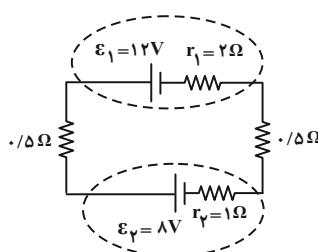
(۴) -۱/۶

۳۴- نمودار جریان الکتریکی عبوری از دو سیم مسی A و B بر حسب اختلاف پتانسیل دو سر آنها، مطابق شکل زیر است. اگر طول

سیم A، چهار برابر طول سیم B باشد، قطر سطح مقطع سیم A چند برابر قطر سطح مقطع مقاومت B است؟

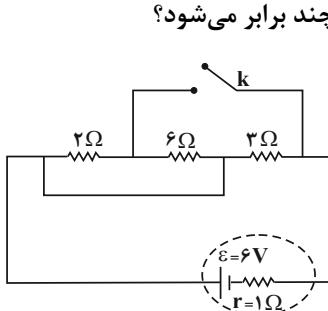
(۱) ۲

(۲) $\frac{1}{2}$ (۳) $\sqrt{2}$ (۴) $\frac{\sqrt{2}}{2}$



-۳۵- در مدار شکل زیر، اختلاف پتانسیل دو سر باتری ۶ چند ولت است؟

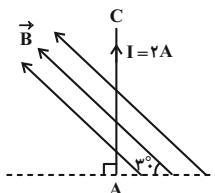
- (۱) ۱۰
(۲) ۱۴
(۳) ۹
(۴) ۷



-۳۶- در مدار شکل زیر، اگر کلید k را ببندیم، توان مصرفی مجموعه مقاومت‌های خارجی مدار چند برابر می‌شود؟

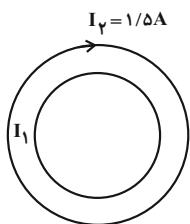
- (۱) $\frac{4}{3}$
(۲) $\frac{3}{4}$
(۳) $\frac{2}{3}$
(۴) $\frac{3}{2}$

-۳۷- مطابق شکل زیر، سیم AC به طول ۱۰cm که جریان ۲A از آن می‌گذرد، در میدان مغناطیسی یکنواخت ۴۰۰ گاوس قرار دارد. نیروی مغناطیسی وارد بر این سیم چند نیوتون است و سیم را چند درجه در جهت ساعتگرد بچرخانیم تا نیروی وارد بر آن بیشینه گردد؟



- (۱) $30, 0/004\sqrt{3}$
(۲) $60, 0/004\sqrt{3}$
(۳) $30, 0/004$
(۴) $60, 0/004$

-۳۸- در شکل زیر، دو حلقه دایره‌ای هم‌مرکز به شعاع‌های $R_1 = 40\text{cm}$ و $R_2 = 60\text{cm}$ در کدام سو باشد تا میدان مغناطیسی در مرکز حلقه‌ها صفر شود؟



- (۱) ۰/۵، پاد ساعتگرد
(۲) ۱، پاد ساعتگرد
(۳) ۰/۵، ساعتگرد
(۴) ۱، ساعتگرد

-۳۹- پیچه‌ای که ۵۰ حلقه دارد و مساحت هر حلقه آن 100cm^2 است به صورت عمود بر یک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی 400G قرار دارد. اگر مقاومت الکتریکی پیچه 5Ω باشد و در مدت 2s پیچه را از میدان مغناطیسی خارج کنیم، چند آمپر جریان در آن القا می‌شود؟

- (۱) ۰/۰۱
(۲) ۰/۰۲
(۳) ۰/۱
(۴) ۰/۲

-۴۰- معادله جریان عبوری از سیم‌لوله‌ای در SI به صورت $I = I_m \sin 100\pi t$ است. اگر در لحظه $t = \frac{1}{120}\text{s}$ جریان عبوری از سیم‌لوله

2A و بیشینه انرژی ذخیره شده در آن $J = 16\text{J}$ باشد، در لحظه $t = \frac{1}{300}\text{s}$ چند زول انرژی در سیم‌لوله ذخیره می‌شود؟

- (۱) ۰/۰۸
(۲) ۰/۱۲
(۳) ۰/۰۶
(۴) ۰/۲۴



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۲: کل کتاب

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۴۱- چند مورد از مطالب زیر، نادرست است؟

الف) ترکیب‌های حاصل از دو فلز سدیم و پتانسیم پایدارتر از خودشان است که این پایداری در مورد ترکیب‌های مشابه، در عنصر سدیم بیشتر از پتانسیم است.

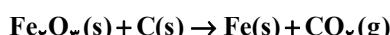
ب) در فولاد مبارکه اصفهان برای استخراج آهن، از واکنش آهن (III) اکسید با کربن یا سدیم استفاده می‌شود.

پ) مقدار عملی، مقدار فراورده‌ای است که در عمل به دست می‌آید و کمیتی است که کارایی یک واکنش را نشان می‌دهد.

ت) در واکنش ترمیت که در صنعت جوشکاری استفاده می‌شود، پایداری فلز واسطه حاضر در واکنش، کمتر از واکنش دهنده فلزی است.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۴۲- اگر جرم گاز تولیدی از واکنش استخراج آهن به وسیله کربن، از ۲ تن سنگ معدن هماتیت ۷۰ درصد خالص، با جرم گاز تولیدی از واکنش تخمیر بی‌هوایی مقداری گلوکز برابر باشد؛ از تخمیر بی‌هوایی این مقدار گلوکز، چند مترمکعب محلول ۴/۲ مولار سوخت سبز، به دست خواهد آمد؟ (بازده درصدی واکنش استخراج آهن و تخمیر بی‌هوایی گلوکز را به ترتیب ۶۴ و ۵۰ درصد در نظر بگیرید. معادله واکنش‌ها موازن شود):



(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۴۳- همه مطالب زیر درست‌اند، به جز ... (H = ۱, C = ۱۲, O = ۱۶ : g.mol^{-۱})

۱) تفاوت جرم مولی آلkan موجود در سوخت فندک با جرم مولی اتانول، برابر ۱۲ گرم بر مول است.

۲) هرگاه به جای اتم‌های هیدروژن در متان، گروه‌های اتیل قرار گیرد، هیدروکربنی با نام آیوپاک «۳-۳-دی‌اتیل پنتان» به وجود می‌آید.

۳) تفاوت شمار اتم‌های کربن در فرمول‌های تقریبی گریس و واژلین، برابر ۷ است.

۴) نام درست ۳-۲-اتیل هپتان، به روش آیوپاک، ۲-اتیل-۳-متیل هپتان است.

۴۴- کدام مطلب در مورد ظرفیت گرمایی ویژه، درست است؟

۱) مقایسه ظرفیت گرمایی ویژه سه فلز آلومینیم، نقره و طلا به صورت «Al > Au > Ag» است.

۲) هر چه ظرفیت گرمایی ویژه ماده‌ای بزرگ‌تر باشد، ظرفیت گرمایی یک مول از آن نیز بزرگ‌تر است.

۳) گاز هیدروژن تنها ماده‌ای است که ظرفیت گرمایی یک مول از آن با گرمایی ویژه آن برابر است.

۴) گرمای ویژه در دما و فشار ثابت، تنها به نوع ماده بستگی دارد.

۴۵- گرمای آزاد شده از سوختن کامل $\text{C}_2 \text{H}_4$ مول نسبت به $\text{C}_2 \text{H}_6$ مول دمای ۸ کیلوگرم آب 20°C را به میزان کمتری افزایش می‌دهد و اگر ارزش سوختی ساده‌ترین آلکین برابر 50 kJ.g^{-1} باشد، آنتالپی سوختن آن برابر کیلوژول بر مول خواهد بود. (H = ۱, C = ۱۲ : g.mol^{-۱})

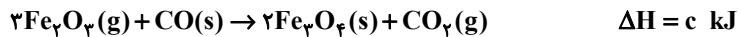
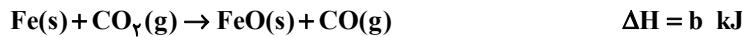
(۱) متانول، اتانول، -۱۴۰۰

(۲) اتانول، اتان، +۱۳۰۰

(۳) اتان، پروپان، -۱۳۰۰



۴۶- با توجه به واکنش‌های زیر، برای تشکیل $\frac{2}{3}$ مول فراورده جامد طبق واکنش $\text{Fe}_3\text{O}_4(s) + 3\text{CO}(g) \rightarrow 2\text{Fe}(s) + 3\text{CO}_2(g)$ چند کیلوژول گرما مبادله می‌شود؟



$$\frac{a+c}{9} - \frac{3b}{4} \quad \frac{2a}{3} - \frac{2b}{3} + \frac{c}{3} \quad \frac{2a}{9} - \frac{2}{3}b + \frac{c}{9} \quad \frac{4a}{6} - b + \frac{2c}{3} \quad (1)$$

۴۷- در واکنش زیر، پس از موازنی، چند مورد از عبارت‌های داده شده درست است؟ (نمودار به صورت تقریبی رسم شده است.)



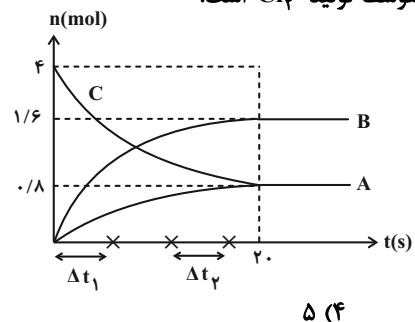
(الف) در این واکنش، در بازه زمانی یکسان، سرعت متوسط مصرف HCl چهار برابر سرعت متوسط تولید Cl_2 است.

(ب) A و B به ترتیب می‌توانند مربوط به نمودار مول-زمان $\text{MnO}_2(s)$ و HCl(aq) و $\text{H}_2\text{O(l)}$ باشند.

(پ) سرعت متوسط تولید یا مصرف مواد مشخص شده در نمودار در بازه زمانی Δt_2 بیشتر از Δt_1 است.

(ت) سرعت متوسط واکنش، در زمان انجام واکنش برابر $0.4 \text{ mol}/\text{s}$ مول بر دقیقه است.

(ث) در این واکنش رابطه $\frac{-\Delta n(\text{HCl})}{\Delta t} = \frac{+4\Delta n(\text{Cl}_2)}{\Delta t} = \frac{+2\Delta n(\text{H}_2\text{O})}{\Delta t}$ برقرار است. (۱)



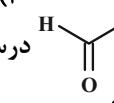
۵ (۴)

Δt_2

Δt_1

۲۰

۴۸- کدام موارد از مطالب بیان شده درباره مولکول درست‌اند؟ (C = ۱۲, O = ۱۶, H = ۱: g.mol^{-۱})



(الف) این ترکیب محلول در آب و با استیک اسید ایزومر است.

(ب) تفاوت جرم مولی اسید و الکل سازنده آن ۱۶ گرم بر مول است.

(پ) الکل سازنده آن با الکل سازنده استر موجود در انگور یکسان است.

(ت) از آبکافت آن الکلی حاصل می‌شود که نمی‌توان از آن محلول سیرشده در آب تهیه کرد.

۴ (الف، ت)

۳ (پ، ت)

۲ (ب، پ)

۴۹- با توجه به ساختار زیر که مربوط به ویتامین D می‌باشد، چه تعداد از مطالب زیر، به درستی بیان شده است؟

* در این مولکول، همانند کلسترول، بخش ناقطبی بر بخش قطبی غلبه کرده و برخلاف کلسترول دارای گروه عاملی هیدروکسیل است.

* ساختاری سیرنشده و آروماتیک داشته و با جذب ۴ مولکول هیدروژن به ساختاری سیرشده تبدیل می‌شود.

* فرمول مولکولی این ترکیب $C_{28}\text{H}_{44}\text{O}$ بوده و مصرف بیش از اندازه آن برای بدن مضر است.

* در ساختار این ترکیب ۳ اتم کربن وجود دارد که به هیچ اتم هیدروژنی متصل نیست.

۴ (۴)

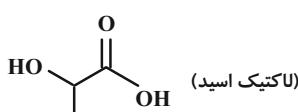
۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۵۰- برای تهیه ۱۹۲ گرم پلی لاكتیک اسید در دمای اتاق، ۲۰۰ میلی‌لیتر لاكتیک اسید خالص لازم است. چگالی لاكتیک اسید در این

دما بر حسب g.mL^{-1} کدام است؟ (O = ۱۶, C = ۱۲, H = ۱: g.mol^{-۱})



۱ (۲)

۱/۴ (۴)

۰/۸ (۱)

۱/۲ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضی ا: کل کتاب

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۵۱- بین دو عدد $\frac{1}{3}$ و $\sqrt{3}$ ، پنج واسطه هندسی درج کرده‌ایم. جمله چهارم دنباله حاصل کدام است؟

۳ (۴)

$\sqrt{3}$ (۳)

۱ (۲)

$\frac{\sqrt{3}}{3}$ (۱)

۵۲- اگر $a \neq b$ باشد، حاصل $(\frac{a+b}{a-b})^n$ کدام است؟

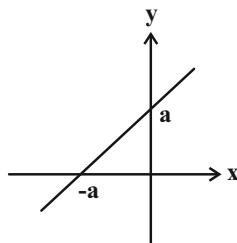
۴ (۲)

۲ (۱)

۸ (۴)

۶ (۳)

۵۳- نمودار تابع خطی $f(x) = bx + 3$ در شکل زیر رسم شده است. حاصل $f(a+b)$ کدام است؟



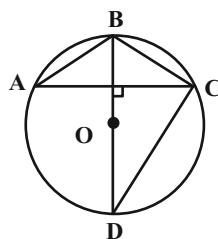
۵ (۱)

۱ (۲)

۷ (۳)

-۵ (۴)

۵۴- در دایره زیر O مرکز دایره است و AC برابر شعاع دایره است. مساحت مثلث BCD چند برابر مساحت مثلث ABC است؟



$2+\sqrt{3}$ (۱)

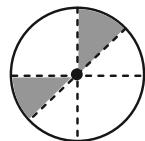
$4+2\sqrt{3}$ (۲)

$1+\sqrt{2}$ (۳)

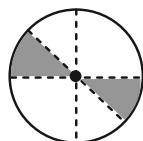
$2+2\sqrt{2}$ (۴)

۵۵- برای کمان θ در دایره مثلثاتی، روابط $\sin \theta + \cos \theta < 0$ و $\sin \theta - \tan \theta > 0$ برقرار است. وضعیت انتهای کمان θ مطابق کدام

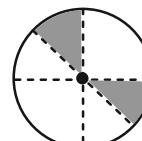
شکل است؟



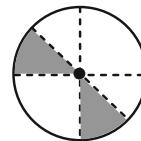
(۴)



(۳)



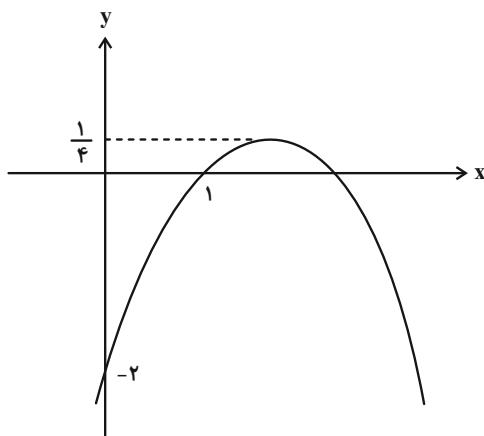
(۲)



(۱)



۵۶- نمودار زیر مربوط به سهمی $y = ax^2 + bx + c$ است. مقدار b کدام است؟



۶ (۱)

۱ (۲)

۴ (۳)

۳ (۴)

۵۷- مجموعه جواب‌های نامعادله $\frac{2x-3}{|x-1|-4} < 1$ به صورت (a, b) است. حاصل $b-a$ کدام است؟

۳ (۲)

$\frac{3}{4}$ (۱)

$\frac{5}{4}$ (۴)

$\frac{3}{2}$ (۳)

۵۸- قرینه نمودار $|y+1| = |x+1|$ نسبت به محور x ها را ۲ واحد به سمت x های مثبت انتقال می‌دهیم. نمودار حاصل نیمساز ناحیه چهارم را با کدام عرض قطع می‌کند؟

$-\frac{1}{2}$ (۲)

$\frac{1}{2}$ (۱)

۱ (۴)

-۱ (۳)

۵۹- چند عدد سه رقمی با ارقام متمایز و غیر صفر وجود دارد به گونه‌ای که مجموع ارقام هر یک از آنها عددی فرد باشد؟

۲۴۰ (۲)

۴۸۰ (۱)

۴۰ (۴)

۱۲۰ (۳)

۶۰- کیسه‌ای محتوی ۴ مهره آبی، ۴ مهره قرمز و ۲ مهره سفید است. اگر به تصادف ۶ مهره از این کیسه خارج کنیم، احتمال آنکه تعداد مهره‌های آبی خارج شده، دو برابر تعداد مهره‌های سفید خارج شده باشد، کدام است؟

$\frac{2}{15}$ (۲)

$\frac{1}{5}$ (۱)

$\frac{2}{30}$ (۴)

$\frac{3}{10}$ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۱: کل کتاب

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۶۱- دقیقہ یک خطکش مدرج 1 mm و یک کولیس رقمی $1\text{ mm} / 0$ است. به ترتیب کدامیک از طول‌های زیر توسط این خطکش و

کولیس اندازه‌گیری شده‌اند؟

$$0/20\text{ cm} - 1/0004\text{ m} \quad (2)$$

$$0/24\text{ m} - 0/16\text{ m} \quad (1)$$

$$0/0040\text{ m} - 2/4\text{ cm} \quad (4)$$

$$0/003\text{ m} - 1/2\text{ cm} \quad (3)$$

۶۲- درون یک ظرف استوانه‌ای مدرج به حجم 400 cm^3 ، مایعی به چگالی $\frac{g}{cm^3} 1/4$ ریخته‌ایم و ۲۵ درصد از حجم ظرف خالی مانده

است. اگر یک جسم فلزی هم‌جرم با جرم مایع را درون مایع غوطه‌ور کنیم، ۱۵ درصد از حجم ظرف خالی می‌ماند. چگالی فلز سازنده جسم چند کیلوگرم بر مترمکعب است؟

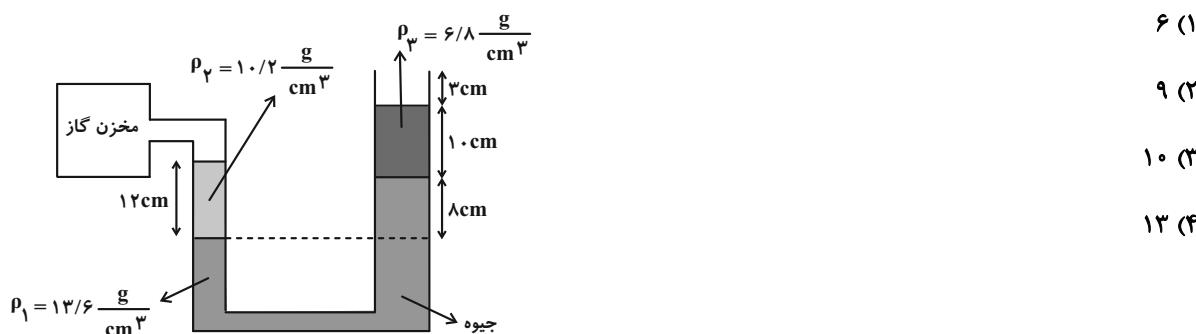
$$11250 \quad (4)$$

$$10500 \quad (3)$$

$$17500 \quad (2)$$

$$9200 \quad (1)$$

۶۳- در شکل زیر، سطح مقطع شاخه سمت راست، دو برابر سطح مقطع شاخه سمت چپ است. فشار پیمانه‌ای گاز درون مخزن حداقل چند سانتی‌متر جیوه افزایش یابد تا مایع p_3 از شاخه سمت راست سرربیز نشود؟



۶۴- درون ظرفی استوانه‌ای به مساحت قاعده 5 cm^2 تا ارتفاع 25 cm مایعی به چگالی $\frac{g}{cm^3} 4$ وجود دارد. اگر 55 cm^3 از مایعی به

$$(P_0 = 10^5 \text{ Pa}, g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}) \quad \text{چگالی } 2 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \text{ اضافه کنیم، فشار کل وارد بر کف ظرف چند درصد افزایش می‌یابد؟}$$

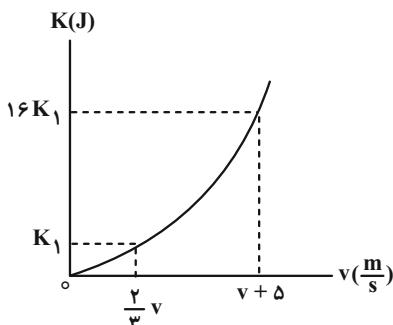
$$0/05 \quad (4)$$

$$5 \quad (3)$$

$$2/2 \quad (2)$$

$$0/02 \quad (1)$$

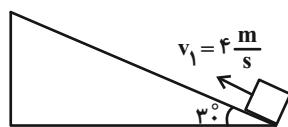
۶۵- نمودار تغییرات انرژی جنبشی بر حسب تندي جسمی به جرم m به صورت زیر است. تندي ۷ چند متر بر ثانیه است؟



- ۳ (۱)
۴ (۲)
۵ (۳)
۶ (۴)

۶۶- مطابق شکل، جسمی به جرم $\frac{1}{5} \text{ kg}$ را از پایین سطح شیبداری با تندي $\frac{m}{s}$ به طرف بالا پرتاب می‌کنیم. اگر نیروی اصطکاک در طول مسیر ثابت و برابر 15 N باشد، جسم حداقل چند متر روی سطح شیبدار بالا می‌رود؟

$$(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$



- $\frac{15}{2}$ (۱)
 $\frac{8}{15}$ (۲)
 $\frac{18}{5}$ (۳)

۶۷- دمای جسمی 50° F است. دمای این جسم چند کلوین است؟

- ۳۷۳ (۴) ۳۲۳ (۳) ۳۸۳ (۲) ۲۸۳ (۱)

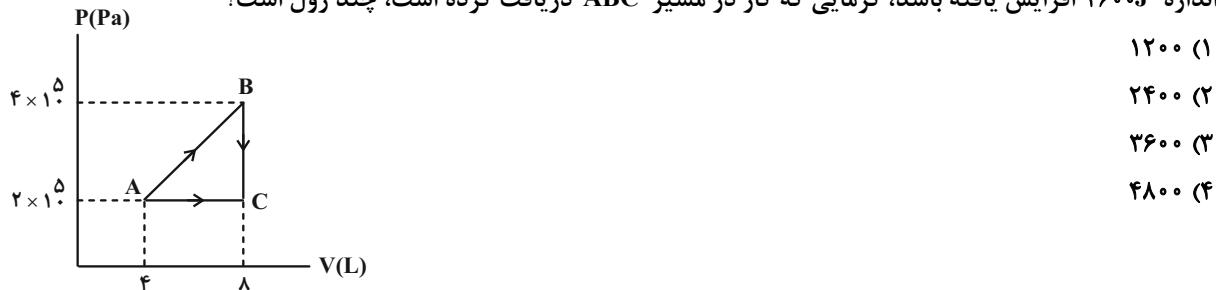
۶۸- یک گرمکن الکتریکی با توان 1011 W در اختیار داریم. چند گرم یخ 10° C - داخل آن قرار دهیم تا پس از ۲ دقیقه، آن را به

$$(L_v = 2256 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}, L_F = 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}, c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{C}})$$

- ۶۰ (۴) ۴۰ (۳) ۳۰ (۲) ۲۰ (۱)

۶۹- مطابق شکل مقداری گاز آرمانی از طریق دو مسیر، از حالت C به حالت A رسیده است. اگر انرژی درونی گاز در مسیر AC به

اندازه J افزایش یافته باشد، گرمایی که گاز در مسیر ABC دریافت کرده است، چند ژول است؟



۷۰- یک ماشین گرمایی در هر چرخه J ۱۰۰۰ گرما از منبع دما بالا می‌گیرد و J ۶۰۰ گرما به منبع دما پایین می‌دهد و بقیه آن تبدیل به کار می‌شود. اگر هر چرخه این ماشین 85° C طول بکشد، توان خروجی آن چند واحد است؟

- ۸۰۰ (۴) ۴۰۰ (۳) ۵۰۰ (۲) ۷۵۰ (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۱: کل کتاب

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۷۱- در مثلث ABC ، عمود منصف ضلع AC ، ضلع BC را در نقطه D قطع می‌کند. اگر $\hat{C} = 30^\circ$ باشد، اندازه زاویه ADB کدام است؟ $(\hat{B} > \hat{C})$

60° (۲)

45° (۱)

90° (۴)

75° (۳)

۷۲- در متوازی‌الاضلاع $ABCD$ ، نقاط B و C ثابت هستند و ضلع BA طول ثابت a دارد. با تغییر اندازه زاویه B ، محل برخورد دو قطر متوازی‌الاضلاع روی کدام یک از اشکال هندسی زیر قرار می‌گیرد؟

(۲) دایره‌ای به مرکز O نقطه وسط ضلع BC و به شعاع $\frac{a}{2}$

(۱) دو خط به فاصله $\frac{a}{2}$ از ضلع BC

(۴) دو خط به فاصله a از ضلع BC

(۳) دایره‌ای به مرکز O نقطه وسط ضلع BC و به شعاع a

۷۳- مثلث ABC به طول اضلاع ۵، ۱۲ و ۱۳ با مثلث $A'B'C'$ متشابه است. اگر طول کوچکترین ارتفاع مثلث دوم برابر $\frac{20}{13}$ باشد،

محیط مثلث دوم کدام است؟

۲۰ (۴)

۱۲ (۳)

۱۰ (۲)

۵ (۱)

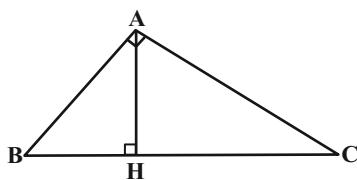
۷۴- در شکل زیر، در مثلث قائم‌الزاویه ABC ، $AB = 2\sqrt{3}$ و $BH = 2$ باشد، طول میانه وارد بر ضلع AB کدام است؟

۵ (۱)

۶ (۲)

$\sqrt{30}$ (۳)

$3\sqrt{3}$ (۴)



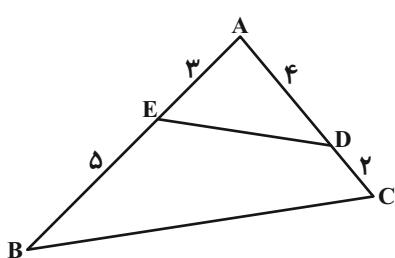
۷۵- در شکل زیر مساحت چهارضلعی $BCDE$ برابر ۱۲ است. با توجه به اندازه‌های روی شکل، مساحت مثلث ABC کدام است؟

۱۵ (۱)

۱۶ (۲)

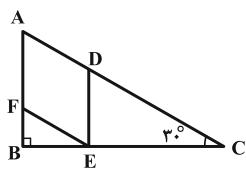
۱۸ (۳)

۲۴ (۴)





۷۶- در شکل زیر، چهارضلعی $ADEF$ لوزی است. اگر $AB = 3$ باشد، طول قطر کوچکتر این لوزی کدام است؟

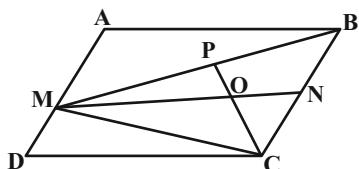


۱)

 $2\sqrt{3}$ ۲) $2\sqrt{2}$ ۳) $\sqrt{3}$ ۴)

۷۷- در شکل زیر، چهارضلعی $ABCD$ متوازی‌الاضلاع است. اگر نقاط N و P به ترتیب وسط BC و BM بوده و مساحت

مثلث ONC برابر ۳ باشد، مساحت متوازی‌الاضلاع کدام است؟



۱)

۲)

۳)

۴)

۷۸- در مثلث متساوی‌الساقین ABC ، $(AB = AC)$ $\hat{A} = 45^\circ$ است. اگر مجموع فواصل هر نقطه دلخواه واقع بر قاعده این مثلث از

دو ساق آن برابر $2\sqrt{2}$ باشد، مساحت مثلث ABC کدام است؟

۸ $\sqrt{2}$ ۴)

۸ ۳)

۴ $\sqrt{2}$ ۲)

۴)

۷۹- خطوط d و d' به ترتیب موازی و متقطع با صفحه P هستند. چند خط در فضا وجود دارد که با صفحه P موازی بوده و هر دو

خط d و d' را قطع می‌کند؟

۴) بی‌شمار

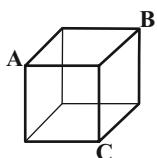
۲ ۳)

۱ ۲)

۱) هیچ

۸۰- در مکعب شکل زیر، مساحت سطح مقطع حاصل از برخورد صفحه گذرنده از نقاط A ، B و C با مکعب، چند برابر مساحت کل

مکعب است؟

 $\frac{\sqrt{3}}{12}$ ۱) $\frac{\sqrt{3}}{6}$ ۲) $\frac{\sqrt{3}}{4}$ ۳) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ ۴)

وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۱: کل کتاب

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۸۱- کدام یک از مطالب زیر در مورد رادیوایزوتوپ‌ها، درست است؟

الف) یون تکنسیم با یون یدید هم اندازه بوده و کاربرد پزشکی دارد.

ب) نیم عمر ^{99}Tc بسیار کم است؛ بنابراین نمی‌توان آن را برای مدت طولانی نگهداری کرد.

پ) یکی از ایزوتوپ‌های شناخته شده‌ترین فلز پرتوزا اغلب به عنوان سوخت در راکتور اتمی کاربرد دارد.

ت) رادیوایزوتوپی از عنصر گروه ۱۵ جدول تناوبی در ایران تولید می‌شود.

(۱) الف و ب (۲) الف، پ و ت (۳) پ و ت (۴) ب و پ

۸۲- اگر جرم مولکولی ترکیب AX_3 برابر 156 amu باشد، مقدار x در جدول زیر، کدام است؟ (عدد جرمی و جرم اتمی را تقریباً یکسان در نظر بگیرید. نمادهای عناصر فرضی هستند).

^{37}X	^{35}X	^{47}A	^{45}A	ایزوتوپ	۹۰ (۲)	۱۰ (۱)
۸۰	۲۰	x	y	درصد فراوانی	۴۰ (۴)	۶۰ (۳)

۸۳- همه گزینه‌های زیر درست‌اند، به جز ...

۱) طول موج فروسخ از امواج رادیویی کوتاه‌تر و از امواج ایکس بلندتر است.

۲) حداکثر گنجایش الکترونی هر زیرلایه از ۴ برابر عدد کوانتمی فرعی آن، ۲ واحد بیشتر است.

۳) اگر $n+1$ برای دو یا چند زیرلایه یکسان باشد، زیرلایه با ۱ کوچک‌تر، انرژی بیشتری دارد.

۴) در طیف نشری خطی اتم هیدروژن، با حرکت از سمت نوار قرمز به بنفس، اختلاف بین طول موج نوارها، افزایش می‌یابد.

۸۴- چند مورد از مطالب زیر، درست است؟

* عنصری که اتم آن دارای شمار الکترون‌های ظرفیت کمتری است، واکنش‌پذیری بیشتری دارد.

* در اتم X_{24} ، نسبت شمار الکترون‌های دارای $=0$ به $=1 = 2$ برابر $1/4$ است.

* آرایش الکترونی لایه آخر اتم A_{27} مشابه آرایش الکترونی لایه ظرفیت اتم B_{20} است.

* در مولکول COCl_2 ، شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی دو برابر شمار جفت الکترون‌های پیوندی است.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۸۵- کدام موارد از عبارت‌های زیر، نادرست است؟

آ) با افزایش ارتفاع از سطح زمین، دما و فشار هوا به طور پیوسته کاهش می‌یابد.

ب) در فرایند تقطیر جزء‌به‌جزء هوا مایع، با کاهش دما در دمای 195 K ، گاز کربن دی‌اکسید هوا به حالت جامد درمی‌آید.

پ) سومین گاز از نظر درصد حجمی در هوا پاک و خشک، به عنوان محیط بی‌اثر در جوشکاری و برش فلزات به کار می‌رود.

ت) حدود ۷ درصد حجمی از مخلوط گاز طبیعی را هلیم تشکیل می‌دهد، در نتیجه هواکره برای تولید هلیم در مقیاس صنعتی نسبت به منابع زمینی، مناسب‌تر است.

(۱) آ و ب (۲) آ و ت (۳) ب و پ (۴) ب و ت



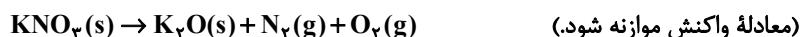
۸۶- پس از موازنۀ واکنش‌های زیر، اختلاف مجموع ضرایب استوکیومتری مواد واکنش‌دهنده و فراورده در کدام واکنش از دیگر واکنش‌ها بیشتر است و در کدام واکنش ضریب استوکیومتری آب با دیگر واکنش‌ها متفاوت است؟ (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید).

- a) $\text{NH}_3 + \text{O}_2 \rightarrow \text{NO} + \text{H}_2\text{O}$
- b) $\text{Fe} + \text{O}_2 + \text{H}_2\text{O} \rightarrow \text{Fe(OH)}_3$
- c) $\text{CH}_4 + \text{NH}_3 + \text{O}_2 \rightarrow \text{HCN} + \text{H}_2\text{O}$
- d) $\text{CaSiO}_3 + \text{HF} \rightarrow \text{CaF}_3 + \text{SiF}_4 + \text{H}_2\text{O}$

c ، a (۴) d ، a (۳) c ، b (۲) d ، b (۱)

۸۷- مقداری پتاسیم نیترات را در ظرفی در باز حرارت داده‌ایم. اگر کاهش جرم ظرف در پایان واکنش برابر $\frac{43}{2}$ گرم باشد، حجم گاز نیتروژن تولید شده در شرایط STP کدام است و از واکنش اکسیژن تولید شده با مقدار کافی هیدروژن در شرایط مناسب چند

گرم آب تولید می‌شود؟ ($\text{H} = 1, \text{N} = 14, \text{O} = 16, \text{K} = 39: \text{g.mol}^{-1}$)



۱۸ ، ۸/۹۶ (۴) ۳۶ ، ۴/۴۸ (۳) ۳۶ ، ۸/۹۶ (۲) ۱۸ ، ۴/۴۸ (۱)

۸۸- چند مورد از عبارت‌های زیر، نادرست است؟

- الف) سرکۀ خوراکی محلول ۵ درصد جرمی اسیدی استیک اسید در آب است، که خاصیت اسیدی ملایمی دارد.
- ب) دستگاه گلوکومتر، جرم گلوکز را بر حسب میلی‌گرم گلوکز در هر دسی لیتر از خون نشان می‌دهد.
- پ) کلسیم سولفات همانند کلسیم فسفات، در آب نامحلول است.
- ت) اگر ۲۰ گرم باریم سولفات را با ۱۰۰ گرم آب مخلوط کنیم، محلول ۱۶ درصد جرمی به دست می‌آید.

۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)

۸۹- با توجه به داده‌های جدول، اگر ۴۰۰ گرم محلول سیرشده سدیم نیترات را از دمای 25°C تا 15°C سرد کنیم، چند گرم رسوب تشکیل می‌شود؟

$\theta(\text{ }^\circ\text{C})$	۰	۱۰	۲۰	۳۰	
$S(\frac{\text{g NaNO}_3}{100\text{ g H}_2\text{O}})$	۷۲	۸۰	۸۸	۹۶	۱۶ (۲)
				۶۴ (۴)	۲۲ (۳)

۹۰- اگر گشتاور دوقطبی مولکول XO_2 بزرگ‌تر از صفر باشد، چند مورد از مطالب زیر، در رابطه با مولکول مورد نظر و عناصر سازنده آن درست است؟

(همه اتم‌های مولکول XO_2 از قاعده هشت‌تایی بیرونی می‌کنند. عنصر X در یکی از دوره‌های سوم و چهارم جدول تناوبی جای دارد.)

- الف) اتم X می‌تواند با اکسیژن در یک گروه قرار داشته باشد.
- ب) عدد اتمی X نمی‌تواند برابر ۶ باشد.

پ) شمار الکترون‌های ناپیوندی در مولکول XO_2 می‌تواند دو برابر شمار الکترون‌های پیوندی باشد.

ت) در میدان الکتریکی اتم‌های اکسیژن به سمت صفحه با بار مثبت، جهت‌گیری می‌کنند.

۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)



آزمون «۷ مهر ۱۴۰۲»

اختصاصی دوازدهم ریاضی

(دفترچه اختیاری)

دفترچه سوال

مدت پاسخ‌گویی: ۷۰ دقیقه

تعداد کل سؤالات: ۵۰ سؤال

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	زمان پاسخ‌گویی
حسابان ۲	۱۰	۹۱-۱۰۰	۱۵'
هندسه ۳	۱۰	۱۰۱-۱۱۰	۱۵'
ریاضیات گسسته	۱۰	۱۱۱-۱۲۰	۱۵'
فیزیک ۳	۱۰	۱۲۱-۱۳۰	۱۵'
شیمی ۳	۱۰	۱۳۱-۱۴۰	۱۰'

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲	هندسه	ریاضیات گسسته	فیزیک	شیمی
گزینشگر	عادل حسینی	امیرحسین ابومحیوب	سوگند روشنی	مصطفی کیانی	امیر حاتمیان
گروه ویراستاری	سعید خانبابایی مهدی ملا رمضانی	مهرداد ملوندی	مهرداد ملوندی	زهره آقامحمدی حمید زرین کفش	بهنام قارانچایی محمدحسن محمدزاده مقدم امیرحسین مسلمی
بازبینی نهایی (رتبه برتر)	بنیامین یعقوبی	کیارش صانعی	کیارش صانعی	ماهان زواری	ماهان زواری
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحیوب	امیرحسین ابومحیوب	محمد ساکی	ایمان حسین نژاد
مستند سازی	سمیه اسکندری	سرژ بقیازاریان تبریزی	سرژ بقیازاریان تبریزی	احسان صادقی	سمیه اسکندری

گروه فنی و تولید

ناظر چاپ	سوران نعیمی	فرزانه فتح المزاده	مدیر گروه مستندسازی	نرگس غنیزاده	مدیر گروه: محیا اصغری	مهرداد ملوندی	مدیر گروه گروه

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچه «وقف عالم»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۶۱



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

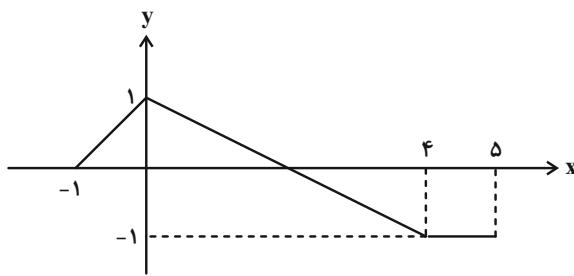
حسابان ۲: تابع، مثبات: صفحه‌های ۱ تا ۴۴

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۹۱- با کدام ترتیب انتقال‌ها می‌توان از نمودار تابع $f(x) = x^3 - 4x + 7$ به نمودار تابع $g(x) = x^2 - 4x + 1$ رسید؟

- (۱) ۲ واحد به چپ و ۸ واحد به پایین
 (۲) ۲ واحد به راست و ۸ واحد به پایین
 (۳) ۲ واحد به راست و ۴ واحد به پایین
 (۴) ۲ واحد به چپ و ۴ واحد به پایین

۹۲- نمودار تابع $y = f(1 - \frac{x}{2})$ در شکل زیر رسم شده است. مساحت سطح محصور بین نمودار تابع $y = -f(x+1)$ و محور x ‌ها کدام است؟



- (۱) $\frac{3}{4}$
 (۲) ۱
 (۳) $\frac{1}{2}$
 (۴) $\frac{7}{4}$

۹۳- نمودار تابع $f(x) = |2x| - |x - 1|$ در بازه‌ای که اکیداً نزولی است، چند نقطه مشترک با نمودار تابع $y = x^3 - 2x^2 - 2x + 1$ دارد؟

- (۱) ۲
 (۲) صفر
 (۳) ۴
 (۴) ۲

۹۴- کدام تابع اکیداً صعودی است؟ ($[]$ ، نماد جزء صحیح است).

$$y = x + |x - 1| \quad (۱)$$

$$y = [x] + [-x] \quad (۲)$$

$$y = (x - \frac{1}{x}) |x| \quad (۳)$$

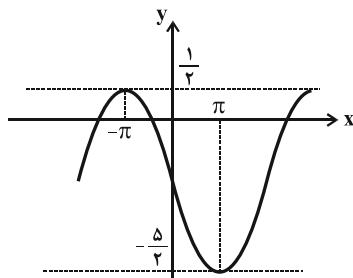
$$y = x + [x] \quad (۴)$$

۹۵- خارج قسمت تقسیم چندجمله‌ای $-1 - 5x^4 - x^9$ بر $x+1$ چندجمله‌ای $q(x)$ است. باقی‌مانده تقسیم $(x+1)q(x)$ بر $x+1$ کدام است؟

- (۱) -۶
 (۲) -۱۱
 (۳) ۲۹
 (۴) ۴



۹۶- شکل زیر، قسمتی از نمودار تابع $f(x) = a \sin bx + c$ را نشان می‌دهد. مقدار کدام است؟



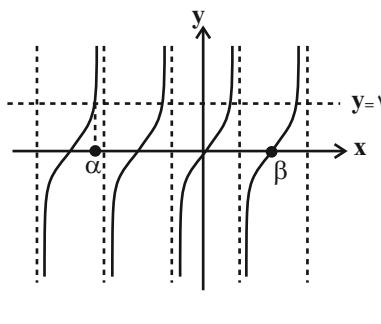
(۱) $-\frac{1}{4}$

(۲) $-\frac{5}{4}$

(۳) $-\frac{7}{4}$

(۴) $-\frac{9}{4}$

۹۷- شکل مقابل مربوط به تابع $y = \tan 2x$ است. حاصل $\beta - \alpha$ کدام است؟



(۱) $\frac{11\pi}{8}$

(۲) $\frac{13\pi}{8}$

(۳) $\frac{9\pi}{8}$

(۴) $\frac{5\pi}{4}$

۹۸- جواب کلی معادله $\sin^4 x + \cos^4 x = \cos \frac{\Delta\pi}{3}$ کدام است؟

$k\pi - \frac{\pi}{4}$ (۲)

$k\pi + \frac{\pi}{4}$ (۱)

$\frac{k\pi}{4}$ (۴)

$\frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{4}$ (۳)

۹۹- تعداد جواب‌های معادله مثلثاتی $\frac{1 - \cos x}{\sin x} = \tan 2x$ در بازه $[0, 2\pi]$ کدام است؟

۳ (۲)

۴ (۱)

۱ (۴)

۲ (۳)

۱۰۰- برای کمان x ، $\tan x$ یک واحد از $\sin x$ بزرگ‌تر است. مقدار $\sin 2x$ کدام است؟

$\sqrt{6} - 2$ (۲)

$2\sqrt{2} - 2$ (۱)

$\sqrt{2} - 1$ (۴)

$2\sqrt{6} - 4$ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۳: ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۹ تا ۳۱

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

-۱۰۱- اگر ماتریس $A = \begin{bmatrix} p+2 & m-2 \\ n+1 & 2p-1 \end{bmatrix}$ ماتریس اسکالر باشد، دترمینان ماتریس $B = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 1 \\ m & 0 & n \\ p & -1 & 2 \end{bmatrix}$ کدام است؟

-۱ (۲)

۱ (۱)

۱۱ (۴)

-۱۱ (۳)

-۱۰۲- اگر b_{ij} باشند، مجموع درایه‌های ماتریس $BA = [b_{ij}]_{3 \times 2}$ و $A = [(-1)^{j+i}]_{4 \times 3}$ کدام است؟

$$b_{ij} = \begin{cases} ij & ; i > j \\ i+j & ; i = j \\ \frac{j}{i} & ; i < j \end{cases}$$

-۳۱ (۲)

-۲۰ (۱)

۴۱ (۴)

۲۵ (۳)

-۱۰۳- اگر دستگاه معادلات خطی $\begin{cases} (m-1)x + 2y = n \\ (n+2)x + 4y = m \end{cases}$ بی‌شمار جواب داشته باشد، حاصل $m+n$ کدام است؟

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

-۱۰۴- اگر ماتریسی $A = \begin{bmatrix} -2|A| & 0 & 0 \\ 0 & -3|A| & 0 \\ -5|A| & 0 & |A| \end{bmatrix}$ وارون پذیر باشد، حاصل $|A| A$ کدام است؟

 $\frac{1}{36}$ (۲) $\frac{1}{6}$ (۱)

۶ (۴)

 $\frac{1}{216}$ (۳)

-۱۰۵- اگر $B = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$ باشند، حاصل $A^{99} + B^{100}$ کدام است؟

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}$$

 $\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -2 & -1 \end{bmatrix}$ (۲) $\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$ (۱) $\begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 2 & -1 \end{bmatrix}$ (۴) $\begin{bmatrix} -2 & -1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ (۳)



۱۰۶- در تساوی ماتریسی $A = \begin{bmatrix} 5 & 2 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$ ، مجموع درایه‌های ماتریس A کدام است؟

۷ (۲)

۵ (۱)

۱۳ (۴)

۱۱ (۳)

۱۰۷- اگر $B = \begin{bmatrix} 2 & 3 & -1 \\ 2 & 1 & -1 \\ 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$ باشد، آنگاه درایه سطر دوم و ستون سوم ماتریس $A^2 B^2$ کدام است؟

۳۷ (۲)

۲۶ (۱)

-۳۷ (۴)

-۲۶ (۳)

۱۰۸- اگر $B = [-1 \ m \ 1]$ و $A = \begin{bmatrix} m \\ 1 \\ -1 \end{bmatrix}$ آنگاه حاصل $|AB| + |BA|$ کدام است؟

-۱ (۲)

۱ (۱)

۲ (۴)

۰ (۳)

۱۰۹- اگر A یک ماتریس 2×2 و دترمینان ماتریس A از دترمینان وارون ماتریس A ، ۳ واحد بیشتر باشد، حاصل $|{}^4A^{-1}|$

($|A| \neq 0$) کدام می‌تواند باشد؟

-۴ (۲)

۱ (۱)

۲ (۴)

-۱۶ (۳)

۱۱۰- اگر $A^{-1}B + B^{-1}A$ کدام است؟ باشد، آنگاه حاصل $2(A+B)^{-1} = A^{-1} + B^{-1}$.

I (۲)

O (۱)

A + B (۴)

-I (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضیات گسسته: آشنایی با نظریه اعداد: صفحه های ۱ تا ۳۰

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۱۱۱- کدام یک از گزاره‌های زیر مثال نقض ندارد؟

(۱) مجموع مربعات هر دو عدد اول، عددی زوج است.

(۲) هر عدد اول را به یکی از صورت‌های $1 + 6k$ یا $5 + 6k$ می‌توان نوشت (k عدد صحیح است).

(۳) حاصل ضرب هر عدد گویا در هر عدد گنگ، عددی گنگ است.

(۴) مجموع مربع و مکعب هر عدد فرد، عددی زوج است.

۱۱۲- اگر x ، y و z سه عدد حقیقی باشند، در اثبات نامساوی $x^2 + y^2 + z^2 \geq 2x(y-z) - \frac{x}{z}$ به روش بازگشتی، کدام رابطه بدیهی حاصل می‌شود؟

$$(x+y)^2 + (x-z)^2 \geq 0 \quad (۲)$$

$$(x+y)^2 + (x+z)^2 \geq 0 \quad (۱)$$

$$(x-y)^2 + (x-z)^2 \geq 0 \quad (۴)$$

$$(x-y)^2 + (x+z)^2 \geq 0 \quad (۳)$$

۱۱۳- اگر دوازدهم اردیبهشت سالی روز شنبه باشد، اولین روز کدام یک از ماه‌های زیر در آن سال نیز روز شنبه است؟

(۲) بهمن

(۱) دی

(۴) هیچ کدام

(۳) اسفند

۱۱۴- اگر a عددی طبیعی باشد به‌طوری که $2|15k+7$ و $a|15k+12$ ، آن‌گاه مجموع مقادیر ممکن برای a کدام است؟ ($k \in \mathbb{Z}$)

۳ (۲)

۱ (۱)

۱۸ (۴)

۸ (۳)



۱۱۵- باقی‌مانده تقسیم عدد 1402^{1402} بر عدد ۱۵ کدام است؟

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۱۱۶- اگر رقم یکان دو عدد $a^2 + 9$ و $4a + 16$ یکسان باشد، عدد a^4 عضو کدام دسته هم‌نهشتی به پیمانه ۱۰ است؟

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۱۱۷- مجموع ارقام بزرگ‌ترین عدد سه رقمی x که در معادله $x + 21y = 15 + 2! + 3! + \dots + 1402!$ صدق می‌کند، کدام است؟

۲۵ (۲)

۲۴ (۱)

۲۷ (۴)

۲۶ (۳)

۱۱۸- اگر $a^2 - 1, 40$ باشد، آنگاه $(a, 1000) = 125$ کدام است؟

۵ (۲)

۱ (۱)

۴۰ (۴)

۸ (۳)

۱۱۹- مجموع باقی‌مانده و خارج قسمت تقسیم عدد طبیعی a بر ۱۱، برابر ۱۵ است. احتمال اینکه $a - 5$ مضرب ۴۰ باشد، کدام است؟

 $\frac{5}{11}$ (۲) $\frac{6}{11}$ (۱) $\frac{3}{11}$ (۴) $\frac{4}{11}$ (۳)

۱۲۰- اگر باقی‌مانده تقسیم $2a^3b$ بر ۹ برابر ۴ باشد، باقی‌مانده تقسیم عدد $4a^3b^4$ بر ۱۱ کدام است؟

۸) صفر یا ۲

۱) صفر یا ۲

۹) ۳ یا ۴

۱) ۱ یا ۳



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۳: حرکت بر خط راست / دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۱ تا ۴۶

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۱۲۱- متحرکی بر خط راست، ابتدا مسافت 5m را در مدت 8s و سپس مسافت 40m را در خلاف جهت اولیه در مدت 10s طی می‌کند. تندی متوسط در کل زمان حرکت، چند برابر بزرگی سرعت متوسط در این مدت بوده است؟

(۴) $\frac{9}{25}$

(۳) 9

(۲) 5

(۱) $\frac{5}{9}$

۱۲۲- متحرکی بر روی خط راست در حال حرکت است، کدام یک از گزاره‌های زیر نادرست است؟

(آ) در هر لحظه بزرگی سرعت لحظه‌ای و تندی لحظه‌ای متحرک با هم برابر است.

(ب) در هر بازه زمانی دلخواه بدار جایه‌جایی هم جهت با بردار سرعت متوسط است.

(پ) اگر در یک بازه زمانی تندی لحظه‌ای متحرک صفر نشود بزرگی سرعت متوسط با تندی متوسط در این بازه زمانی برابر است.

ت

(۱) آ، پ

(۴) پ، ت

(۳) فقط ت

۱۲۳- دو خودروی A و B که روی محور x به فاصله 1km از هم قرار دارند، به ترتیب با تندی‌های ثابت $\frac{m}{s^2}$ و $\frac{m}{s^2}$ به طرف یکدیگر حرکت می‌کنند. پس از چند ثانیه فاصله آن‌ها از یکدیگر برای دومین بار به 300m می‌رسد؟

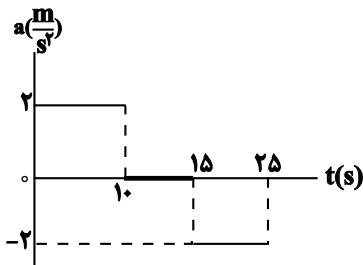
(۴) 40

(۳) 26

(۲) 20

(۱) 14

۱۲۴- در شکل زیر، نمودار شتاب - زمان متحرکی که از حال سکون روی محور x شروع به حرکت می‌کند، نشان داده شده است. تندی متوسط این متحرک در بازه زمانی صفر تا 25s ، چند متر بر ثانیه است؟



(۱) 6

(۲) 18

(۳) 12

(۴) صفر

۱۲۵- در شرایط خلا، گلوله‌ای از ارتفاع 180 متری از سطح زمین رها می‌شود و به زمین می‌رسد. پس از طی چه مسافتی بر حسب متر از لحظه رها شدن گلوله، تندی آن نصف تندی در لحظه برخورد به زمین است؟ ($g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)

(۴) 80

(۳) 45

(۲) 25

(۱) 15

۱۲۶- دو نیروی $\bar{J}(2\text{N})$ و $\bar{F}_1(1/5\text{N})$ به جسمی به جرم 2kg اثر می‌کنند. بزرگی شتاب حرکت این جسم چند متر بر مربع ثانیه است؟

(۴) 25

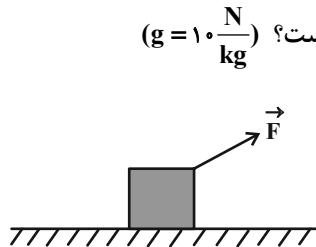
(۳) $2/5$

(۲) 10

(۱) 5

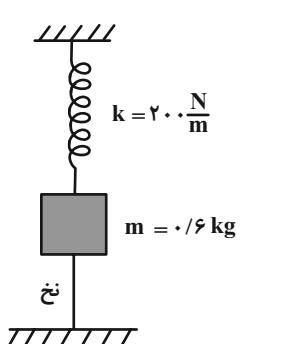


۱۲۷- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم 2kg با شتاب $5 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ تحت تأثیر نیروی $\vec{F} = (13\text{N})\hat{i} + (16\text{N})\hat{j}$ روی سطح افقی در جهت محور x حرکت می‌کند. بزرگی نیرویی که سطح افقی به جسم وارد می‌کند، چند نیوتون است؟ $(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$



- ۵ (۱)
۴ (۲)
۹ (۳)
۳ (۴)

۱۲۸- مطابق شکل زیر وزنه در حال تعادل است و نیروی کشش نخ که جرم آن ناچیز است برابر 24N می‌باشد. اگر نخ پاره شود، پس از



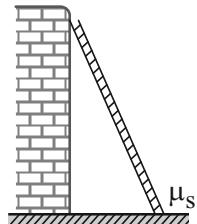
تعادل جسم، طول فنر چند درصد و چگونه تغییر می‌کند؟ $(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$

- (۱) ، کاهش
(۲) ، کاهش
(۳) ، افزایش
(۴) ، افزایش

۱۲۹- مطابق شکل یک نردبان یکنواخت به جرم m به دیوار قائم بدون اصطکاکی تکیه داده شده و نردبان در آستانه لغزش است. اگر

نیرویی که دیوار بر نردبان وارد می‌کند، $\frac{F_{N_2}}{F_{N_1}}$ و نیروی عمودی که سطح زمین بر آن وارد می‌کند، \vec{F}_{N_2} باشد، نسبت

است؟ (ضریب اصطکاک ایستایی نردبان و سطح زمین μ_s است).

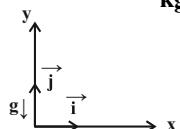


- (۱) μ_s
(۲) $\frac{1}{\mu_s}$
(۳) ۱
(۴)

به جرم نردبان بستگی دارد.

۱۳۰- جسمی روی سطحی افقی با تنیدی اولیه $10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ در جهت محور x پرتاپ می‌شود. اگر نیرویی که سطح افقی به جسم وارد می‌کند

در SI به صورت $\vec{F} = (120\hat{i} + 30\hat{j})\text{N}$ باشد، جسم پس از پیمودن چه مسافتی بر حسب متر متوقف می‌شود؟ $(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$



- ۵ (۴) ۱۰ (۳) ۲ (۲) ۲۰ (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۳: مولکول‌ها در خدمت تدرستی: صفحه‌های ۱ تا ۳۶

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش‌آموزان اختیاری است.

۱۳۱- چند مورد از عبارت‌های زیر، درست است؟

آ) شربت معده با مخلوط آب و روغن و صابون، از نظر رفتار در برابر نور مشابه است.

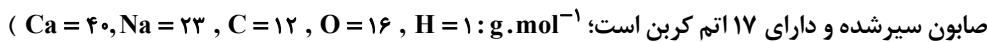
ب) قدرت پاک‌کنندگی صابون‌ها به دلیل ایجاد رسوب با یون‌های منگنز و کلسیم در آب سخت، کاهش می‌یابد.

پ) افزودن کلر به صابون‌ها، باعث افزایش خاصیت ضدغونی‌کنندگی و میکروب‌کشی آن‌ها می‌شود.

ت) پاک‌کننده‌های خورنده، همانند پاک‌کننده‌های صابونی و غیرصابونی، با آلاینده‌ها برهمنکش بین ذره‌های نیز برقرار می‌کنند.

(۱) ۴ (۲) ۳ (۳) ۲ (۴) ۱

۱۳۲- مقداری صابون در آبی که حاوی یون کلسیم است، استفاده می‌شود. اگر $80\text{ g}\cdot\text{mol}^{-1}$ درصد از صابون با یون کلسیم موجود در آب (مطابق معادله زیر) واکنش داده و $121/2\text{ g}$ رسوب تولید کند، چند گرم از صابون خاصیت پاک‌کنندگی خود را حفظ می‌کند؟ (بخش هیدروکربنی صابون سیرشده و دارای 17 atm کربن است):



(۱) ۱۵۳ (۲) ۳۰/۶ (۳) ۲۴/۴۸ (۴) ۱۲۲/۴

۱۳۳- همه عبارت‌های زیر نادرست‌اند، به جز ...

۱) اگر در محلول هیدروسیانیک اسید در دمای معین، از هر هزار مولکول، $36\text{ }\mu\text{mol}$ تولید شود، درجه یونش آن برابر $36/50\%$ است.

۲) باران اسیدی شامل نیترو اسید و سولفوریک اسید است؛ در حالی که باران معمولی شامل کربنیک اسید است.

۳) در واکنش فلز آلومینیم با محلول هیدروکلریک اسید، گاز H_2 تولید شده و غلظت یون هیدرونیوم و pH محلول کاهش می‌یابد.

۴) از واکنش هر مول سدیم اکسید و دی نیتروژن پنتا اکسید به طور جداگانه با مقدار کافی آب به ترتیب دو مول یون هیدروکسید و دو مول یون هیدرونیوم تولید می‌شود.

۱۳۴- در محلولی از استیک اسید، اگر ثابت یونش و درصد یونش به ترتیب برابر با $10^{-5}\text{ mol}\text{L}^{-1}$ و $3\text{ }\mu\text{mol}\text{L}^{-1}$ باشد، برای تهیه 50 ml لیتر از این محلول، چند میلی‌لیتر از استیک اسید ($\text{d} = 1.25\text{ g}\cdot\text{mL}^{-1}$) با خلوص 80 % درصد لازم است و pH محلول آن کدام است؟

$$(\log 2 \approx 0.3, \log 3 \approx 0.5) \quad (\text{H} = 1, \text{O} = 16, \text{C} = 12 : \text{g}\cdot\text{mol}^{-1})$$

(۱) ۲/۲ ، ۰/۶ (۲) ۲/۲ ، ۱/۲ (۳) ۲/۸ ، ۰/۶ (۴) ۲/۸ ، ۱/۲

۱۳۵- چند مورد از مقایسه‌های زیر را براساس نظریه آرنیوس برای اسیدها و بازها، می‌توان انجام داد؟

* در شرایط یکسان، غلظت یون هیدروکسید در محلول آبی آمونیاک از محلول آبی نیترواسید بیشتر است.

* رسانایی الکتریکی محلول آبی هیدروکلریک اسید و هیدروبرمیک اسید با غلظت اولیه یکسان، نابرابر است.

* رنگ کاغذ pH در تماس با محلول پتابسیم هیدروکسید و محلول سدیم هیدروکسید، متفاوت است.

* pH محلول یک مولار کربنیک اسید و هیدروفلوریک اسید یکسان نیست.

(۱) ۲ (۲) ۴ (۳) ۱ (۴) ۳



ویرگی	محلول
(دما 25°C) $\text{pH} = 8$	a
K_a بسیار بزرگ	b
رنگ کاغذ pH در محلول : آبی	c
با ضعیف	d

۱۳۶- با توجه به جدول مقابل، چند مورد از مطالب بیان شده، درست است؟

الف) فرایند یونش b در آب به صورت یک طرفه است.

ب) در محلول a غلظت یون هیدروکسید 10^{-10} برابر غلظت یون هیدرونیوم است.

پ) غلظت یون هیدرونیوم در محلول c کمتر از غلظت یون هیدروکسید است.

ت) محلول d در آب از نوع غیرالکتروولیت است.

۴ (۴)

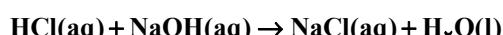
۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۳۷- به V میلی لیتر محلول ۱٪ مولار HCl، ۴۰۰ میلی لیتر محلول ۲٪ مولار NaOH می افزاییم تا پس از انجام واکنش زیر،

محلولی با $\text{pH} = 1/2$ به دست آید. V کدام است؟ $(\log 2 \approx 0.3)$



۲۰۰ (۴)

۱۵۰ (۳)

۱۰۰ (۲)

۵۰ (۱)

۱۳۸- کدام موارد از عبارت های زیر، درست است؟

الف) اندک یون های حاصل از یونش اسیدهای ضعیف می توانند با مولکول های یونیده نشده در تعادل باشند.

ب) ثابت یونش اسیدهای قوی، به عدد یک و ثابت یونش اسیدهای ضعیف به عدد صفر نزدیک است.

پ) با حل شدن ۰.۵ مول سدیم اکسید در یک لیتر آب در دمای 25°C ، pH محلول به ۱۳ می رسد.

ت) نام علمی جوش شیرین، سدیم هیدروژن کربنات است که به تنهایی نمی تواند به عنوان ماده موثر در ضد اسیدها مورد استفاده قرار گیرد.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۳۹- pH محلول هیدروسیانیک اسید در دمای اتاق با ثابت یونش $10^{-10.9 \times 10^{-4}}$ و درصد یونش ۷٪ کدام است و در ۲۰۰ میلی لیتر

از این محلول به تقریب چند مول یون هیدروکسید وجود دارد؟ $(\log 7 \approx 0.85)$ (از یون هیدرونیوم حاصل از یونش آب در

محلول آبی صرف نظر کنید).

۱ (۱)، ۶ (۱۵)، 2×10^{-9} ، 2×10^{-8} ، $5/15$ (۴) 2×10^{-9} ، $5/15$ (۳) 2×10^{-8} ، $6/15$ (۲) 2×10^{-9} ، 2×10^{-8} ، $6/15$ (۱)

۱۴۰- چند مورد از داده های زیر درباره مقایسه صابون جامد و پاک کننده غیرصابونی، با زنجیر آلکیل سیرشده نادرست است؟

نوع پاک کننده	فرمول عمومی	تعداد C بدون H اتصال به	قدرت پاک کننده گی در آب دریا	منشأ تهیه	بار سطحی قطره مخلوط چربی و پاک کننده
صابون جامد	$\text{C}_n\text{H}_{2n}\text{O}_2\text{Na}$	۱	کم	طبیعی	منفی
پاک کننده غیرصابونی	$\text{C}_n\text{H}_{2n-2}\text{SO}_4\text{Na}$	۰	خوب	غیرطبیعی	خنثی

۴ (۴)

۴ (۳)

۱ (۲)

۳ (۱)



آزمون ۷ مهر ۱۴۰۲

رقمی پاسخ

اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

جدید آورندگان

نام درس	نام طراحان
ریاضی پایه و حسابان ۲	امیرحسین ابومحوب - محمدرضنا توجه - عادل حسینی - طاهر سجادی لاریجانی - حبیب شفیعی - علی شهرابی - رضا طاری حمدی علیزاده - سرطیه گورزری - جهانبخش نیکنام - بنیامین یعقوبی
هندسه	امیرحسین ابومحوب - اسحاق اسفندیار - علی ایمانی - جواد حاتمی - فرزانه خاکپاش - امیر هوشتنگ خمسه - کیوان دارابی - سوگند روشنی محمد صحت کار - رضا عباسی اصل - فرشاد فرامرزی - محمد ابراهیم گتبی زاده - سینا محمدپور - محمد هجری
آمار و احتمال و ریاضیات گسته	امیرحسین ابومحوب - علی ایمانی - رضا پورحسینی - افسین خاصه خان - فرزانه خاکپاش - کیوان دارابی - سوگند روشنی - علی سعیدی زاده فرشاد فرامرزی - احمد رضا فلاخ - نیلوفر مهدوی - محمد هجری
فیزیک	مهران اسماعیلی - زهره آقامحمدی - مهدی براتی - امیرحسین برادران - لale بهادری - علیرضا جباری - امیر علی حاتم خانی - مقصومه شریعت ناصری مریم شیخ‌مشو - شیلا شیرزادی - سیاوش فارسی - مصطفی کیانی - مهدی میرابزار زاده - امیر احمد میر سعید - سیده ملیحه میر صالحی - مجتبی نکنیان
شیمی	هدی بهاری پور - امیر حاتمیان - ارزنگ خانلری - حمید ذبحی - امید رضوانی - روزبه رضوانی - امیرحسین طبی سود کلابی - رسول عابدینی زواره محمد عظیمیان زواره - روح الله علیزاده - حسین ناصری ثانی

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	ریاضی پایه و حسابان ۲	آمار و احتمال و ریاضیات گسته	هندسه	فیزیک	شیمی	گزینشگر
عادل حسینی	امیرحسین ابومحوب	امیرحسین ابومحوب	مهرداد ملوندی	سعید خان بابایی مهدی ملارمضانی		گروه ویراستاری
بنیامین یعقوبی (ردیمه برتر)	زهرا آقامحمدی حیدر زرین کفش	مهرداد ملوندی	کیارش صانعی	بنیامین یعقوبی		بازیگران نهایی
عادل حسینی	امیرحسین ابومحوب	امیرحسین ابومحوب				مسئول درس
سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی				مستند سازی

گروه فنی و تولید

مهرداد ملوندی	مدیر گروه
نرگس غنی زاده	مسئول دفترچه
مدیر گروه: معاشر اصغری	گروه مستندسازی
فرزانه فتح الهزاده	حروف نگار
سوران نعیمی	ناظر چاپ

گروه آزمون بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۲۱ ۶۴۶۳



مساحت قسمت سایه خورده در شکل ستون قبل، سطح مورد نظر است که مساحت آن برابر است با:

$$S = \frac{1}{2} (3 - \frac{1}{3})(2) = \frac{8}{3}$$

(مسابقات تابع: صفحه‌های ۵۷ تا ۶۲)

(عادل حسینی)

گزینه «۱»

دامنهای دو تابع f و g به ترتیب $[-2, 2]$ و $D_f = [-3, +\infty)$

$$D_{fog} = \{x \in D_g \mid g(x) \in D_f\}$$

پس داریم:

$$D_{fog} = \{x \geq -3 \mid -2 \leq -\sqrt{x+3} \leq 2\}$$

$$= \{x \geq -3 \mid \sqrt{x+3} \leq 2\} = \{x \geq -3 \mid x \leq 1\}$$

$$\Rightarrow D_{fog} = [-3, 1]$$

این بازه شامل ۵ عدد صحیح است.

(مسابقات تابع: صفحه‌های ۶۶ تا ۷۰)

(ممدرضا توپه)

گزینه «۴»

می‌دانیم اگر جرم یک ماده رادیواکتیو m و نیم‌عمر آن T باشد، جرم ماده

$$\text{باقي‌مانده } m(t) = \frac{m_0}{t^T}$$

می‌آید. بنابراین می‌توان نوشت:

$$m(t) = m_0 \left(\frac{1}{t^T} \right)^t \Rightarrow m(60) = \frac{m_0}{60^T} = \frac{m_0}{64}$$

$t=10$

جرم ماده باقی‌مانده $\frac{1}{64}$ جرم ماده اولیه است، یعنی جرم ماده‌ای که به

انرژی تبدیل شده است، $\frac{63}{64}$ جرم ماده اولیه است:

$$\Rightarrow m_{\text{انرژی}} = m_0 - \frac{m_0}{64} = \frac{63}{64} m_0 \approx 0.98 m_0$$

(مسابقات تابع: صفحه ۷۶)

(عادل حسینی)

گزینه «۴»

ابتدا معادله را به صورت زیر بازنویسی می‌کنیم:

$$\log(2^x - 1) + \log 1000 = \log 8^x + \log 32$$

$$\Rightarrow \log 1000(2^x - 1) = \log(32 \times 8^x)$$

$$\Rightarrow 1000(2^x - 1) = 32 \times 8^x \xrightarrow{+8} 125(2^x - 1) = 4 \times 8^x = 4(2^x)^3$$

حال با تغییر متغیر $t = 2^x$ داریم:

$$125(t-1) = 4t^3 \Rightarrow 4t^3 - 125t + 125 = 0$$

$$\text{اگر معادله را به صورت } \frac{t-1}{t^3} = \frac{4}{5} \text{ بنویسیم، می‌بینیم که } t = 5 \text{ جواب}$$

معادله بالا است. پس آن را به صورت زیر بازنویسی می‌کنیم:

حسابان ۱

گزینه «۴»

سه نقطه روی یک خط قرار دارند، پس:

$$m_{AB} = m_{BC} = m_{AC}$$

$$\frac{3}{3} = \frac{m-2}{m-2} = \frac{m+1}{m+1}$$

پس به ازای تمامی مقادیر m برقرار است.

(مسابقات تابع: صفحه‌های ۲۹ تا ۳۶)

گزینه «۳»

بدینه است که a و \sqrt{a} مثبت‌اند، پس این سه عدد می‌توانند به حالت‌های

۰ تشکیل دنباله حسابی دهند. برای هر کدام داریم:

$$\text{I)} 0, \sqrt{a}, a \Rightarrow 0+a = 2\sqrt{a} \Rightarrow a-2\sqrt{a} = \sqrt{a}(\sqrt{a}-2) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \sqrt{a} = 0 \Rightarrow a = 0 \\ \sqrt{a} = 2 \Rightarrow a = 4 \end{cases}$$

دقت کنید که به ازای $a = 0$ دنباله ثابت تولید می‌شود.

$$\text{II)} 0, a, \sqrt{a} \Rightarrow 0+\sqrt{a} = 2a \Rightarrow 2a-\sqrt{a} = \sqrt{a}(2\sqrt{a}-1) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \sqrt{a} = 0 \Rightarrow a = 0 \\ \sqrt{a} = \frac{1}{2} \Rightarrow a = \frac{1}{4} \end{cases}$$

در نهایت مجموع مقادیر ممکن برای a برابر $\frac{17}{4} + 4 + 0 = \frac{25}{4}$ است.

(مسابقات تابع: صفحه‌های ۲۷ تا ۳۰ و ۳۹)

(عادل حسینی)

گزینه «۲»

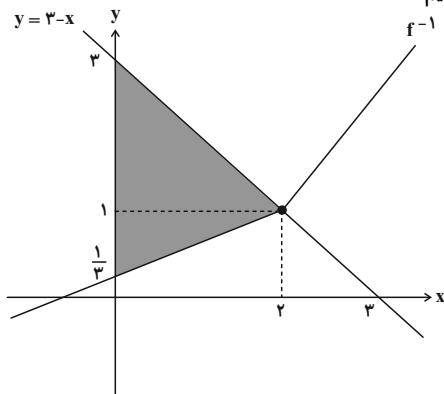
ابتدا ضابطه تابع وارون f را به دست می‌آوریم:

$$f(x) = \begin{cases} 3x-1 & ; \quad x < 1, y < 2 \\ \frac{x+3}{2} & ; \quad x \geq 1, y \geq 2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow f^{-1}(x) = \begin{cases} \frac{x+1}{3} & ; \quad x < 2 \\ \frac{2x-3}{2} & ; \quad x \geq 2 \end{cases}$$

نمودار تابع f^{-1} را به همراه خط $y = -x + 3$ در یک دستگاه مختصات

رسم می‌کنیم:





(میلار سپاری لاریان)

«۴» گزینه

با توجه به مقادیر حاصل حد در گزینه ها و همچنین اینکه مقدار عبارت مخرج کسر موردنظر به ازای $x = 1$ صفر است، نتیجه می‌گیریم که حد مورد نظر، مبهم $\frac{0}{0}$ است. یعنی مقدار عبارت صورت نیز به ازای $x = 1$ باید صفر باشد.

$$\Rightarrow \sqrt{f(1)} - 2 = 0 \Rightarrow f(1) = 4 \Rightarrow (1, 4) \in f$$

پس تابع خطی f از نقاط $(-1, 2)$ و $(1, 4)$ می‌گذرد.

$$m = \frac{4 - 2}{1 - (-1)} = \frac{2}{2} = 1$$

$$\Rightarrow y - 2 = 1(x + 1) \Rightarrow f(x) = x + 3$$

حال حاصل حد را می‌یابیم:

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x+3} - 2}{x^2 - 1}$$

با ضرب صورت و مخرج کسر در مزدوج عبارت صورت داریم:

$$= \lim_{x \rightarrow 1} \left(\frac{\sqrt{x+3} - 2}{x^2 - 1} \right) \left(\frac{\sqrt{x+3} + 2}{\sqrt{x+3} + 2} \right) = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x - 1}{(x^2 - 1)(\sqrt{x+3} + 2)}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x - 1}{(x - 1)(x + 1)(\sqrt{x+3} + 2)} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{(x + 1)(\sqrt{x+3} + 2)} = \frac{1}{8}$$

(مسابان ا- مر و پیوستگی؛ صفحه های ۱۳۴ تا ۱۳۵)

(عادل مسینی)

«۳» گزینه

تابع f در عدد صحیح $x = n$ حد دارد (که n برابر k است)، پس باید حدود چپ و راست تابع در $x = n$ برابر باشند:

$$\lim_{x \rightarrow n^-} f(x) = 2(n)(n-1) - k^2(-n)$$

$$= 2n^2 + (k^2 - 2)n$$

$$\lim_{x \rightarrow n^+} f(x) = 2n(n) - k^2(-n-1)$$

$$= 2n^2 + k^2n + k^2$$

با مساوی قرار دادن دو مقدار بالا داریم:

$$2n^2 + (k^2 - 2)n = 2n^2 + k^2n + k^2 \Rightarrow k^2 = -2n$$

حال $n = k$ را جای گذاری می‌کنیم:

$$k^2 = -2k \Rightarrow k^2 + 2k = k(k+2) = 0$$

$$\Rightarrow k = 0, k = -2$$

مجموع مقادیر برابر -2 است.

(مسابان ا- مر و پیوستگی؛ صفحه های ۱۳۹ تا ۱۴۳)

$$4t^3 - 12t^2 + 12t = (t-3)(4t^2 + 2t - 2) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} t_1 = 3 = 2^{x_1} \Rightarrow x_1 = \log_2 3 \\ t_2 = \frac{-2 + 2\sqrt{2}}{4} = 2^{x_2} \Rightarrow x_2 = \log_2 \frac{3}{2} (\sqrt{2} - 1) \end{cases}$$

با توجه به صعودی بودن تابع $y = \log_2 x$ ، جواب بزرگ‌تر معادله $x_1 = \log_2 3$ است.

$$\Rightarrow 2 < \log_2 3 < 3 \Rightarrow [\log_2 3] = 2$$

(مسابان ا- توابع نمایی و لگاریتمی؛ صفحه های ۱۶ تا ۱۹)

(مرضیه کوثری)

«۱» گزینه

-۷

$$\sin 200^\circ = \sin(180^\circ + 20^\circ) = -\sin 20^\circ$$

$$\cos 290^\circ = \cos(360^\circ - 70^\circ) = \cos 70^\circ = \sin 20^\circ$$

$$\sin 160^\circ = \sin(180^\circ - 20^\circ) = \sin 20^\circ$$

$$\cos 70^\circ = \sin 20^\circ$$

$$\Rightarrow \frac{-2\sin 20^\circ + \sin 20^\circ}{\sin 20^\circ + 2\sin 20^\circ} = -\frac{1}{3}$$

(مسابان ا- مثلثات؛ صفحه های ۵ تا ۹)

(عادل مسینی)

«۱» گزینه

-۸

$$2\sin(x + \frac{2\pi}{3}) = \sin(2x + \frac{\pi}{14}) = k$$

با توجه به این که $\frac{2\pi}{3}$ با $2x + \frac{\pi}{14}$ یا همان $2x + \frac{8\pi}{14}$ باشد، همان $\frac{4\pi}{7}$

همان $\frac{\pi}{2}$ اختلاف دارند، می‌توانیم $\sin(2x + \frac{\pi}{14})$ را به شکل زیر بازنویسی کنیم:

$$\sin(2x + \frac{\pi}{14}) = -\sin(-2x - \frac{\pi}{14})$$

$$= -\sin[\frac{\pi}{2} - (2x + \frac{4\pi}{14})] = -\cos(2x + \frac{2\pi}{7})$$

$$= -(1 - 2\sin^2(x + \frac{2\pi}{7}))$$

$$\Rightarrow \frac{k}{2} - 1 = k \Rightarrow k^2 - 2k - 2 = 0$$

حل کنیم:

$$\Rightarrow \frac{k^2}{2} - 1 = k \Rightarrow k^2 - 2k - 2 = 0$$

$$\xrightarrow{-1 < k < 1} k = 1 - \sqrt{3}$$

(مسابان ا- مثلثات؛ صفحه های ۵ تا ۹)

$$\triangle AHD : AD^2 = AH^2 + DH^2 \Rightarrow 10^2 = AH^2 + 6^2$$

$$\Rightarrow AH^2 = 100 - 36 = 64 \Rightarrow AH = 8$$

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2} AH(AB + CD) = \frac{1}{2} \times 8(4 + 16) = 80$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه‌های ۳۷ و ۲۷)

(فرشاد فرامرزی)

- ۱۴ گزینه «۳»

روش اول:

اگر S مساحت و P نصف محیط مثلث متساوی‌الاضلاعی به طول ضلع ۶ باشند، آنگاه داریم:

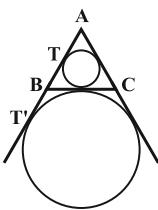
$$S = \frac{\sqrt{3}}{4} \times 6^2 = \frac{\sqrt{3}}{4} \times 36 = 9\sqrt{3}$$

$$P = \frac{1}{2}(3 \times 6) = 9$$

شعاع دایره‌های محاطی داخلی و خارجی این مثلث از روابط زیر محاسبه می‌شوند:

$$r = \frac{S}{P} = \frac{9\sqrt{3}}{9} = \sqrt{3}$$

$$r_a = \frac{S}{P-a} = \frac{9\sqrt{3}}{9-6} = 3\sqrt{3}$$



مطابق شکل دایره‌های محاطی داخلی و خارجی یک مثلث متساوی‌الاضلاع، مماس خارج هستند، بنابراین طول مماس مشترک خارجی آنها برابر است با:

$$TT' = 2\sqrt{r \times r_a} = 2\sqrt{\sqrt{3} \times 3\sqrt{3}} = 2 \times 3 = 6$$

روش دوم:

$$AT' = P = 9, AT = P - a = 9 - 6 = 3$$

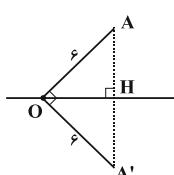
$$TT' = AT' - AT = 9 - 3 = 6$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه‌های ۲۰ تا ۲۶)

(امیر هوشنگ همسه)

- ۱۵ گزینه «۴»

واضح است که زاویه AOH برابر 45° است، در نتیجه زاویه AOA' برابر 90° خواهد بود. همچنین بازتاب تبدیلی طولی است، بنابراین $OA' = OA = 6$ است و در نتیجه داریم:



$$S_{\triangle OAA'} = \frac{6 \times 6}{2} = 18$$

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۳۷ تا ۳۴)

(فرزانه فکاپاشه)

۲ هندسه

- ۱۱ گزینه «۳»

بلندترین و تر گذرنده از هر نقطه در دایره، قطر دایره و کوتاه‌ترین و تر گذرنده از هر نقطه، وتری است که در آن نقطه بر قطر دایره عمود است.

از طرفی می‌دانیم قطر عمود بر یک و تر، آن وتر را نصف می‌کند، بنابراین با فرض $x = NH = MH$ و طبق روابط طولی و تراهای متقارن در دایره داریم:

$$MH \times NH = AH \times BH \Rightarrow x \times x = \frac{R}{2} \times \frac{3R}{2}$$

$$\Rightarrow x^2 = \frac{3R^2}{4} \Rightarrow x = \frac{\sqrt{3}}{2} R$$

$$\frac{MN}{AB} = \frac{\frac{2\sqrt{3}}{2} R}{2R} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)

(فرشاد فرامرزی)

- ۱۲ گزینه «۱»

اگر R و R' شعاع‌های دو دایره و d طول خط مرکزین آنها باشد، آنگاه داریم:

$$\sqrt{d^2 - (R - R')^2} = \text{طول مماس مشترک خارجی}$$

$$\Rightarrow 12 = \sqrt{d^2 - (3 - 8)^2} \Rightarrow d^2 = 169 \Rightarrow d = 13$$

چون $d > R + R'$ ، پس دو دایره متخارج هستند و در نتیجه داریم:

$$d + R + R' = 13 + 3 + 8 = 24$$

$$= \text{کمترین فاصله دو دایره} = d - (R + R') = 13 - (3 + 8) = 2$$

بنابراین نسبت مورد نظر برابر $\frac{24}{12} = 2$ است.

(هنرسه ۲ - دایره: صفحه‌های ۲۰ تا ۲۳)

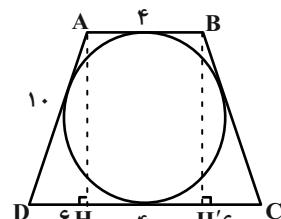
(فرزانه فکاپاشه)

- ۱۳ گزینه «۴»

در یک چهارضلعی محیطی، مجموع طولهای هر دو ضلع مقابل برابر مجموع طولهای دو ضلع مقابل دیگر است. بنابراین داریم:

$$AB + CD = AD + BC$$

$$\frac{AD = BC}{4 + 16 = 2AD} \Rightarrow AD = 10$$

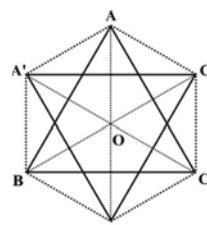


مطابق شکل اگر از نقاط A و B، عمودهای AH و BH' را بر ضلع CD

$$DH = CH' = \frac{CD - AB}{2} = \frac{16 - 4}{2} = 6$$

رسم کنیم، آنگاه:

گزینه «۴» - ۱۶



(رضا عباسی اصل)

طبق قضیه کسینوس‌ها در مثلث ABC داریم:

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A = 36 + 16 - 2 \times 6 \times 4 \times \frac{1}{2} = 28$$

طبق قضیه میانه‌ها در این مثلث داریم:

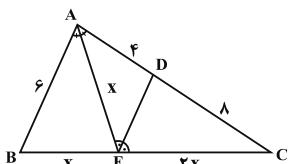
$$b^2 + c^2 = 2m_a^2 + \frac{a^2}{4} \Rightarrow 36 + 16 = 2m_a^2 + 14$$

$$\Rightarrow 2m_a^2 = 28 \Rightarrow m_a^2 = 14 \Rightarrow m_a = \sqrt{14}$$

(هنرسه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۶۶ تا ۶۹)

(رضا عباسی اصل)

گزینه «۴» - ۱۹

مطابق شکل اگر $AE = x$ فرض شود، آنگاه بنا به قضیه نیمساز زاویه‌های داخلی داریم:

$$\Delta AEC : \Delta AED \Rightarrow \frac{AE}{ED} = \frac{AD}{CD} \Rightarrow \frac{x}{x} = \frac{1}{2} \Rightarrow EC = 2x$$

$$\Delta ABC : \Delta ABE \Rightarrow \frac{AB}{AC} = \frac{BE}{EC} \Rightarrow \frac{6}{12} = \frac{BE}{2x} \Rightarrow BE = x$$

حال با توجه به رابطه طول نیمساز زاویه داخلی داریم:

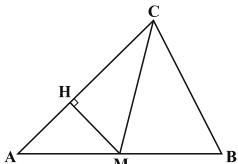
$$AE^2 = AB \cdot AC - BE \cdot EC \Rightarrow x^2 = 6 \times 12 - x \times 2x \Rightarrow 3x^2 = 72$$

$$\Rightarrow x^2 = 24 \Rightarrow x = 2\sqrt{6}$$

(هنرسه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۷۰ تا ۷۳)

(رضا عباسی اصل)

گزینه «۴» - ۲۰

فرض کنیم $BC = 5$ و $AC = 7$ ، $AB = 6$ باشد، با استفاده از قضیه هرون برای مثلث ABC داریم:

$$P = \frac{5+6+7}{2} = 9$$

$$S = \sqrt{P(P-a)(P-b)(P-c)}$$

$$\Rightarrow S = \sqrt{9 \times (9-5)(9-7)(9-6)} = 6\sqrt{6}$$

میانه CM مساحت مثلث ABC را به دو قسمت مساوی تقسیم می‌کند:

$$S_{AMC} = \frac{6\sqrt{6}}{2} = 3\sqrt{6}$$

$$S_{AMC} = \frac{1}{2} MH \cdot AC \Rightarrow 3\sqrt{6} = \frac{1}{2} \times MH \times 7 \Rightarrow MH = \frac{6\sqrt{6}}{7}$$

(هنرسه ۲ - روابط طولی در مثلث: صفحه‌های ۷۳ و ۷۴)

گزینه «۴» - ۱۸

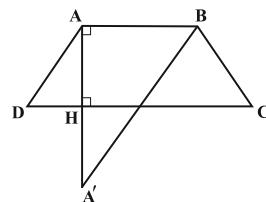
(بیوار هاتمن)

$$\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ \Rightarrow \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ - \hat{A}$$

$$\Rightarrow \cos(\hat{B} + \hat{C}) = \cos(180^\circ - \hat{A}) = -\cos \hat{A} \Rightarrow \cos \hat{A} = \frac{1}{2}$$

(امیرحسین ابومهوب)

گزینه «۴» - ۱۷

برای پیدا کردن کمترین مقدار $MA + MB$ به گونه‌ای که M روی قاعده CD باشد، کافی است بازتاب نقطه A را نسبت به ضلع CD یافته و آن را A' بنامیم و سپس مقدار $A'B'$ را به دست آوریم (این مقدار دقیقاً برابر با کمترین مقدار $MA + MB$ است).

با توجه به مفروضات سؤال داریم:

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2} AH(AB + CD) \Rightarrow 39 = \frac{1}{2} AH(5+8) \Rightarrow AH = 6$$

$$\Rightarrow AA' = 12$$

$$\Delta A'AB : \Delta A'B^2 = AA'^2 + AB^2 = 144 + 25 = 169 \Rightarrow A'B = 13$$

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه ۵۳)



(امیرحسین ابوالمحبوب)

گزینه «۴» - ۲۴

اگر A و B دو مجموعه غیرتھی باشند، آنگاه رابطه $A \times B = B \times A$ تنها

در صورتی برقرار است که $A = B$ باشد. همچنین دو مجموعه A و B در

صورتی برابر یکدیگرند که اعضای آنها نظیر به نظیر برابر باشند. با توجه به

مجموعه‌های A و B ، دو حالت زیر امکان‌پذیر است.

$$\begin{cases} x - 2 = 5 \Rightarrow x = 7 \\ 2y = 4 \Rightarrow y = 2 \Rightarrow x + y + z = 11 \\ z - 1 = -2 \Rightarrow z = -1 \end{cases}$$

حالت اول:

$$\begin{cases} x - 2 = 5 \Rightarrow x = 7 \\ 2y = -2 \Rightarrow y = -1 \Rightarrow x + y + z = 11 \\ z - 1 = 4 \Rightarrow z = 5 \end{cases}$$

حالت دوم:

بنابراین بیشترین مقدار $x + y + z$ ، برابر ۱۱ است.

(آمار و احتمال-آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۳۵ تا ۳۸)

(رضا پورحسین)

گزینه «۱» - ۲۵

فرض کنید پیشامدهای A و B به ترتیب به صورت «عدد تاس دوم

بزرگ‌تر باشد» و «حداقل یکی از تاس‌ها ۵ ظاهر شود» تعریف شوند. در

این صورت داریم:

$$B = \{(5,1), (5,2), (5,3), (5,4), (5,5), (5,6), (1,5), (2,5), (3,5), (4,5), (6,5)\}$$

$$A \cap B = \{(5,6), (1,5), (2,5), (3,5), (4,5)\}$$

$$P(A | B) = \frac{n(A \cap B)}{n(B)} = \frac{5}{11}$$

(آمار و احتمال-احتمال: صفحه‌های ۵۲ تا ۵۶)

(فرشاد فرامرزی)

گزینه «۱» - ۲۶

$$\left. \begin{array}{l} P(1) = P(3) = P(5) = x \\ P(2) = P(4) = P(6) = 2x \end{array} \right\} \Rightarrow P(\{2, 4, 6\}) = 2P(\{1, 3, 5\})$$

آمار و احتمال

گزینه «۳» - ۲۱

طبق قوانین گزاره‌ها داریم:

$$[(p \Rightarrow q) \wedge q] \vee p \equiv [(\sim p \vee q) \wedge q] \vee p \equiv q \vee p \equiv p \vee q$$

قانون جذب

$$\text{نقیض} \rightarrow p \wedge \sim q$$

(آمار و احتمال-آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۶ تا ۱۱)

گزینه «۴» - ۲۲

گزینه «۱»: در معادله درجه دوم $-5x^2 + 2x - 7 = 0$ ، $\Delta = -52 < 0$ و

ضریب x^2 منفی است، پس عبارت موردنظر همواره منفی است.

گزینه «۲»:

$$\begin{aligned} u > 0 \Rightarrow u + \frac{1}{u} \geq 2 \\ u < 0 \Rightarrow u + \frac{1}{u} \leq -2 \end{aligned} \quad \xrightarrow{u \neq 0} \quad \left| u + \frac{1}{u} \right| \geq 2$$

$$\xrightarrow{u=3x} \left| 3x + \frac{1}{3x} \right| \geq 2$$

گزینه «۳»: در معادله درجه دوم $-6x^2 - 6x + 7 = 0$ ، $\Delta = 176 > 0$

است، پس معادله دارای دو ریشه حقیقی متمایز می‌باشد. چون ضریب x^2 منفی است، پس عبارت موردنظر به ازای مقادیر بزرگ‌تر از هر دو ریشه و مقادیر کوچک‌تر از هر دو ریشه منفی است.

گزینه «۴»: هیچ عدد حقیقی‌ای وجود ندارد که مجموع آن با تمام اعداد صحیح برابر صفر شود، پس این گزاره سوری نادرست است.

(آمار و احتمال-آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)

(فرزانه فاکپاش)

گزینه «۱» - ۲۳

طبق قوانین جبر مجموعه‌ها داریم:

$$|(A \cup B') - B| \cup |(B - A) \cup A'|$$

$$= [(A \cup B') \cap B'] \cup [(B \cap A') \cup A'] = B' \cup A'$$

حال طبق قانون دمورگان داریم:

$$(B' \cup A')' = B \cap A = A \cap B$$

(آمار و احتمال-آشنایی با مبانی ریاضیات: صفحه‌های ۲۶ تا ۳۴)



$$CV_1 = \delta CV_2 \Rightarrow \frac{\sigma}{\bar{x} - 4} = \frac{\delta \sigma}{\bar{x} + 4} \Rightarrow \bar{x} + 4 = \delta \bar{x} - 20$$

$$\Rightarrow 4\bar{x} = 24 \Rightarrow \bar{x} = 6$$

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_{10}}{10} = 6 \Rightarrow x_1 + x_2 + \dots + x_{10} = 60$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه‌های ۱۵ و ۳۰ تا ۹۷)

(نیلوفر مهدوی)

گزینه «۳» - ۲۹

ابتدا داده‌ها را مرتب کرده و میانه، چارک اول و چارک سوم داده‌ها را به

$$\begin{array}{ccccccc} 1, 1, & 6, & 8, 8, & 9, & 12, 13, & 15, 23, 25 \\ \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow & & \\ Q_1 & Q_2 & & & Q_3 & & \end{array}$$

دست می‌آوریم.

بنابراین داده‌های ۸, ۸, ۹, ۱۲, ۱۳ داخل جعبه قرار دارند و در نتیجه داریم:

$$\bar{x} = \frac{8+8+9+12+13}{5} = 10$$

$$\begin{aligned} \sigma^2 &= \frac{(8-10)^2 + (8-10)^2 + (9-10)^2 + (12-10)^2 + (13-10)^2}{5} \\ &= \frac{4+4+1+4+9}{5} = 4/4 \end{aligned}$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی: صفحه‌های ۹۱ و ۹۹)

(امیرحسین ابوالمنوب)

گزینه «۴» - ۳۰

اختلاف بین شماره‌های اولین و چهارمین دانش‌آموز انتخاب شده، سه برابر

تعداد اعضای هر طبقه است. بنابراین داریم:

$$\frac{42-6}{3} = 12 = \text{تعداد اعضای هر طبقه}$$

$$\frac{240}{12} = 20 = \text{تعداد طبقات}$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی: صفحه‌های ۱۶ و ۱۷)

بنابراین احتمال آمدن اعداد زوج و فرد در پرتاب این تاس به ترتیب $\frac{2}{3}$ و $\frac{1}{3}$ است.

اگر تاس زوج بیاید، سکه را دو بار پرتاب می‌کیم. در این صورت فضای نمونه دارای ۴ حالت بوده و پیشامد آنکه تعداد رو بیشتر باشد، به صورت $\{(r,r), (r,p), (p,r), (p,p)\}$ و

احتمال آن برابر $\frac{1}{4}$ است. اگر تاس فرد بیاید، سکه را سه بار پرتاب می‌کیم.

در این صورت فضای نمونه دارای ۸ حالت بوده و پیشامد آنکه تعداد رو بیشتر باشد، به صورت $\{(r,r,p), (r,r,p), (r,p,r), (r,p,p), (p,r,r), (p,r,p), (p,p,r), (p,p,p)\}$ و احتمال آن

برابر $\frac{4}{8} = \frac{1}{2}$ است. اگر پیشامد مورد نظر را A بنامیم، آنگاه داریم:

$$P(A) = \frac{2}{3} \times \frac{1}{4} + \frac{1}{3} \times \frac{4}{8} = \frac{1}{6} + \frac{1}{6} = \frac{1}{3}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۴۸ تا ۵۱ و ۶۰ تا ۶۳)

(محمد هبری)

گزینه «۳» - ۲۷

دو پیشامد A و B مستقل از یکدیگرند، در نتیجه پیشامدهای A و B و

پیشامدهای A' و B' نیز مستقل از هم هستند. در نتیجه داریم:

$$P(B|A) = \frac{1}{3} \Rightarrow P(B) = \frac{1}{3} \Rightarrow P(B') = \frac{2}{3}$$

$$P(A-B) = P(A \cap B') = \frac{1}{3} \Rightarrow P(A)P(B') = \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow \frac{2}{3}P(A) = \frac{1}{3} \Rightarrow P(A) = \frac{1}{2} \Rightarrow P(A') = \frac{1}{2}$$

$$P(A'|B') = P(A') = \frac{1}{2}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۷۷ تا ۷۹)

(اصغر، خلاج)

گزینه «۲» - ۲۸

اگر میانگین و انحراف معیار داده‌های x_1, x_2, \dots, x_n به ترتیب برابر \bar{x} و σ باشند، میانگین و انحراف معیار داده‌های

a با فرض $a > 0$ به ترتیب برابر $a\bar{x} + b$ و $a\sigma + b$ است. بنابراین داریم:

فیزیک ۲

«۳» - ۳۱

(شیلا شیرزادی)

ابتدا با استفاده از قانون اندازه هر یک از بارهای الکتریکی را می یابیم.

دقت کنید، اگر یکای بار الکتریکی بر حسب μC و یکای فاصله بر حسب

$$\text{cm} \text{ باشد، رابطه } F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \text{ cm}$$

$$F = \frac{90 |q_1||q_2|}{r^2} \xrightarrow{|q_1|=|q_2|=q} F = \frac{90 \times q^2}{900}$$

$$0/9 = \frac{90 \times q^2}{900} \Rightarrow q^2 = 9 \Rightarrow q = 3\mu C$$

اکنون، اندازه بار الکتریکی را پس از تغییر آنها پیدا می کنیم. در اینجا فرض می کنیم بارها مثبت باشند.

$$q'_1 = q - 2 \xrightarrow{q=3\mu C} q'_1 = 3 - 2 = 1\mu C$$

$$q'_2 = q + 2 = 3 + 2 \Rightarrow q'_2 = 5\mu C$$

در آخر، نیروی بین دو بار q'_1 و q'_2 را می یابیم:

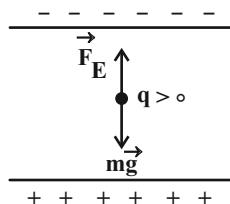
$$F' = \frac{90 |q'_1||q'_2|}{r^2} = \frac{90 \times 1 \times 5}{900} = 0/5 N$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه های ۶ و ۷)

«۱» - ۳۲

(مبین کلوبیان)

مطابق شکل زیر، برای ذره باردار در حالت تعادل می توان نوشت:



$$F_E = mg \quad (1) \quad ; \quad F_E = |q|E \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1), (2)} |q|E = mg \quad (I)$$

با اعمال تغییرات در اختلاف پتانسیل الکتریکی بین صفحات خازن و فاصله

$$\text{صفحات خازن و با استفاده از رابطه } E = \frac{|\Delta V|}{d} \text{ داریم:}$$

$$\frac{E'}{E} = \frac{|\Delta V'|}{|\Delta V|} \times \frac{d}{d'} = \frac{|\Delta V'| = 2|\Delta V|}{d' = \frac{3d}{2}}$$

$$\frac{E'}{E} = 2 \times \frac{2}{3} = \frac{4}{3} \quad (II)$$

با توجه به افزایش اندازه میدان الکتریکی و در نتیجه افزایش اندازه نیروی الکتریکی وارد بر ذره باردار، می توان گفت که ذره باردار به سمت صفحه بالایی حرکت می کند و طبق قضیه کار و انرژی جنبشی می توان نوشت:

$$W_t = \Delta K = \frac{1}{2} m(v_2^2 - v_1^2) \Rightarrow W_{E'} + W_{mg} = \frac{1}{2} m(v_2^2 - v_1^2)$$

$$\xrightarrow{v_1=0} E' |q| d - mg d = \frac{1}{2} m v_2^2 \quad (III)$$

$$\xrightarrow{\text{(III) و (II) در (I)}} \frac{4}{3} mg d - mg d = \frac{1}{2} m v_2^2$$

$$\Rightarrow v_2 = \frac{2}{3} g d \xrightarrow{g=10 \text{ kg/m}} v_2 = 4 \Rightarrow v_2 = 2 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن: صفحه های ۱۱، ۱۳ و ۲۵)

(فیزیک ا-کار، انرژی و توان: صفحه های ۶ و ۷)

(امیرعلی هاتم‌فانی)

«۴» - ۳۳

ابتدا ظرفیت خازن را محاسبه می کنیم:

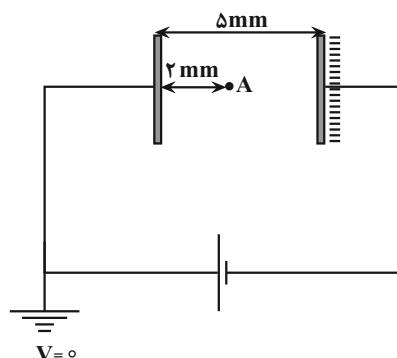
$$C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d} \xrightarrow{A=25 \times 10^{-4} \text{ m}^2, d=5 \text{ mm}=5 \times 10^{-3} \text{ m}} C = \frac{1 \times 9 \times 10^{-12} \times 25 \times 10^{-4}}{5 \times 10^{-3}}$$

$$\Rightarrow C = 45 \times 10^{-13} F$$

اکنون با استفاده از رابطه انرژی ذخیره شده در خازن، اختلاف پتانسیل بین صفحات آن را می یابیم:

$$U = \frac{1}{2} CV^2 \xrightarrow{U=36 \text{ pJ}=36 \times 10^{-12} \text{ J}, C=45 \times 10^{-13} \text{ F}} U = 36 \times 10^{-12}$$

$$36 \times 10^{-12} = \frac{1}{2} \times 45 \times 10^{-13} \times V^2 \Rightarrow V = 4 V$$

در آخر با استفاده از رابطه $E = \frac{\Delta V}{d}$ و با توجه به ثابت بودن E ، به صورتزیر V_A را پیدا می کنیم. دقت کنید، چون صفحه مثبت خازن به زمین متصل است، پتانسیل آن صفر می باشد.



$$V_2 = \epsilon_2 + r_2 I \xrightarrow{r_2=1\Omega} V_2 = 8 + (1 \times 1) = 9V$$

(فیزیک ۲ - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۳ تا ۶۶)

(مودی میراب زاده)

گزینه «۱»

وقتی کلید k باز باشد، مقاومت معادل دو مقاومت 2Ω و 6Ω اتصال کوتاه شده و از مدار حذف می‌گردد. در این حالت مقاومت معادل مدار برابر $R_{eq} = 3\Omega$ می‌شود. بنابراین، با محاسبه جریان مدار، توان مقاومت را محاسبه می‌کنیم:

$$I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r} \xrightarrow{\epsilon=6V, r=1\Omega} I = \frac{6}{3+1} = \frac{3}{2} A$$

$$P = R_{eq} I^2 = 3 \times \frac{9}{4} = \frac{27}{4} W$$

وقتی کلید k بسته شود، هر سه مقاومت در مدار باقی می‌مانند و با هم موازی‌اند. در این حالت داریم:

$$\frac{1}{R'_{eq}} = \frac{1}{2} + \frac{1}{6} + \frac{1}{3} = \frac{3+1+2}{6} \Rightarrow R'_{eq} = 1\Omega$$

$$I' = \frac{\epsilon}{R'_{eq} + r} = \frac{6}{1+1} = 3A$$

$$P' = R'_{eq} I'^2 = 1 \times 9 = 9W$$

در آخر، نسبت توان در حالت دوم به توان در حالت اول برابر است با:

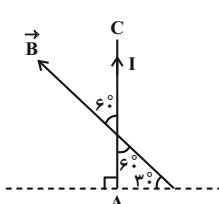
$$\frac{P'}{P} = \frac{9}{27} = \frac{4 \times 9}{27} = \frac{4}{3}$$

(فیزیک ۲ - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۵۳ تا ۷۹)

(مفهومه شریعت‌ناصری)

گزینه «۱»

با توجه به شکل زیر، زاویه بین جهت جریان سیم و میدان مغناطیسی برابر 60° درجه است. بنابراین با استفاده از رابطه نیروی وارد بر سیم حامل جریان در میدان مغناطیسی می‌توان نوشت:



$$F = I \ell B \sin \theta \xrightarrow{B=400G=400 \times 10^{-4} T, I=2A, \theta=60^\circ, \ell=1cm=0.01m} F = 16N$$

$$E = \frac{\Delta V}{d} = \frac{\Delta V'}{d'} \xrightarrow{\Delta V=\epsilon V, d'=2mm, d=1mm} \frac{\epsilon}{2} = \frac{\Delta V'}{2} \Rightarrow \Delta V' = 1/6V$$

$$\Delta V' = V_A - V_A \Rightarrow 1/6 = 0 - V_A \Rightarrow V_A = -1/6V$$

(فیزیک ۲ - الکتریسیته ساکن؛ صفحه‌های ۲۸ تا ۳۳)

(مودی برانی)

گزینه «۳»

$$\frac{R_B}{R_A} \text{ را می‌یابیم. با توجه به نسودار به ازای اختلاف پتانسیل}$$

یکسان V . جریان الکتریکی مقاومت A برابر $I_A = 2A$ و جریان الکتریکی مقاومت B برابر $I_B = 4A$ است. بنابراین، با استفاده از قانون اهم می‌توان نوشت:

$$V_A = V_B = V \Rightarrow R_A I_A = R_B I_B \Rightarrow R_A \times 2 = R_B \times 4$$

$$\Rightarrow \frac{R_B}{R_A} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

اکنون با استفاده از رابطه $A = \pi \frac{D^2}{4}$ و با توجه به این که $R = \rho \frac{L}{A}$ است، می‌توان نوشت:

$$R = \rho \frac{L}{A} = \rho \frac{L}{\pi \frac{D^2}{4}} \Rightarrow \frac{R_B}{R_A} = \frac{\rho_B}{\rho_A} \times \frac{L_B}{L_A} \times \left(\frac{D_A}{D_B}\right)^2 \xrightarrow{\rho_B=\rho_A, L_A=4L_B} \frac{1}{2} = 1 \times \frac{L_B}{4L_B} \times \left(\frac{D_A}{D_B}\right)^2 \Rightarrow \left(\frac{D_A}{D_B}\right)^2 = 2 \Rightarrow \frac{D_A}{D_B} = \sqrt{2}$$

(فیزیک ۲ - هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۵۳ و ۵۴)

(الله بخاری)

گزینه «۳»

ابتدا جریان الکتریکی مدار را می‌یابیم. در اینجا چون $\epsilon_2 > \epsilon_1$ است، جریان مدار در جهت جریان باتری ϵ_1 و پاد ساعتگرد می‌باشد. بنابراین داریم:

$$I = \frac{\epsilon_1 - \epsilon_2}{R_{eq} + r_1 + r_2} \xrightarrow{\epsilon_1=12V, \epsilon_2=8V, R_{eq}=0/5+0/5=1\Omega, r_1+r_2=2+1=3\Omega} I = \frac{12-8}{1+3} = 1A$$

اکنون اختلاف پتانسیل دو سر باتری ϵ_2 را می‌یابیم. دقت کنید، چون جریان به پایانه مثبت باتری ϵ_2 وارد می‌شود، این باتری از مدار انرژی می‌گیرد.

یعنی ضدمحرکه است.

$$\Phi_1 = AB_1 \cos \theta \xrightarrow{A=100 \times 10^{-4} \text{ m}^2, \theta=0^\circ} B_1 = 400 \times 10^{-4} \text{ T}$$

$$\Phi_1 = 100 \times 10^{-4} \times 400 \times 10^{-4} \times \cos 0^\circ$$

$$\Rightarrow \Phi_1 = 4 \times 10^{-4} \text{ Wb}$$

در حالت دوم که پیچه از میدان مغناطیسی خارج می‌شود، $B_2 = 0$ است. $\Phi_2 = AB_2 \cos \theta = 0$ خواهد شد. بنابراین، در این حالت، نیروی محرکه القایی را پیدا می‌کنیم:

$$\varepsilon_{av} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \xrightarrow{N=50, \Delta t=0.1 \text{ s}} \varepsilon_{av} = -50 \times \frac{0 - 4 \times 10^{-4}}{0.1} = 0.1 \text{ V}$$

در آخر جریان القایی در پیچه را حساب می‌کنیم:

$$I = \frac{\varepsilon_{av}}{R} \xrightarrow{R=5 \Omega} I = \frac{0.1}{5} = 0.02 \text{ A}$$

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و جریان متنابض؛ صفحه‌های ۳۷ تا ۴۶)

و جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم؛ صفحه‌های ۴۹ و ۵۰)

(مهران اسماعیلی)

گزینه «۲» - ۴۰

$$\text{ابتدا با قرار دادن } I = 2A \text{ و } t = \frac{1}{120} \text{ s در معادله جریان متنابض:}$$

جریان پیشینه در سیمولو را محاسبه می‌کنیم:

$$I = I_m \sin 100\pi t \Rightarrow 2 = I_m \sin 100\pi \times \frac{1}{120}$$

$$\Rightarrow 2 = I_m \sin \frac{5\pi}{6} \xrightarrow{\sin \frac{5\pi}{6} = \frac{1}{2}} 2 = I_m \times \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow I_m = 4A$$

$$\text{اکنون جریان عبوری از سیمولو را در لحظه } t = \frac{1}{300} \text{ s می‌یابیم:}$$

$$I = 4 \sin 100\pi t \xrightarrow{t=\frac{1}{300} \text{ s}} I = 4 \sin 100\pi \times \frac{1}{300} = 4 \sin \frac{\pi}{3}$$

$$\xrightarrow{\sin \frac{\pi}{3} = \frac{\sqrt{3}}{2}} I = 4 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 2\sqrt{3}A$$

$$\text{در آخر انرژی ذخیره شده در سیمولو را در لحظه } t = \frac{1}{300} \text{ s. می‌یابیم:}$$

$$U = \frac{1}{2} LI^2 \xrightarrow{L=\text{ثابت}} \frac{U}{U_m} = \left(\frac{I}{I_m} \right)^2$$

$$\xrightarrow{U_m=0.16J, I_m=4A, I=2\sqrt{3}A} \frac{U}{0.16} = \left(\frac{2\sqrt{3}}{4} \right)^2$$

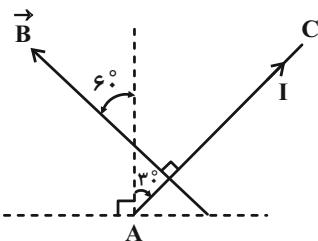
$$\Rightarrow \frac{U}{0.16} = \frac{3}{4} \Rightarrow U = 0.12J$$

(فیزیک ۲ - القای الکترومغناطیسی و جریان متنابض؛ صفحه‌های ۳۷ تا ۴۶)

$$F = 2 \times 0 / 1 \times 400 \times 10^{-4} \times \sin 60^\circ \xrightarrow{\sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}}$$

$$F = 2 \times 0 / 0.4 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 0.004\sqrt{3}N$$

برای آن که نیروی وارد بر سیم AC بیشینه گردد، باید راستای سیم بر خطوط میدان مغناطیسی عمود باشد. بنابراین، مطابق شکل زیر، باید سیم را به اندازه 30° درجه در جهت ساعتگرد بچرخانیم.

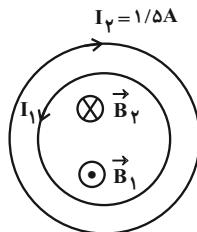


(فیزیک ۲ - مغناطیس؛ صفحه‌های ۹۳ و ۹۴)

(مفهومه شریعت‌ناصری)

گزینه «۲» - ۴۸

با توجه به قاعدة دست راست میدان مغناطیسی ناشی از حلقه با جریان I_1 در مرکز حلقه‌ها درونسو است. بنابراین، میدان مغناطیسی حلقه با جریان I_1 باید برونسو و هماندازه میدان مغناطیسی \vec{B}_2 باشد تا میدان خالص صفر شود. بنابراین باید جریان I_1 پادساعتگرد باشد و اندازه آن برابر است با:



$$B_1 = B_2 \Rightarrow \frac{\mu_0 N_1 I_1}{R_1} = \frac{\mu_0 N_2 I_2}{R_2}$$

$$\xrightarrow{N_1=N_2=1} \frac{I_1}{R_1} = \frac{I_2}{R_2} \xrightarrow{R_1=4\text{cm}, R_2=6\text{cm}}$$

$$\frac{I_1}{4} = \frac{1/5}{6} \Rightarrow I_1 = 1A$$

(فیزیک ۲ - مغناطیس؛ صفحه‌های ۹۹ و ۱۰۰)

(سیاوش خارسی)

گزینه «۲» - ۴۹

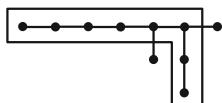
ابتدا شار مغناطیسی عبوری از حلقه را قبل از خروج از میدان مغناطیسی می‌یابیم، دقت کنید چون پیچه بر میدان مغناطیسی عمود است، $\theta = 0^\circ$ می‌باشد.



(ممدر عظیمیان: زواره)

«۴» - گزینه

نام درست آن ۳، ۴ - دی متیل اوکتان است.



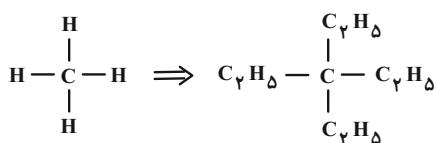
بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) گاز موجود در فندک بوتان (C_4H_{10}) است.

$$C_4H_{10} = 58 \text{ g.mol}^{-1}$$

بنابراین اختلاف جرم مولی آنها برابر با ۱۲ گرم بر مول است.

۲) ۳، ۴ - دی اتیل پتان

۳) فرمول‌های تقریبی گریس و واژلین به ترتیب $C_{25}H_{52}$ و $C_{18}H_{38}$

می‌باشد؛ بنابراین تفاوت شمار اتم‌های کربن در فرمول تقریبی آنها برابر با ۷ است.

(شیمی ۲ - قدر هدایای زمینی را بدانیم؛ صفحه‌های ۳۹ تا ۴۱)

(روزبه رضوانی)

«۴» - گزینه

بررسی گزینه‌های نادرست:

۱) با توجه به جدول صفحه ۵۸ کتاب درسی شیمی یازدهم، مقایسه درست

ظرفیت گرمایی ویژه این سه فلز به صورت « $Al > Ag > Au$ » است.

نکته: ظرفیت گرمایی مولی فلزات تقریباً ثابت است؛ بنابراین هر چه جرم

مولی فلزی بیشتر باشد، ظرفیت گرمایی ویژه آن کمتر خواهد بود.

۲) ظرفیت گرمایی مولی از حاصل ضرب ظرفیت گرمایی ویژه در جرم مولی به دست می‌آید، پس ممکن است ظرفیت گرمایی ویژه ماده‌ای کمتر باشد ولی به دلیل برخوردی از جرم مولی بیشتر، ظرفیت گرمایی مولی بزرگ‌تری داشته باشد.

۳) جرم مولی گاز هیدروژن (H_2) دو برابر جرم مولی اتم هیدروژن است؛ به

همین دلیل ظرفیت گرمایی یک مول هیدروژن دو برابر گرمایی ویژه آن است.

(شیمی ۲ - در پی غذای سالم؛ صفحه‌های ۵۶ تا ۵۸)

(ممدر عظیمیان: زواره)

«۳» - گزینه

با افزایش شمار اتم‌های کربن در آلکان‌ها، آلکن‌ها، آلکین‌ها و ... اندازه

گرمایی سوختن افزایش می‌یابد:

آلکین > الكل > آلکن > آلkan : | سوختن

اتین > اتانول > اتن > اتان : | سوختن

ساده‌ترین آلکین، اتین می‌باشد:

$$C_2H_2 = 26 \text{ g.mol}^{-1}$$

$$50 \text{ kJ} = 1 \text{ g } C_2H_2 \times \frac{1 \text{ mol } C_2H_2}{26 \text{ g } C_2H_2} \times \frac{? \text{ kJ}}{1 \text{ mol } C_2H_2}$$

(آنالی سوختن عددی منفی است.)

$$\Rightarrow \Delta H = -130 \text{ kJ} = -\text{سوختن}$$

(شیمی ۲ - در پی غذای سالم؛ صفحه‌های ۷۰ و ۷۱)

شیمی ۲

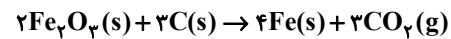
«۴» - گزینه

همه عبارت‌ها نادرست هستند.

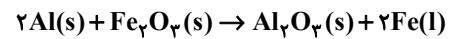
بررسی عبارت‌ها:

(الف) هر چه فلز فعال‌تر باشد، میل پیشتری به ایجاد ترکیب دارد و ترکیب‌هایش پایدارتر از خودش است. هر دو فلز سدیم و پتانسیم فعالیت شیمیایی و واکنش‌پذیری قابل توجهی دارند؛ بنابراین ترکیب این فلزها پایدارتر از خود فلز است؛ از طرفی چون پتانسیم فعالیت شیمیایی پیشتری نسبت به سدیم دارد، پایداری ترکیب‌هایش پیشتر از ترکیب‌های سدیم است.

(ب) در فولاد مبارکه اصفهان برای استخراج آهن از واکنش آهن (III) اکسید با کربن استفاده می‌شود:



(پ) مقدار عملی، مقدار فراورده‌ای است که در عمل به دست می‌آید؛ در حالی که کمیتی که کارایی یک واکنش را نشان می‌دهد، بازده درصدی واکنش است. ت در واکنش ترمیت که در صنعت جوشکاری استفاده می‌شود، فعالیت شیمیایی و واکنش‌پذیری فلز واسطه حاضر در واکنش (Fe) کمتر از فعالیت شیمیایی واکنش دهنده فلزی (Al) است:



توجه: پایداری با واکنش‌پذیری رابطه عکس دارد؛ بنابراین پایداری Fe بیشتر از Al است.

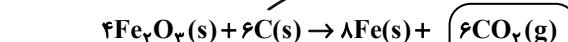
(شیمی ۲ - قدر هدایای زمینی را بدانیم؛ صفحه‌های ۱۱ تا ۲۵)

«۲» - گزینه

(امیرحسین طبیب‌سکلابی)

واکنش‌ها را نوشته و پس از موازنی، ضریب ماده مشترک را در دو واکنش برابر می‌کنیم. در این مسئله، دو واکنش انجام شده که مقدار یک فراورده مشترک در دو واکنش برابر است، در تئیجه از این ماده (کربن دی اکسید) به عنوان پل ارتباطی دو واکنش استفاده می‌کنیم.

واکنش استخراج آهن از هماتیت به وسیله کربن



: تخمیر بی‌هوایی گلوکوز

 $? \text{ m}^3$: محلول $2 \text{ ton } Fe_3O_4$

$$\times \frac{10^6 \text{ g}}{1 \text{ ton}} \times \frac{70}{100} \times \frac{1 \text{ mol } Fe_3O_4}{160 \text{ g } Fe_3O_4}$$

$$\times \frac{6 \text{ mol } CO_2}{4 \text{ mol } Fe_3O_4} \times \frac{64}{100} \times \frac{6 \text{ mol } C_2H_5OH}{6 \text{ mol } CO_2}$$

$$\times \frac{1 \text{ L}}{\frac{4}{2} \text{ mol } C_2H_5OH} \times \frac{1 \text{ m}^3}{1000 \text{ L}} = 2 \text{ m}^3$$

(شیمی ۲ - قدر هدایای زمینی را بدانیم؛ صفحه‌های ۲۲ تا ۲۵)



$$\frac{-\Delta n(HCl)}{\Delta t} = \frac{\Delta n(Cl_2)}{\Delta t} = \frac{\Delta n(H_2O)}{\Delta t} \rightarrow$$

$$\frac{-\Delta n(HCl)}{\Delta t} = \frac{4\Delta n(Cl_2)}{\Delta t} = \frac{2\Delta n(H_2O)}{\Delta t}$$

(شیمی ۲ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۸۳ تا ۹۱)

(سول عابدینی‌زواره)

«۴۸» گزینه

بررسی عبارت‌ها:

(الف) درست؛ فرمول مولکولی این ترکیب $C_7H_4O_2$ است که با فرمول مولکولی استیک اسید (CH_3COOH) یکسان است، پس با هم ایزومرند.

(ب) نادرست:

$$\begin{aligned} CH_3OH &= 32 \text{ g.mol}^{-1} \\ HCOOH &= 46 \text{ g.mol}^{-1} \end{aligned} \quad \left. \begin{aligned} &= \text{نوات جرم مولی} \\ &\Rightarrow 14 \text{ g.mol}^{-1} \end{aligned} \right\}$$

(پ) نادرست؛ کل سازنده استر موجود در انگور، اتانول (CH_3CH_2OH) است. (ت) درست؛ از آبکافت آن متانول تولید می‌شود و متانول به هر نسبتی در آب حل می‌شود. پس نمی‌توان از آن محلول سیرشده در آب تولید کرد.

(شیمی ۲ - ترکیبی: صفحه‌های ۶۸ تا ۷۷ و ۱۱۶ و ۱۱۷)

(ارزیک فانلدری)

«۴۹» گزینه

فقط عبارت سوم درست است.

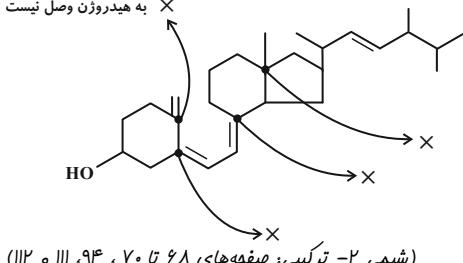
بررسی عبارت‌ها:

عبارة اول: هر دو ترکیب ناقطبی و دارای گروه عاملی هیدروکسیل ($-OH$) هستند.

عبارة دوم: در ساختار این مولکول، حلقه بنزنی یافت نمی‌شود؛ بنابراین این ترکیب آروماتیک نیست.

عبارة سوم: فرمول مولکولی این ترکیب به صورت « $C_{28}H_{44}O$ » است. همچنین از آنجایی که وینامین D محلول در چربی است، پس مصرف زیاد آن باعث افزایش غلظت آن در بدن شده و برای بدن مضر است.

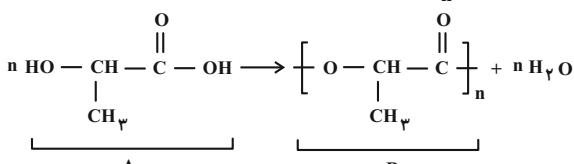
عبارة چهارم:



(شیمی ۲ - ترکیبی: صفحه‌های ۶۸ تا ۷۰، ۹۳، ۱۱۳ و ۱۱۷)

«۵۰» گزینه (نماینده)

جرم مولی لاكتیک اسید ($C_3H_6O_3$) برابر ۹۰ گرم بر مول و جرم مولی پلی لاكتیک اسید ($C_3H_6O_2$) برابر $72n$ گرم بر مول است.



$$?g A = 192g B \times \frac{1mol B}{72ng B} \times \frac{n mol A}{1mol B} \times \frac{90g A}{1mol A}$$

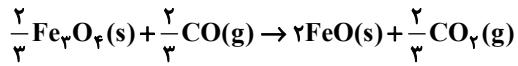
$$= 240g A$$

$$d_A = \frac{m}{V} = \frac{240}{200} = 1.2 \text{ g.mL}^{-1}$$

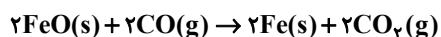
(شیمی ۲ - پوشک، نیازی پایان‌نایزی؛ صفحه‌های ۲۳ تا ۲۴، ۲۷، ۲۸، ۱۱۳ و ۱۱۶)

(ارزیک فانلدری)

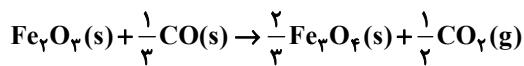
«۴۶» گزینه



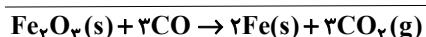
$$\Delta H = \frac{2}{3}a \text{ kJ}$$



$$\Delta H = -2b \text{ kJ}$$



$$\Delta H = \frac{1}{3}c \text{ kJ}$$



$$\Delta H = \frac{2}{3}a - 2b + \frac{1}{3}c$$

چون در این واکنش ۲ مول آهن تولید شده است، پس برای تولید $\frac{2}{3}$ مول آهن داریم:

$$\frac{1}{3} \times \left(\frac{2}{3}a - 2b + \frac{1}{3}c \right) = \frac{2a}{9} - \frac{2}{3}b + \frac{c}{9}$$

(شیمی ۲ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۷۵ تا ۷۷)

(روح الله علیزاده)

«۴۷» گزینه

معادله موازن شده واکنش به صورت زیر است:



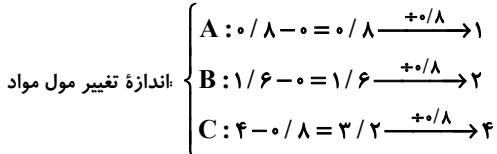
بنابراین عبارت‌های (الف) و (ث) درست‌اند.

بررسی عبارت‌ها:

(الف) در معادله موازن شده، ضریب HCl چهار برابر ضریب Cl_2 است؛ بنابراین شبیه نمودار مول-زمان و سرعت مصرف HCl ، چهار برابر سرعت تولید Cl_2 است.

(ب) نمودارهای A و B مربوط به فراورده‌ها و نمودار C مربوط به یک واکنش‌دهنده است.

ضرایب استوکیومتری A، B و C به صورت زیر به دست می‌آید:



بنابراین با توجه به معادله موازن شده واکنش و ضرایب استوکیومتری متناظر با مواد A، B، C و B، می‌توانند به ترتیب $MnCl_4$ (یا Cl_2 ، H_2O و HCl) باشند.

(پ) با گذشت زمان سرعت تولید، سرعت مصرف و سرعت واکنش کاهش می‌یابد؛ بنابراین سرعت تولید یا مصرف مواد در بازه زمانی Δt_1 بیشتر از Δt_2 است.

(ت) سرعت متوسط واکنش را با استفاده از سرعت یکی از مواد موجود در نمودار به دست می‌آوریم:

$$\bar{R}_A = \frac{(0 / 8 - 0) mol}{1 \text{ min}} \times \frac{60 \text{ s}}{20 \text{ s}} = 2 / 4 \text{ mol.min}^{-1}$$

(ث) می‌دانیم سرعت متوسط هر ماده تقسیم بر ضریب استوکیومتری آن برابر سرعت متوسط واکنش است:



حال نسبت مساحت دو مثلث را می‌نویسیم:

$$\frac{S_{\triangle BCD}}{S_{\triangle ABC}} = \frac{\frac{1}{2}BD \cdot CH}{\frac{1}{2}BH \cdot AC} = \frac{\frac{1}{2}(2R)(\frac{1}{2}R)}{\frac{1}{2}(R(1 - \frac{\sqrt{3}}{2}))(R)}$$

$$= \frac{1}{1 - \frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{2}{2 - \sqrt{3}} = 2(2 + \sqrt{3}) = 4 + 2\sqrt{3}$$

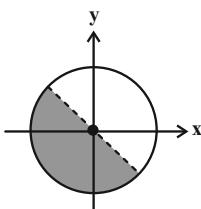
(ریاضی ا- مثلثات: صفحه‌های ۲۹ تا ۳۵)

(عادل مسین)

«گزینه ۱» -۵۵

$$\sin \theta - \tan \theta = \tan \theta (\cos \theta - 1) > 0$$

عبارت $\cos \theta - 1$ همواره نامثبت است. پس برای برقراری نامساوی بالا، لازم است که $\tan \theta$ منفی باشد. به عبارت دیگر انتهای کمان θ باید در ربع‌های دوم یا چهارم قرار بگیرد. از طرفی در محدوده مشخص شده شکل زیر، $\sin \theta + \cos \theta$ منفی است.



در شکل بالا، اگر بخش‌های مربوط به ربع‌های دوم و چهارم را در نظر بگیریم، شکل گزینه «۱» حاصل می‌شود.

(ریاضی ا- مثلثات: صفحه‌های ۳۶ تا ۴۱)

(عادل مسین)

«گزینه ۴» -۵۶

عرض از مبدأ سهمی برابر $-2 = c$ است، پس معادله آن را $y = ax^2 + bx - 2$ در نظر می‌گیریم. در این سهمی $x = 1$ ریشه است، پس داریم:

$$0 = a(1)^2 + b(1) - 2 \Rightarrow a + b = 2 \quad (1)$$

از طرفی $\frac{1}{4a}$ عرض رأس سهمی است. حال از رابطه استفاده

می‌کیم:

«گزینه ۱»

«۳» -۵۱

دنباله به صورت زیر خواهد بود:

$$\frac{1}{3}, a_2, a_3, a_4, a_5, a_6, 9$$

حال با توجه به جمله عمومی داریم:

$$a_n = a_1 \times q^{n-1} \Rightarrow a_7 = \frac{1}{3} \times q^6 = 9 \Rightarrow q = \sqrt[3]{3}$$

$$a_4 = \frac{1}{3} q^3 = \frac{1}{3} \times 3\sqrt{3} = \sqrt{3}$$

دقیق کنید که تعداد جملات برابر ۷ است و چهارمین جمله، جمله وسط است.

پس تفاوتی نمی‌کند $\frac{1}{3}$ را جمله اول بگیریم یا .۹

(ریاضی ا- مجموعه، الگو و نیایه: صفحه‌های ۲۵ تا ۲۷)

«گزینه ۱» -۵۲

(ظاهر (ادرستانی)

$$\left(\frac{a+b}{a-b} \right)^2 = \frac{a^2 + b^2 + 2ab}{a^2 + b^2 - 2ab} = \frac{6ab + 2ab}{6ab - 2ab} = \frac{8ab}{4ab} = 2$$

(ریاضی ا- توان‌های گویا و عبارت‌های همیاری: صفحه‌های ۶۲ تا ۶۷)

«گزینه ۳» -۵۳

معادله خطی که در نمودار رسم شده است، برابر $y = x + a$ است. این خط

همان خط $y = bx + c$ است. در نتیجه داریم:

$$b = 1, a = 3 \Rightarrow f(x) = x + 3 \Rightarrow f(a + b) = f(4) = 7$$

(ریاضی ا- تابع: صفحه ۱۰۳)

«گزینه ۲» -۵۴

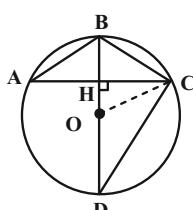
(عادل مسین)

مثلث AOC متساوی‌الاضلاع است. $\angle AOC = 60^\circ$ و در نتیجه

$$HC = \frac{R}{2}, OC = R, COH = R, \angle BOC = 30^\circ$$

$$OH = R \cos 30^\circ = \frac{R\sqrt{3}}{2}$$

$$HB = R - R \frac{\sqrt{3}}{2} = R(1 - \frac{\sqrt{3}}{2})$$





(میلار سپاری لایبان)

«۲» گزینه -۵۸

$$y = |x + 1| \xrightarrow{\text{قرینه نسبت به محور } x} -|x + 1|$$

$$\xrightarrow{\text{و ۲ واحد به سمت راست}} y = -|x - 1|$$

$$\xrightarrow{\text{ تقاطع بانیمساز ناحیه چهارم}} -|x - 1| = -x$$

$$\Rightarrow |x - 1| = x \Rightarrow x - 1 = -x \Rightarrow 2x = 1 \Rightarrow x = \frac{1}{2}$$

$$\xrightarrow{y = -x} y = -\frac{1}{2}$$

(ریاضی ا- تابع: صفحه‌های ۱۳۳ تا ۱۳۷)

(امیرحسین ابومنوب)

«۲» گزینه -۵۹

مجموع ارقام یک عدد سه رقمی زمانی فرد است که با هر سه رقم فرد و یا یک رقم فرد و دو رقم دیگر زوج باشند. همچنین با انتخاب هر سه رقم، به تعداد ${}^3! = 6$ عدد سه رقمی متمایز می‌توان نوشت. تعداد کل اعداد سه رقمی با شرایط مورد نظر برابر است با:

$$\left[\binom{5}{3} + \binom{5}{1} \times \binom{4}{2} \right] \times 3! = (10 + 5 \times 6) \times 6 = 240$$

(ریاضی ا- شمارش بروئ شمردن: صفحه‌های ۱۳۷ تا ۱۴۰)

(امیرحسین ابومنوب)

«۴» گزینه -۶۰

پیشامد تصادفی مورد نظر شامل ۲ حالت است، یکی خروج ۲ مهره آبی و یک مهره سفید و در نتیجه خروج ۳ مهره قرمز و دیگری خروج ۴ مهره آبی و دو مهره سفید. اگر پیشامد مورد نظر را با A نمایش دهیم، آنگاه احتمال آن برابر است با:

$$P(A) = \frac{\binom{4}{2} \binom{2}{1} \binom{4}{3} + \binom{4}{4} \binom{2}{2}}{\binom{10}{6}} = \frac{48 + 1}{210} = \frac{49}{210} = \frac{7}{30}$$

(ریاضی ا- آمار و احتمال: صفحه‌های ۱۵۶ تا ۱۵۹)

$$y_S = -\frac{b^2 + \lambda a}{4a} = \frac{1}{4} \Rightarrow b^2 + \lambda a = -a \Rightarrow b^2 + 9a = 0 \quad (2)$$

با جایگذاری $a = 2 - b$ در معادله (2) داریم:

$$b^2 + 9(2 - b) = b^2 - 9b + 18 = (b - 3)(b - 6) = 0$$

$$\Rightarrow b = 3 \quad \text{یا} \quad b = 6$$

به ازای 3 $a = -4$ ، $b = 6$ و به ازای $a = -1$ ، $b = 3$ به دست می‌آید.اما در حالت $(-4, 6)$ سه‌می $y = -4x^2 + 6x - 2$ را

$$\text{داریم که ریشه‌های آن } 1 \text{ و } x = \frac{1}{2} \text{ است و این با نمودار صورت سؤال}$$

همخوانی ندارد. در نتیجه $b = 3$ قابل قبول است.

(ریاضی ا- معادله‌ها و نامعادله‌ها: صفحه‌های ۷۱ تا ۷۳)

(عادل هسینی)

«۱» گزینه -۵۷

با توجه به عبارت $x - 1$ داخل قدرمطلق، نامعادله را در دو حالت $x < 1$ و $x \geq 1$ بررسی می‌کنیم.

 $x < 1$:

$$1 < \frac{2x - 3}{-x - 3} < 2 \Rightarrow -2 < \frac{2x - 3}{x + 3} < -1 \Rightarrow -2 < 2 - \frac{9}{x + 3} < -1$$

$$\Rightarrow -4 < -\frac{9}{x + 3} < -3 \Rightarrow 3 < \frac{9}{x + 3} < 4$$

$$\Rightarrow \frac{1}{4} < \frac{x + 3}{9} < \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow \frac{9}{4} < x + 3 < 3 \Rightarrow -\frac{3}{4} < x < 0$$

 $x \geq 1$:

$$1 < \frac{2x - 3}{x - 5} < 2 \Rightarrow 1 < 2 + \frac{7}{x - 5} < 2 \Rightarrow -1 < \frac{7}{x - 5} < 0$$

$$\frac{x - 5}{7} < -1 \Rightarrow x - 5 < -7 \Rightarrow x < -2$$

با توجه به شرط $x \geq 1$ ، این جواب قابل قبول نیست.در نتیجه مجموعه جواب‌های نامعادله $(-\frac{3}{4}, 0)$ خواهد بود. این یعنی

$$b - a = \frac{3}{4} \quad \text{و} \quad b = 0 \quad \text{و} \quad a = -\frac{3}{4}$$

(ریاضی ا- معادله‌ها و نامعادله‌ها: صفحه‌های ۱۹ تا ۲۱)

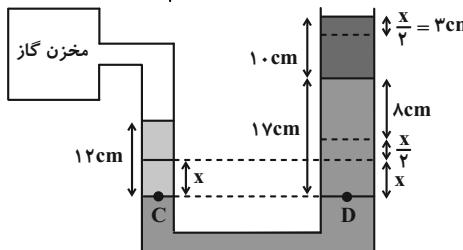
$$P_A = P_B \Rightarrow P'_\text{غاز} + P''_\text{جیوه} + P_\text{غاز} = P'_\text{غاز} + P''_\text{جیوه} + P_\text{غاز}$$

$$\Rightarrow P_{g_1} = P_\text{غاز} - P_\text{غاز} = 8 + 5 - 9 = 4 \text{ cmHg}$$

با افزایش فشار گاز درون مخزن، ارتفاع مایع در شاخه سمت راست چپ کاهش یافته و ارتفاع مایع در شاخه سمت راست افزایش می‌یابد. برای سرریز نشدن مایع

P_3 از شاخه سمت راست، مایع در این شاخه باید حداقل 3 cm بالا رود. با توجه به این که حجم جیوه جایه‌جا شده در دو طرف لوله با هم برابر است، می‌توان گفت که ارتفاع جیوه پایین آمده در شاخه سمت چپ (x)، دو برابر

ارتفاع جیوه بالا آمده در شاخه سمت راست ($\frac{x}{2}$) است. پس:



$$\frac{x}{2} = 3 \text{ cm} \Rightarrow x = 6 \text{ cm}$$

فشار در نقاط همتراز یک مایع ساکن با هم برابر است. بنابراین داریم:

$$P_C = P_D \Rightarrow P'_\text{غاز} + P''_\text{جیوه} + P_\text{غاز} = P'_\text{غاز} + P''_\text{جیوه} + P_\text{غاز}$$

$$\Rightarrow P_{g_2} = P'_\text{غاز} - P_\text{غاز} = P'_\text{غاز} - P''_\text{جیوه}$$

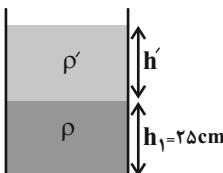
$$P_{g_2} = 12 + 5 - 9 = 13 \text{ cm Hg} \Rightarrow P_{g_2} - P_{g_1} = 9 \text{ cm Hg}$$

(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی مواد؛ صفحه‌های ۳۷ تا ۳۰)

(مسئلۀ کلیان)

گزینه «۲»

-۶۴



ابتدا فشار کل وارد بر کف ظرف در حالت اول را می‌یابیم:

$$P_1 = P_0 + \rho_1 gh_1 \xrightarrow{P_0 = 1.0 \text{ Pa}, h_1 = 25 \text{ m}} P_1 = 1.0 + 4 \times 10^3 \times 25 = 100000 + 10000 = 110000 \text{ Pa}$$

اکنون، ارتفاع مایع اضافه شده را حساب می‌کنیم و فشار ناشی از آن، که در واقع همان افزایش فشار وارد بر کف ظرف می‌یابیم:

$$V = Ah' \xrightarrow{V = 5 \text{ dm}^3, A = 5 \text{ cm}^2} 5 = 5 \times h' \Rightarrow h' = 11 \text{ cm}$$

$$\Delta P = \rho' g h' \xrightarrow{\rho' = 2 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} = 2000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}} \Delta P = 2000 \times 10 \times 0.11 = 2200 \text{ Pa}$$

در آخر درصد افزایش فشار کل را حساب می‌کنیم.

$$\frac{\Delta P}{P_1} \times 100 = \frac{2200}{110000} \times 100 = 2 \%$$

(فیزیک - ویژگی‌های فیزیکی مواد؛ صفحه‌های ۳۵ و ۳۶)

فیزیک ۱

-۶۱ گزینه «۴»

دقت خطکش مدرج و کولیس رقمی را به m و cm تبدیل می‌کنیم.

$$1 \text{ mm} = 0 / 1 \text{ cm} = 0 / 001 \text{ m} \Rightarrow \text{دقت خطکش}$$

$$1 / 1 \text{ mm} = 0 / 01 \text{ cm} = 0 / 0001 \text{ m} \Rightarrow \text{دقت کولیس}$$

با توجه به نتیجه‌های به دست آمده خطکش اندازه‌های 1 cm و $0 / 0001 \text{ m}$ و کولیس $0 / 01 \text{ cm}$ و $0 / 0001 \text{ m}$ را می‌تواند اندازه‌گیری کند.

بنابراین گزینه «۴» صحیح است.

(فیزیک - فیزیک و اندازه‌گیری؛ صفحه‌های ۱۴ و ۱۵)

-۶۲ گزینه «۳»

با توجه به این که حجم مایع ۲۵ درصد از حجم ظرف کمتر است، می‌توان نوشت:

$$\text{ظرف} = V / 25 \text{ V} = 0 / 25 \text{ V} \Rightarrow \text{ظرف} = V \text{ مایع}$$

$$V = 400 \text{ cm}^3 \Rightarrow V = 0 / 25 \times 400 = 300 \text{ cm}^3 \Rightarrow \text{مایع}$$

با توجه به معلوم بودن چگالی مایع، در این قسمت جرم مایع را به دست می‌آوریم:

$$\text{مایع} = \rho \times V \xrightarrow{\rho = 1 / 4 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, V = 300 \text{ cm}^3} \text{مایع} = 1 / 4 \times 300 = 420 \text{ g}$$

از طرف دیگر، با غوطه‌ور کردن جسم درون مایع، ۱۵ درصد از حجم ظرف خالی

می‌ماند. در این حالت داریم: $\text{ظرف} = V / 15 \text{ V} = \text{جسم} \text{ مایع}$

$$\Rightarrow V = 0 / 15 \text{ V} = 0 / 1 \times 400 = 40 \text{ cm}^3 \Rightarrow \text{جسم}$$

$$\text{در آخر داریم: } \rho = \frac{m}{V} \xrightarrow{m = 420 \text{ g}, V = 40 \text{ cm}^3} \rho = 10.5 \text{ kg} / \text{m}^3$$

(فیزیک - فیزیک و اندازه‌گیری؛ صفحه‌های ۱۶ تا ۱۸)

-۶۳ گزینه «۲»

چون فشار پیمانه‌ای بر حسب سانتی‌متر جیوه خواسته شده است، باید فشار ستون

مایعات ρ_2 و ρ_3 را بر حسب سانتی‌متر جیوه به دست آوریم. بنابراین:

$$\rho_2 h_2 = \rho_3 h_3 \Rightarrow (13 / 6) \times (12) = (10 / 2) \times (10) \Rightarrow \text{جیوه}_2 \text{ جیوه}_3 = h_2 / h_3$$

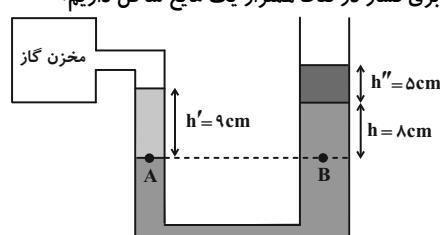
$$\Rightarrow h_2 = 9 \text{ cm} \text{ جیوه}_3$$

$$\rho_2 h_2 = \rho_3 h_3 \Rightarrow (13 / 6) \times (10) = (6 / 8) \times (10) \Rightarrow \text{جیوه}_2 = h_2 / h_3$$

$$\Rightarrow h_2 = 5 \text{ cm} \text{ جیوه}_3$$

فشار پیمانه‌ای، برابر با اختلاف فشار گاز مخزن و فشار هوای محیط است. با

توجه به برای فشار در نقاط همتراز یک مایع ساکن داریم:





اکنون مقیاس دمای سلسیوس را به کلوین تبدیل می‌کنیم:

$$T = \theta + 273 \xrightarrow{\theta=10^\circ C} T = 10 + 273 = 283 K$$

(فیزیک ا- دما و گرما: صفحه‌های ۸۵ و ۸۶)

(امیر احمد میرسعید)

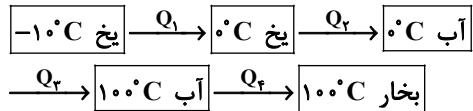
«۳» ۶۸

ابتدا مقدار انرژی گرمایی را که گرمکن به يخ $10^\circ C$ - می‌دهد تا به بخار آب $100^\circ C$ تبدیل شود، می‌یابیم:

$$P = \frac{Q}{t} \xrightarrow{P=1011W, t=2\text{min}=120s} 1011 = \frac{Q}{120}$$

$$\Rightarrow Q = 121320 J$$

اکنون با توجه به طرح واره زیر، جرم يخ را پیدا می‌کنیم:



$$Q_{\text{کل}} = Q_1 + Q_2 + Q_3 + Q_4$$

$$\Rightarrow Q_{\text{کل}} = mc_{\text{آب}} \Delta\theta + mL_F + mc_{\text{آب}} \Delta\theta + mL_V$$

$$\Rightarrow 121320 = m \times 2100 \times 10 + m \times 336000$$

$$+ m \times 4200 \times 100 + m \times 2256000$$

$$\Rightarrow 121320 = 3033000m \Rightarrow m = 0.04 \text{ kg} = 40 \text{ g}$$

(فیزیک ا- دما و گرما: صفحه‌های ۹۱ تا ۹۴)

(مهران اسماعیلی)

«۴» ۶۹

چون در هر دو مسیر ABC و AC ، گاز منبسط شده است، کار محیط روی گاز منفی است. با توجه به این که تغییر انرژی درونی به مسیر فرایند وابسته نیست، تغییر انرژی درونی گاز در هر دو مسیر ABC و AC برابر است. از طرف دیگر، چون مساحت بین نمودار $P-V$ و محور V برابر است. اندازه کار انجام شده بر روی گاز می‌باشد، داریم:

$$\Delta U_{AC} = \Delta U_{ABC} \xrightarrow{\Delta U = Q + W} \Delta U_{AC} = Q_{ABC} + W_{ABC}$$

$$\xrightarrow[W_{ABC}=-S_{ذوزنقه}]{ذوزنقه} \Delta U_{AC} = Q_{ABC} + S_{ذوزنقه}$$

$$\xrightarrow{\Delta U_{AC}=3600J}$$

$$3600 = Q_{ABC} + \left(-\frac{2 \times 10^5 + 4 \times 10^5}{2} \right) \times (10 - 4) \times 10^{-3}$$

$$\Rightarrow 3600 = Q_{ABC} - 1200 \Rightarrow Q_{ABC} = 4800 J$$

(فیزیک ا- ترمودینامیک: صفحه‌های ۱۳۶ و ۱۳۷)

(مصطفی‌کیانی)

«۲» ۷۰

ابتدا کار انجام شده را می‌یابیم:

$$Q_H = |Q_C| + |W| \xrightarrow{|Q_H|=1000J, |Q_C|=600J} 1000 = 600 + |W|$$

$$\Rightarrow |W| = 400 J$$

اکنون توان خروجی ماشین را حساب می‌کنیم:

$$P = \frac{|W|}{\Delta t} \xrightarrow{\Delta t=1/\text{s}, |W|=400J} P = \frac{400}{1/\text{s}} = 400 W$$

(فیزیک ا- ترمودینامیک: صفحه‌های ۱۳۷ و ۱۳۸، انرژی و توان: صفحه‌های ۷۳ و ۷۴)

(علیرضا بیاری)

«۱» ۶۵

انرژی جنبشی یک جسم از رابطه $K = \frac{1}{2}mv^2$ به دست می‌آید. بنابراین با استفاده از رابطه انرژی جنبشی برای دو حالت مختلف می‌توان نوشت:

$$K = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow \frac{K_2}{K_1} = \frac{m_2}{m_1} \times \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2$$

$$\frac{K_2=16K_1}{v_2=v+5} , \frac{m_2=m_1}{v_1=\frac{2}{3}v} \Rightarrow \frac{16K_1}{\frac{m_1}{m_1} \times \left(\frac{v+5}{\frac{2}{3}v}\right)^2} =$$

$$\Rightarrow 16 = \left(\frac{v+5}{\frac{2}{3}v}\right)^2 \Rightarrow \pm 4 = \frac{v+5}{\frac{2}{3}v}$$

$$\xrightarrow{v>0} 4 = \frac{v+5}{\frac{2}{3}v} \Rightarrow v+5 = \frac{4}{3}v \Rightarrow \frac{5}{3}v = 5 \Rightarrow v = \frac{3}{5} \text{ m/s}$$

دقت کنید، چون تندی همواره مثبت است. بنابراین هنگام جذر گرفتن از عدد

۱۶ جواب ۴- قابل قبول نیست.

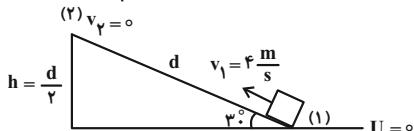
(فیزیک ا- کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۵۵ و ۵۶)

(سیده‌ملیکه میرصلانی)

اگر حداقل مسافتی را که جسم بر روی سطح شیبدار بالا می‌رود، d فرض

کنیم، ارتفاع جسم در بالاترین قسمت سطح شیبدار به اندازه $\frac{d}{2}$ است

(族群 رویه به زاویه 30°). با توجه به این که تغییرات انرژی مکانیکی در طول مسیر حرکت جسم برابر کار نیروی اصطکاک است، با در نظر گرفتن پایین سطح شیبدار به عنوان مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی داریم:



$$E_2 - E_1 = W_f$$

$$(E_2 + K_2) - (E_1 + K_1) = f_k d \cos 180^\circ$$

$$\cos 180^\circ = -1, f_k = 15N \xrightarrow{m=15kg, v_1=\frac{m}{s}} mgh_2 - \frac{1}{2}mv_1^2 = -f_k d$$

$$\Rightarrow 1/5 \times 10 \times \frac{d}{2} - \frac{1}{2} \times 1/5 \times 16 = -15d$$

$$\Rightarrow 7/5d - 12 = -15d \Rightarrow 22/5d = 12$$

$$\Rightarrow d = \frac{12}{22/5} = \frac{24}{45} = \frac{8}{15} \text{ m}$$

(فیزیک ا- کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۷۱ و ۷۲)

(مصطفی‌کیانی)

«۱» ۶۷

ابتدا دمای جسم را از درجه فارنهایت به درجه سلسیوس تبدیل می‌کنیم:

$$F = \frac{9}{5}\theta + 32 \xrightarrow{F=50F} 50 = \frac{9}{5}\theta + 32$$

$$\Rightarrow 18 = \frac{9}{5}\theta \Rightarrow \theta = 10^\circ C$$

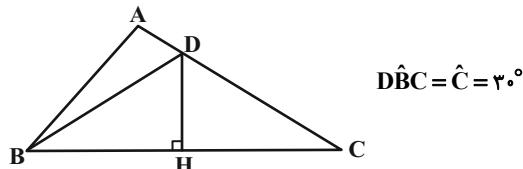
هندسه ۱

گزینه «۲» -۷۱

(امیرحسین ابومصوب)

طبق شکل نقطه D روی عمودمنصف ضلع BC قرار دارد. در نتیجه دو

مثلث CHD و BHD هم نهشت هستند و در نتیجه داریم:



$$\hat{D}BC = \hat{C} = 30^\circ$$

 مثلث BDC زاویه خارجی است: $\hat{A}DB \Rightarrow \hat{A}DB = \hat{DBC} + \hat{C}$

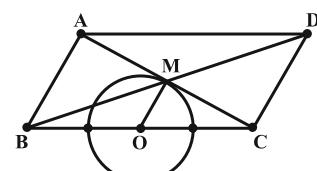
$$\Rightarrow \hat{A}DB = 30^\circ + 30^\circ = 60^\circ$$

(هنرسه ا- ترسیم‌های هندسی و استدلال: صفحه‌های ۱۳ و ۱۶)

گزینه «۲» -۷۲

(محمدابراهیم کشنزاره)

طبق شکل فرض کنید O نقطه وسط ضلع BC و M محل تلاقی قطرهای متوازی‌الاضلاع ABCD باشد. در متوازی‌الاضلاع، قطرها منصف یکدیگرند، بنابراین در مثلث CAB، پاره خط OM وسطهای دو ضلع CA و CB را به هم وصل کرده است، پس با ضلع BA موازی و طول آن نصف طول این ضلع است.



$$OM = \frac{BA}{2} = \frac{a}{2}$$

چون طول OM ثابت و O نیز نقطه ثابتی است، نقطه M روی دایره‌ای به مرکز O و به شعاع $\frac{a}{2}$ است. نقاط برخورد این دایره با ضلع BC قابل قبول نیست.

(هنرسه ا- ترسیم‌های هندسی و استدلال: صفحه‌های ۱۰ تا ۱۶)

و قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۷)

گزینه «۲» -۷۳

(اسفهانی اسفندیار)

 مثلث ABC، قائم‌الزاویه است. مساحت آن برابر 30° است و $\frac{5 \times 12}{2}$ کوچکترین ارتفاع آن، ارتفاع وارد بر بزرگترین ضلع است.

$$S = \frac{1}{2} \times h \times 13 \xrightarrow{S=30} h = \frac{2 \times 30}{13} = \frac{60}{13}$$

نسبت تشابه دو مثلث برابر است با:

$$k = \frac{h}{h'} = \frac{12}{20} = \frac{6}{10} = 3$$

$$\frac{\Delta ABC}{\Delta A'B'C'} = k \Rightarrow \frac{\text{محیط}}{\text{محیط}} = 3 \Rightarrow \Delta A'B'C' \text{ محیط} = 10$$

(هنرسه ا- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۷)

(سینا محمدپور)

گزینه «۳» -۷۴

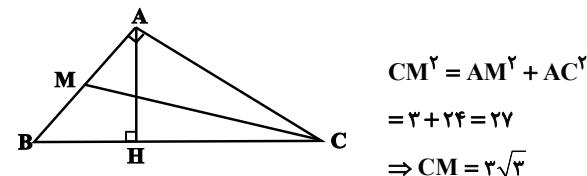
طبق روابط طولی در مثلث قائم‌الزاویه ABC داریم:

$$AB^2 = BH \times BC \Rightarrow 12 = 2 \times BC \Rightarrow BC = 6$$

$$\Delta ABC : BC^2 = AB^2 + AC^2 \Rightarrow 36 = 12 + AC^2 \Rightarrow AC^2 = 24$$

$$\text{میانه وارد بر ضلع } AB \text{ است، پس } AM = \frac{1}{2} AB = \sqrt{3} \text{ است و در}$$

نتیجه طبق قضیه فیثاغورس در مثلث AMC داریم:



(هنرسه ا- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۱۳ و ۱۶)

(رضی عباس اصل)

گزینه «۴» -۷۵

فرض کنید $S_{\Delta ADE} = S_{\Delta ABC}$ باشد. در این صورت داریم:

$$\begin{aligned} \hat{A} &= \hat{A} \\ AE &= AD = \frac{1}{2} \end{aligned} \quad \left. \begin{array}{l} \text{تساوي يك زاويه و} \\ \text{تناسب اضلاع متناظر آن زاويه} \end{array} \right\} \rightarrow \Delta ADE \sim \Delta ABC$$

$$\Rightarrow \frac{S_{\Delta ADE}}{S_{\Delta ABC}} = \left(\frac{AD}{AB}\right)^2 \Rightarrow \frac{S}{S+12} = \frac{1}{4}$$

$$\Rightarrow 4S = S + 12 \Rightarrow 3S = 12 \Rightarrow S = 4$$

$$S_{\Delta ABC} = S + 12 = 4 + 12 = 16$$

(هنرسه ا- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۷)

(ممدوهی)

گزینه «۱» -۷۶

می‌دانیم در مثلث قائم‌الزاویه، طول ضلع روبرو به زاویه 30° ، نصف طول وتر است، پس $AC = 6$ می‌باشد. اگر طول هر ضلع لوزی ADEF را برابر x در نظر بگیریم، آنگاه داریم:

$$S_{\Delta} = \frac{1}{2} BH \times AC = \frac{1}{2} \times 2\sqrt{2} \times 4 = 4\sqrt{2}$$

(هنرسه ا- پندرضایی‌ها؛ صفحه ۶۱)

(ممدرابراهیم کیتی زاده)

گزینه «۴» -۷۹

فرض کنید صفحه Q موازی با صفحه P و شامل خط d باشد. می‌دانیم اگر خطی کی از دو صفحه موازی را قطع کند، دیگری را نیز قطع می‌کند، پس خط d' صفحه Q را در نقطه‌ای مانند A قطع می‌کند.

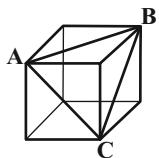
اگر نقطه A روی خط d باشد (d و d' متقاطع باشند)، آنگاه هر خط گذرنده از نقطه A که در صفحه Q واقع باشد، لزوماً موازی با صفحه P بوده و در نتیجه جواب مسئله است.

اگر نقطه A روی خط d نباشد، آنگاه کلیه خطوط واقع در صفحه Q که نقطه A را به یکی از نقاط واقع بر خط d وصل می‌کنند، جواب مسئله هستند. بنابراین در هر صورت بی شمار خط وجود دارند که d و d' را قطع کرده و با صفحه P موازی باشند.

(هنرسه ا- تبسم فضایی؛ صفحه‌های ۷۱ تا ۸۳)

(فرزانه فاکلپاش)

گزینه «۱» -۸۰



مطابق شکل پاره خط‌های AC , AB و BC , هر سه قطر وجه‌های مکعب هستند، پس طول آنها برابر یکدیگر است و در نتیجه مثلث ABC (سطح مقطع حاصل از برخورد صفحه گذرنده از A , B , C با مکعب)، یک مثلث متساوی‌الاضلاع است که طول هر ضلع آن برابر طول قطر وجه مکعب است.

اگر طول هر یال این مکعب را با a ، مساحت کل مکعب را با S و مساحت

مثلث ABC را با S' نمایش دهیم، داریم:

$$\frac{S'}{S} = \frac{\frac{\sqrt{3}}{4}(a\sqrt{2})^2}{\frac{6a^2}{6a^2}} = \frac{\frac{\sqrt{3}}{4}a^2}{\frac{6a^2}{6a^2}} = \frac{\sqrt{3}}{12}$$

(هنرسه ا- تبسم فضایی؛ صفحه‌های ۶۳ تا ۶۵)

از طرفی $DE \parallel AB$ است، پس $\widehat{DEC} = 90^\circ$ و در نتیجه مثلث DEC

قائم‌الزاویه است. در مثلث قائم‌الزاویه، طول ضلع روبرو به زاویه 30° ، نصف

$$\frac{DE}{DC} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{x}{6-x} = \frac{1}{2} \Rightarrow x = 2$$

طول وتر است، بنابراین داریم:

در مثلث ADF , $AD = AF = 2$ و $\hat{A} = 60^\circ$ است، پس این مثلث متساوی‌الاضلاع بوده و $DF = 2$ است، بنابراین طول قطر کوچکتر لوزی برابر 2 می‌باشد.

(هنرسه ا- پندرضایی‌ها؛ صفحه‌های ۶۱ و ۶۳)

(علی ایمانی)

گزینه «۳» -۷۷

CP و MN میانه‌های نظیر اضلاع BC و BM در مثلث MBC هستند و

در نتیجه O نقطه برخورد میانه‌ها در این مثلث است، پس داریم:

$$S_{\Delta} = \frac{1}{6} S_{\Delta MBC} \Rightarrow 3 = \frac{1}{6} S_{\Delta MBC} \Rightarrow S_{\Delta MBC} = 18$$

مثلث MBC و متوازی‌الاضلاع $ABCD$ در قاعده BC مشترک هستند و

طول ارتفاع وارد بر این قاعده در آنها یکسان است، بنابراین داریم:

$$S_{ABCD} = 2S_{MBC} = 2 \times 18 = 36$$

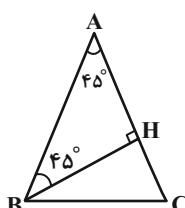
(هنرسه ا- پندرضایی‌ها؛ صفحه ۶۷)

(فرزانه فاکلپاش)

گزینه «۲» -۷۸

مجموع فواصل هر نقطه دلخواه واقع بر قاعده یک مثلث متساوی‌الساقین از دو

ساق مثبت برابر طول ارتفاع وارد بر ساق است.

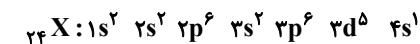


اگر ارتفاع وارد بر ساق AC را مطابق شکل رسم کنیم، آنگاه مثلث ABH

مثلث قائم‌الزاویه متساوی‌الساقین است و در نتیجه داریم:

$$\frac{\Delta}{ABH} : AB^2 = AH^2 + BH^2 = (2\sqrt{2})^2 + (2\sqrt{2})^2 = 16$$

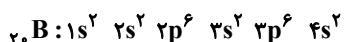
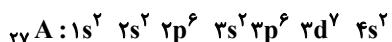
$$\Rightarrow AB = AC = 4$$



(d) این اتم دارای ۷ الکترون با $= 1$ (s) و ۵ الکترون با $= 2$ (d) است.

می باشد، پس نسبت شمار الکترون های s به d برابر $= 1/4 = \frac{7}{5}$ است.

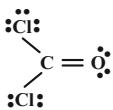
عبارت سوم: آرایش الکترونی اتم های A و B به صورت زیر است.



در نتیجه آرایش الکترونی لایه آخر اتم A و آرایش الکترونی لایه

ظرفیت اتم B، هر دو به صورت $4s^2$ است.

عبارت چهارم: با توجه به ساختار لوویس زیر، این مولکول دارای ۸ جفت الکترون نایرونی و ۴ جفت الکترون پیوندی است.



(شیمی ا- کیهان زادگاه الغبای هستی: صفحه های ۲۷ تا ۴۱)

(امیرحسین طیب سوکلاین)

گزینه «۲»

عبارت های (آ) و (ت) نادرست هستند.

بررسی عبارت ها:

(آ) با افزایش ارتفاع از سطح زمین، دمای هوا به طور پیوسته کاهش نمی یابد و همین امر دلیلی بر اثبات لایه ای بودن هوایکره است.

(ب) در دمای -78°C - کربن دی اکسید به حالت جامد درمی آید که این دما بر حسب کلوین به صورت زیر محاسبه می شود.

$$T(K) = \theta(^{\circ}\text{C}) + 273 = -78 + 273 = 195\text{ K}$$

(پ) سومین گاز از نظر درصد حجمی در هوایکره همان گاز آرگون (Ar)

است که به عنوان محیط بی اثر در جوشکاری و برش فلزات به کار می رود.

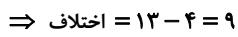
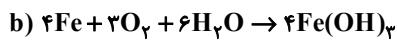
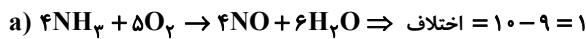
(ت) منابع زمینی هلیم برای تولید هلیم در مقیاس صنعتی، نسبت به هوایکره مناسب تر است.

(شیمی ا- روپای لگزها در زندگی: صفحه های ۴۷ تا ۵۱)

(امیرحسین طیب سوکلاین)

گزینه «۱»

معادله موازن شده واکنش ها به صورت زیر است:



شیمی ۱

گزینه «۳»

عبارت های (پ) و (ت) درست هستند.

بررسی عبارت های نادرست:

(الف) یون یدید با یونی که حاوی تکنسیم است اندازه مشابهی دارد.

(ب) نماد شیمیابی درست ایزوتوپ تکنسیم به صورت Tc^{99} است.

(شیمی ا- کیهان زادگاه الغبای هستی: صفحه های ۵ تا ۱۱)

گزینه «۲»

با توجه به رابطه زیر، جرم اتمی میانگین یک اتم با بیش از یک ایزوتوپ از رابطه زیر به دست می آید:

$$\bar{M} = M_1 + (M_2 - M_1) \times \frac{f_2}{100} + (M_3 - M_1) \times \frac{f_3}{100} + \dots$$

$$\bar{M}(X) = 35 + 0 / 8 \times 2 = 36 / 6 \text{ amu}$$

$$AX_2 = A + 3 \times 36 / 6 = 156 / 6 \Rightarrow A = 46 / 8 \text{ amu}$$

$$\bar{M}(A) = 45 + 2 \times \frac{x}{100} = 46 / 8 \Rightarrow x = 90\%$$

(شیمی ا- کیهان زادگاه الغبای هستی: صفحه های ۱۳ تا ۱۵)

گزینه «۴»

با توجه به شکل طیف نشری خطی اتم هیدروژن در صفحه ۲۷ کتاب درسی شیمی دهم، با حرکت از نوار قرمز ($\lambda = 656\text{nm}$) به سمت نوار بنفسن ($\lambda = 410\text{nm}$) اختلاف بین طول موج ها کاهش می یابد:

$$656\text{ nm} \rightarrow 2 : \lambda = 2 : 6 \rightarrow 3 : \text{nوار قرمز}$$

$$486\text{ nm} \rightarrow 2 : \lambda = 2 : 5 \rightarrow 4 : \text{nوار آبی}$$

$$434\text{ nm} \rightarrow 2 : \lambda = 2 : 6 \rightarrow 5 : \text{nوار نیلی}$$

$$410\text{ nm} \rightarrow 2 : \lambda = 2 : 6 \rightarrow 6 : \text{nوار بنفسن}$$

(شیمی ا- کیهان زادگاه الغبای هستی: صفحه های ۱۹ تا ۳۱)

گزینه «۳»

به جز عبارت اول، بقیه عبارت ها درست هستند.

بررسی عبارت ها:

عبارت اول: بین پایداری و آرایش الکترونی لایه ظرفیت اتم ها رابطه وجود دارد. هر چه اتم عنصری آسان تر به آرایش الکترونی گاز نجیب بر سرده

واکنش پذیری بیشتری خواهد داشت و رابطه بین واکنش پذیری اتم ها و تعداد الکترون های ظرفیت به تمایل اتم برای از دست دادن یا گرفتن الکترون بستگی دارد. یعنی ممکن است اتمی دارای الکترون ظرفیت بیشتری باشد اما آسان تر به آرایش پایدار گاز نجیب بر سرده؛ بنابراین الزاماً با کاهش شمار الکترون های ظرفیت، واکنش پذیری افزایش نمی یابد.

عبارت دوم: با توجه به آرایش الکترونی اتم



$$S = a\theta + b \quad , \quad a = \frac{S_2 - S_1}{\theta_2 - \theta_1} = \frac{80 - 72}{10 - 0} = 8 \text{ / } \theta \quad , \quad b = 72$$

$$S = 8/\theta + 72 \Rightarrow \begin{cases} \theta_1 = 25^\circ \text{C} \Rightarrow S_1 = 8/25 + 72 = 100 \\ \theta_2 = 15^\circ \text{C} \Rightarrow S_2 = 8/15 + 72 = 84 \end{cases}$$

$$\text{رسوب g} = \frac{(100 - 84) \times \text{ محلول (35}^\circ\text{C)}}{200 \text{g (35}^\circ\text{C)}} = 40.0 \text{g}$$

$$\text{رسوب} = 32 \text{g}$$

(شیمی ا- آب، آهنگ زنگی؛ صفحه‌های ۵۰ تا ۵۳)

(رسول عابدین‌زواره)

- ۹۰ «گزینه ۴»

با توجه به این که گشتاور دوقطبی XO_2 بزرگ‌تر از صفر است، پس مولکول XO_2 از نوع قطبی است؛ همچنین X باید از گروه ۱۶ جدول باشد که می‌تواند S یا Se در نظر گرفته شوند.

بررسی عبارت‌ها:

الف) مولکول‌های SO_2 و SeO_2 ، مولکول‌های قطبی هستند (S، Se و O هم‌گروه‌اند).

ب) عدد اتمی C برابر ۶ است و CO_2 مولکول ناقطبی است.

پ) ساختار SeO_2 و SO_2 به صورت زیر است:



$$\left. \begin{array}{l} \text{تعداد e}^- \text{ پیوندی} = 6e^- \\ \text{تعداد e}^- \text{ ناپیوندی} = 12e^- \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{12}{6} = 2$$

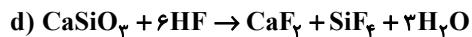
ت) خصلت نافلزی اکسیژن از گوگرد (S) و سلنیم (Se)، بیشتر است؛

بنابراین سر منفی مولکول را تشکیل داده و سمت صفحه با بار مثبت

جهت‌گیری می‌کند.

(شیمی ا- ترکیبی؛ صفحه‌های ۵۰، ۵۱ و ۵۲ تا ۵۴)

$$\Rightarrow \text{اختلاف} = 8 - 7 = 1$$



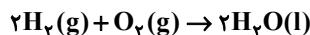
$$\Rightarrow \text{اختلاف} = 7 - 5 = 2$$

(شیمی ا- ردپای گازها در زنگی؛ صفحه‌های ۶۲ تا ۶۴)

«۲»

- ۸۷

(ممدر عظیمیان؛ زواره)



کاهش جرم مخلوط واکنش به دلیل خروج گازهای N_2 و O_2 حاصل از این

مخلوط می‌باشد. به ازای ۲۱۶ g (مجموع جرم‌های مولی 2N_2 و 5O_2)

کاهش جرم، مقدار ۲ مول N_2 و ۵ مول O_2 تولید می‌شود؛ بنابراین می‌توان

نوشت:

$$\text{؟ mol N}_2 = \frac{43/2 \text{g}}{216 \text{g}} \times \frac{2 \text{mol N}_2}{\text{کاهش جرم}} \times \frac{\text{کاهش جرم}}{216 \text{g}}$$

$$\times \frac{22/4 \text{L N}_2}{1 \text{mol N}_2} = 8/96 \text{L N}_2$$

$$\text{？ mol O}_2 = \frac{43/2 \text{g}}{216 \text{g}} \times \frac{5 \text{mol O}_2}{\text{کاهش جرم}} \times \frac{\text{کاهش جرم}}{216 \text{g}}$$

$$= 1 \text{mol O}_2$$

$$\text{？ g H}_2\text{O} = 1 \text{mol O}_2 \times \frac{1 \text{mol H}_2\text{O}}{1 \text{mol O}_2} \times \frac{18 \text{g H}_2\text{O}}{1 \text{mol H}_2\text{O}}$$

$$= 36 \text{g H}_2\text{O}$$

(شیمی ا- ردپای گازها در زنگی؛ صفحه‌های ۷۷ تا ۸۱)

«۲»

- ۸۸

بررسی عبارت‌های نادرست:

عبارت (پ): کلسیم سولفات کم محلول است.

عبارت (ت): باریم سولفات اصلًا در آب نامحلول است.

(شیمی ا- آب، آهنگ زنگی؛ صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۰)

«۳»

- ۸۹

(ممید ذیلی)

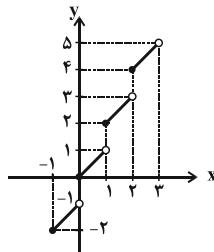
ابتدا معادله انحلال پذیری- دما را برای NaNO_3 به دست می‌آوریم:



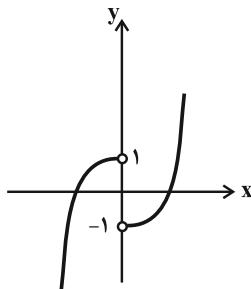
گزینه «۲»، این تابع صعودی است اما اکیداً صعودی نیست.

$$y = \begin{cases} 1 & ; x < 1 \\ 2x - 1 & ; x \geq 1 \end{cases}$$

گزینه «۳»، این تابع اکیداً صعودی است.



گزینه «۴»، این تابع غیریکنواست.



(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

(عادل حسینی)

گزینه «۳» - ۹۵

رابطه تقسیم را برای تقسیم چندجمله‌ای $x^9 - 5x^4 - 1$ بر $x + 1$ می‌نویسیم:
 $x^9 - 5x^4 - 1 = (x+1)q(x) + r$

با جای گذاری $-1 = x$ ، مقدار r به دست می‌آید:

$$r = (-1)^9 - 5(-1)^4 - 1 = -7$$

پس داریم:

$$x^9 - 5x^4 - 1 = (x+1)q(x) - 7 \Rightarrow q(x) = \frac{x^9 - 5x^4 + 6}{x+1}$$

باقی‌مانده تقسیم $q(x)$ بر $x+1$ برابر $(-1)^9$ است. راه ساده‌تر این است که مقدار $(-1)^9$ را حد صفر صفرم حساب کنیم.

$$q(-1) = \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^9 - 5x^4 + 6}{x+1} \stackrel{\text{HOP}}{=} \lim_{x \rightarrow -1} \frac{9x^8 - 20x^3}{1} = 29$$

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۹ و ۲۰)

(جوانب‌شناختی‌کنام)

گزینه «۳» - ۹۶

در توابعی به فرم $y = a \cos bx + c$ و $y = a \sin bx + c$ ، فاصله افقی دو نقطه ماکزیمم و مینیمم متولی اش برابر نصف دوره تناوب تابع است. بنابراین

$$\Rightarrow T = 4\pi \Rightarrow \frac{2\pi}{|b|} = 4\pi \Rightarrow |b| = \frac{1}{2} \quad \text{است.}$$

حسابان ۲

گزینه «۴» - ۹۱

ابتدا ضابطه تابع f را به فرم مریع کامل می‌نویسیم:

$$f(x) = (x-2)^2 + 3$$

پس برای این که از نمودار تابع f به نمودار تابع g برسیم، لازم است که آن را ۲ واحد به چپ و ۴ واحد به پایین منتقل کنیم.

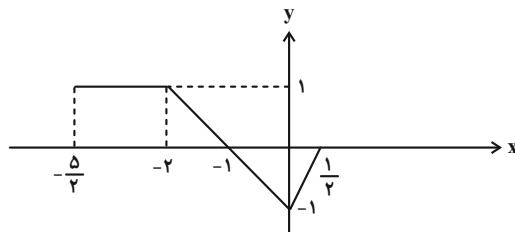
(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(محمد علیزاده)

گزینه «۴» - ۹۲

برای رسم نمودار $y = f(1+\frac{x}{3})$ از روی نمودار $y = -f(x+1)$ کافی

است عرض نقاط را در ۱ ضرب و طول نقاط را بر (-2) تقسیم کنیم. در نتیجه نمودار تابع $y = -f(x+1)$ به صورت زیر است:



سطح بین نمودار حاصل و محور X ها از یک ذوزنقه و یک مثلث تشکیل شده است که مساحت آن‌ها به ترتیب برابر است با:

$$S_{\text{مثلث}} = \frac{\frac{3}{2} \times 1}{2} = \frac{3}{4} \quad \text{و} \quad S_{\text{ذوزنقه}} = \frac{(\frac{3}{2} + \frac{1}{2}) \times (1)}{2} = 1$$

در نتیجه مساحت سطح محصور برابر $\frac{7}{4}$ است.

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(میلاد سجادی‌لاریجانی)

گزینه «۴» - ۹۳

$$f(x) = |2x| - |x-1| = \begin{cases} -x-1 & ; x < 0 \\ 3x-1 & ; 0 \leq x < 1 \\ x+1 & ; x \geq 1 \end{cases}$$

تابع f در $[-\infty, 0]$ اکیداً نزولی است. بنابراین داریم:

$$x^3 - 2x^2 - 2x + 1 = -x - 1$$

$$\Rightarrow x^3 - 2x^2 - x + 2 = (x^2 - 1)(x - 2) = 0 \xrightarrow{x \leq 0} x = -1$$

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۳ تا ۱۸)

(میلاد سجادی‌لاریجانی)

گزینه «۳» - ۹۴

گزینه «۱»، واضح است که این تابع غیریکنواست.

$$y = \begin{cases} 0 & ; x \in \mathbb{Z} \\ -1 & ; x \notin \mathbb{Z} \end{cases}$$



بنابراین معادله به صورت زیر در می‌آید:

$$\tan 2x = \tan \frac{x}{2} \Rightarrow 2x = k\pi + \frac{x}{2} \Rightarrow \frac{3x}{2} = k\pi \Rightarrow x = \frac{2k\pi}{3}$$

با توجه به شرط $x \neq k\pi$, جواب‌های قابل قبول بازه $[0, 2\pi]$ هستند.

(مسابقات - ۲ - مثالیات: صفحه‌های ۳۵ و ۳۶)

(عادل مسین)

گزینه «۱»

باید معادله $\tan x = \sin x + 1$ را حل کنیم.

$$\Rightarrow \frac{\sin x}{\cos x} = \sin x + 1 \Rightarrow \sin x = \sin x \cos x + \cos x$$

$$\Rightarrow \sin x - \cos x = \sin x \cos x$$

$$\text{و } \sin \theta - \cos \theta = \sqrt{2} \sin\left(\theta - \frac{\pi}{4}\right)$$

از اتحادهای استفاده می‌کنیم:

$$\sqrt{2} \sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right) = \frac{1}{2} \sin 2x \Rightarrow \sqrt{2} \sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right) = \sin 2x$$

حال $\sin 2x$ را براساس زاویه $x - \frac{\pi}{4}$ بازنویسی می‌کنیم:

$$\sqrt{2} \sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right) = \sin\left[\frac{\pi}{2} + 2\left(x - \frac{\pi}{4}\right)\right] = \cos 2\left(x - \frac{\pi}{4}\right)$$

در اینجا از اتحاد $\cos 2\theta = 1 - 2\sin^2 \theta$ استفاده می‌کنیم:

$$\sqrt{2} \sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right) = 1 - 2\sin^2\left(x - \frac{\pi}{4}\right)$$

با تغییر متغیر $P = \sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right)$ معادله درجه دوم زیر را خواهیم داشت:

$$\sqrt{2}P = 1 - 2P^2 \Rightarrow 2P^2 + \sqrt{2}P - 1 = 0$$

$$\xrightarrow{-1 < P < 1} P = 1 - \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$\sin 2x$ برابر $\sqrt{2}P$ است، در نتیجه داریم:

$$\sin 2x = \sqrt{2} - 2$$

(مسابقات - ۲ - مثالیات: صفحه‌های ۳۵ و ۳۶)

$$c = \frac{y_{\max} + y_{\min}}{2} \Rightarrow c = \frac{\frac{1}{2} + \left(-\frac{5}{2}\right)}{2} = -1$$

همچنین داریم:

از طرفی برای به دست آوردن a نیز می‌توانیم بنویسیم:

$$y_{\max} = |a| + c = |a| - 1 \xrightarrow{y_{\max} = \frac{1}{2}} |a| = \frac{3}{2}$$

حال با توجه به اینکه در همسایگی $x = 0$, تابع f نزولی است، باید مقداری منفی داشته باشد. بنابراین ضابطه تابع f را می‌توان به صورت زیر نوشت:

$$f(x) = -\frac{3}{2} \sin \frac{x}{2} - 1$$

$$\Rightarrow f\left(\frac{\pi}{3}\right) = -\frac{3}{2} \sin \frac{\pi}{6} - 1 = -\frac{3}{2} \left(\frac{1}{2}\right) - 1 = -\frac{7}{4}$$

(مسابقات - ۲ - مثالیات: صفحه‌های ۳۵ و ۳۶)

(علی شهرابی)

گزینه «۹۷»

$(k \in \mathbb{Z})$, اولین جواب مثبت معادله $\tan 2x = 0$ است:

$$2x = k\pi \Rightarrow x = \frac{k\pi}{2} \xrightarrow{k=1} \beta = \frac{\pi}{2}$$

دومن جواب منفی معادله $\tan 2x = 1$ است:

$$2x = k\pi + \frac{\pi}{4} \Rightarrow x = \frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{8}$$

$$\xrightarrow{\text{جواب‌های منفی}} \frac{-3\pi}{8}, \frac{-7\pi}{8}, \dots \Rightarrow \alpha = \frac{-7\pi}{8}$$

$$\Rightarrow \beta - \alpha = \frac{\pi}{2} - \left(\frac{-7\pi}{8}\right) = \frac{11\pi}{8}$$

(مسابقات - ۲ - مثالیات: صفحه‌های ۲۹ و ۳۰)

(میتب شفیع)

گزینه «۹۸»

$$\sin^4 x + \cos^4 x = \cos^{\frac{5\pi}{3}} \Rightarrow \left(\sin^2 x + \cos^2 x\right)^2 - 2\sin^2 x \cos^2 x$$

$$= \cos\left(2\pi - \frac{\pi}{3}\right)$$

$$\Rightarrow 1 - 2\left(\frac{1}{2}\sin 2x\right)^2 = \cos \frac{\pi}{3} \Rightarrow 1 - \frac{1}{2}\sin^2 2x = \frac{1}{2} \Rightarrow \sin^2 2x = 1$$

$$\Rightarrow 1 - \sin^2 2x = \cos^2 2x = 0 \Rightarrow 2x = k\pi + \frac{\pi}{2} \Rightarrow x = \frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{4}$$

(مسابقات - ۲ - مثالیات: صفحه‌های ۳۵ و ۳۶)

(میلاد سپاهی لاریجانی)

گزینه «۹۹»

ابتدا عبارت سمت چپ تساوی را ساده می‌کنیم:

$$\frac{1 - \cos x}{\sin x} = \frac{\frac{\sqrt{2}\sin \frac{x}{2}}{2}}{\frac{\sqrt{2}\sin \frac{x}{2}\cos \frac{x}{2}}{2}} = \frac{\sin \frac{x}{2}}{\cos \frac{x}{2}} = \tan \frac{x}{2} \quad ; x \neq k\pi$$



$$\frac{m-1}{n+2} = \frac{2}{4} = \frac{n}{m}$$

$$\begin{cases} \frac{m-1}{n+2} = \frac{1}{2} \Rightarrow 2m - 2 = n + 2 \Rightarrow n = 2m - 4 \\ \frac{n}{m} = \frac{1}{2} \Rightarrow m = 2n \Rightarrow m = 2(2m - 4) \Rightarrow m = \frac{8}{3}, n = \frac{4}{3} \end{cases}$$

$$m + n = \frac{8}{3} + \frac{4}{3} = \frac{12}{3} = 4$$

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها؛ صفحه ۲۶)

هندسه ۳

گزینه «۳» - ۱۰۱

در یک ماتریس اسکالر، درایه‌های غیرواقع بر قطر اصلی همگی صفر بوده و درایه‌های واقع بر قطر اصلی برابر یکدیگرند، بنابراین داریم:

$$\begin{cases} m - 2 = 0 \Rightarrow m = 2 \\ n + 1 = 0 \Rightarrow n = -1 \\ p + 2 = 2p - 1 \Rightarrow p = 3 \end{cases}$$

با جای‌گذاری این مقادیر در ماتریس B و با استفاده از دستور ساروس

داریم:

$$B = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 2 & 0 & -1 \\ 3 & -1 & 2 \end{bmatrix} \Rightarrow |B| = (0 - 3 - 2) - (0 + 2 + 4) = -11$$

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۳ و ۲۹)

(سوکنر، روشن)

گزینه «۲» - ۱۰۴

از طرفین رابطه داده شده، دترمینان می‌گیریم:

$$|A| = (-2|A|)(-3|A|)(|A|) \Rightarrow 6|A|^3 - |A| = 0$$

$$\Rightarrow |A|(6|A|^2 - 1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} |A| = 0 \\ |A|^2 = \frac{1}{6} \end{cases}$$

چون ماتریس A وارون‌پذیر است، پس $0 \neq |A|$ و تنها جواب

$|A|^2 = \frac{1}{6}$ قابل قبول است. در این صورت داریم:

$$|A|A = |A|^3 \times |A| = |A|^4 = (|A|^2)^2 = \left(\frac{1}{6}\right)^2 = \frac{1}{36}$$

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۲۷ تا ۳۱)

(امیرحسین ابومصوب)

گزینه «۴» - ۱۰۵

سعی می‌کنیم توانی از ماتریس‌های A و B را پیدا کنیم که برابر ماتریس

I یا مضربی از آن باشند.

$$A^2 = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = I$$

$$B^2 = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & -1 \end{bmatrix}$$

(هنرسه ۳- ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

(سوکنر، روشن)

گزینه «۴» - ۱۰۶

دستگاه معادلات خطی در صورتی بی‌شمار جواب دارد

که شرط $\frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} = \frac{c}{c'}$ برقرار باشد. بنابراین داریم:



(محمد صفت‌کار)

گزینه «۲» - ۱۰.۸

در ماتریس AB سطرها مضرب یکدیگرند (مثلاً سطر اول m برابر سطر دوم است). پس دترمینان آن صفر است. از طرفی:

$$BA = [-m + m - 1] \Rightarrow |BA| = |-1| = -1$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۷ و ۳۱)

(علی ایمانی)

گزینه «۳» - ۱۰.۹

$$|2A| = |A^{-1}| + 3 \Rightarrow 4|A| = \frac{1}{|A|} + 3$$

$$\xrightarrow{\times |A|} 4|A|^2 - 3|A| - 1 = 0 \Rightarrow \begin{cases} |A| = 1 \\ |A| = -\frac{1}{4} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} |A^{-1}| = 1 \\ |A^{-1}| = -4 \end{cases} \Rightarrow \frac{1}{4} |4A^{-1}| = \frac{1}{4} \times 4^2 |A^{-1}| = 4 |A^{-1}|$$

$$\Rightarrow 4 |A^{-1}| = \begin{cases} 4 \\ -16 \end{cases}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۷ و ۳۱)

(کیوان (دارابی))

گزینه «۱» - ۱۱.۰

$$2(A+B)^{-1} = A^{-1} + B^{-1}$$

$$\Rightarrow 2(A+B)^{-1}(A+B) = (A^{-1} + B^{-1})(A+B)$$

$$\Rightarrow 2I = \underbrace{A^{-1}A}_I + A^{-1}B + B^{-1}A + \underbrace{B^{-1}B}_I$$

$$\Rightarrow A^{-1}B + B^{-1}A = \bar{O}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۷ و ۲۳)

$$B^3 = B^T \times B = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} = -I$$

$$A^{11} + B^{100} = (A^T)^{11} \times A + (B^T)^{100} \times B = I^{11} \times A + (-I)^{100} \times B \\ = A - B = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 2 & -1 \end{bmatrix}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۱۷ و ۲۱)

گزینه «۱» - ۱۰.۶

می‌دانیم اگر $BA = C$ و B ماتریسی وارون‌پذیر باشد، آن‌گاه $A = B^{-1}C$ است. بنابراین داریم:

$$B = \begin{bmatrix} 5 & 2 \\ 2 & 2 \end{bmatrix} \Rightarrow B^{-1} = \frac{1}{5 \times 2 - 2 \times 2} \begin{bmatrix} 2 & -2 \\ -2 & 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & -2 \\ -2 & 5 \end{bmatrix}$$

$$A = B^{-1}C \Rightarrow A = \begin{bmatrix} 2 & -2 \\ -2 & 5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4 & 4 \\ 12 & -9 \end{bmatrix}$$

$$A = \text{مجموع درایه‌های} = -4 + 4 + 12 - 9 = 5$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۲ و ۲۵)

گزینه «۳» - ۱۰.۷

ستون سوم $B^T \times B^2 = A^2$ سطر دوم $= A^2$ درایه سطر دوم ستون سوم $= A^2$ سطر دوم $\times A = [3 \ 1 \ 0]$ ستون سوم $= [2 \ -1 \ 3]$

$$= [9 \ -2 \ 9]$$

$$B^2 = \text{ستون سوم } B \times B = [2 \ 3 \ -1] \times [2 \ 1 \ -1] = [2 \ 1 \ 0] = [2 \ 1 \ 0]$$

بنابراین:

$$[9 \ -2 \ 9] \begin{bmatrix} -1 \\ -5 \\ 3 \end{bmatrix} = \text{درایه مطلوب} = -63 + 10 + 27 = -26$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۱۷ و ۲۱)



بنابراین اول دی سه روز در هفته جلوتر از شنبه یعنی روز سه‌شنبه است. با

توجه به 3^0 روزه بودن ماه‌های دی و بهمن، اول بهمن روز پنج‌شنبه و اول

اسفند روز شنبه خواهد بود.

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه ۳۴)

(امیرحسین ابومصوب)

- ۱۱۴ گزینه «۲»

طبق ویژگی‌های رابطه عاد کردن داریم:

$$\begin{cases} a \mid 15k + 17 \\ a \mid 15k + 2 \end{cases} \Rightarrow a \mid (15k + 17) - (15k + 2)$$

$$\Rightarrow a \mid 1^0 \quad \text{عدد طبیعی} \rightarrow a = 1, 2, 5, 10$$

از طرفی هیچ کدام از دو عدد $15k + 7$ و $15k + 17$ نمی‌توانند مضرب ۵

باشند، پس $a = 1$ نمی‌تواند ۵ یا 10 باشد و در نتیجه تنها مقادیر 1 و 2 قابل قبول هستند که مجموع آن‌ها برابر 3 است.

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۹ تا ۱۲)

(خرزانه فاکپیش)

- ۱۱۵ گزینه «۴»

ابتدا باقی‌مانده تقسیم 1402 بر 15 را تعیین می‌کنیم:

$$1402 = 93 \times 15 + 7 \Rightarrow 1402 \equiv 7$$

پس کافی است باقی‌مانده تقسیم عدد 7^{1402} را بر 15 تعیین کنیم:

$$7^2 = 49 = 3 \times 15 + 4 \Rightarrow 7^2 \equiv 4 \equiv 16 \equiv 1$$

$$\frac{350}{7^{1400}} \equiv 1 \xrightarrow{x=7} 7^{1402} \equiv 16 \equiv 4$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۸ تا ۲۱)

(سوکن روشن)

- ۱۱۶ گزینه «۱»

چون دو عدد داده شده رقم‌های یکان برابر دارند، پس به پیمانه 10

هم‌نهشت هستند.

(اگسین فاصله‌فان)

ریاضیات گسسته

- ۱۱۱ گزینه «۴»

می‌دانیم مریع و مکعب هر عدد فرد، عدد فرد است.

همچنین مجموع هر دو عدد فرد، عددی زوج است. لذا مجموع مریع و مکعب

یک عدد فرد، عددی زوج خواهد بود.

مثال نقض برای سایر گزینه‌ها به صورت زیر است:

$$2^2 + 3^2 = 13 \neq 2k$$

گزینه «۲»: عدد 2 را نمی‌توان به صورت $6k + 1$ یا $6k + 5$ نوشت.

گزینه «۳»: حاصل ضرب عدد گویای صفر در هر عدد گنگ، برابر صفر است.

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲ و ۳)

(امیرحسین ابومصوب)

- ۱۱۲ گزینه «۳»

طبق اثبات به روش بازگشتی داریم:

$$x^r + y^r + z^r \geq 2x(y - z - \frac{x}{2})$$

$$\Leftrightarrow x^r + y^r + z^r \geq 2xy - 2xz - x^r$$

$$(x^r - 2xy + y^r) + (x^r + 2xz + z^r) \geq 0$$

$$\Leftrightarrow (x - y)^r + (x + z)^r \geq 0$$

رابطه اخیر بدیهی (همواره درست) است و تمام روابط برگشت‌پذیر هستند.

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۶ تا ۸)

(امیرحسین ابومصوب)

- ۱۱۳ گزینه «۳»

ابتدا فاصله 12 اردیبهشت تا اول دی را محاسبه می‌کنیم:

$$\begin{array}{ccccccc} & & & & 19 & + & 4 \times 31 \\ & & & & \downarrow & & \downarrow \\ & & & & 1 & + & 3 \times 30 \\ & & & & \downarrow & & \downarrow \\ \text{دی} & \text{مهر} & \text{تار} & \text{خرداد} & \text{تاش} & \text{شهریور} & \text{اردیبهشت} \end{array}$$

$$234 = 33 \times 7 + 3 \Rightarrow 234 \equiv 3$$



$$5 | a \Rightarrow 5 | a^2 \Rightarrow 5 | a^2 - 1$$

از طرفی:

$$(a^2 - 1, 5) = (a^2 - 1, 5) = (\lambda k, \lambda) = \lambda$$

بنابراین:

(ریاضیات کسرسته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۳۳ و ۳۴)

(علی سعیدی؛ ز)

گزینه «۴» - ۱۱۹

طبق قضیه تقسیم و با توجه به فرض مسئله داریم:

$$r + q = 15 \Rightarrow q = 15 - r$$

$$a = 11q + r = 11(15 - r) + r, 0 \leq r < 11 \quad (r \text{ مقدار برای } r)$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow a = 165 - 10r \Rightarrow a - 5 = 160 - 10r \equiv 0 \Rightarrow 10r \equiv 160 \\ \xrightarrow[10, 40]{+10} r \equiv 16 \Rightarrow r \equiv 0 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow r \in \{0, 4, 8\} \Rightarrow P(A) = \frac{3}{11}$$

(ریاضیات کسرسته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۳۳ و ۳۵)

(امیرحسین ابوالمحبوب)

گزینه «۱» - ۱۲۰

$$2a^3b \equiv 2 + a + 3 + b \equiv 4 \Rightarrow a + b + 5 \equiv 4$$

$$\Rightarrow a + b \equiv -1 \equiv \lambda \Rightarrow a + b = \lambda \text{ یا } 12$$

$$4a^3b \equiv 1 - b + 3 - a + 4 \equiv \lambda - (a + b)$$

$$a + b = \lambda \Rightarrow 4a^3b \equiv \lambda - \lambda \equiv 0 \quad : \text{ حالت اول}$$

$$4a^3b \equiv \lambda - 12 \equiv -9 \equiv 2 \quad : \text{ حالت دوم}$$

(ریاضیات کسرسته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲۳ و ۲۴)

$$a^2 + 9 \stackrel{10}{=} 4a + 16 \Rightarrow a^2 - 4a - 7 \stackrel{10}{=} 0$$

$$\Rightarrow a^2 - 4a + 10a - 7 \stackrel{10}{=} 0 \Rightarrow a^2 + 6a - 7 \stackrel{10}{=} 0$$

$$\Rightarrow (a-1)(a+7) \stackrel{10}{=} 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a-1 \stackrel{10}{=} 0 \Rightarrow a \stackrel{10}{=} 1 \Rightarrow a^2 \stackrel{10}{=} 1 \\ a+7 \stackrel{10}{=} 0 \Rightarrow a \stackrel{10}{=} -7 \stackrel{10}{=} 3 \Rightarrow a^2 \stackrel{10}{=} 3^2 \stackrel{10}{=} 1 \end{cases}$$

پس همواره $a^2 \in [1]_{10}$

(ریاضیات کسرسته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲۱ و ۲۲)

(سوکندر، روشنی)

گزینه «۲» - ۱۱۷

ابتدا معادله سیاله را به یک معادله هم‌نهشتی تبدیل می‌کنیم:

$$(1! + 2! + 3! + \dots + 1402!)x \stackrel{21}{=} 15$$

به ازای $x = n! \equiv 0 \pmod{21}$, پس داریم:

$$(1+2+6+24+12+72+7!+\dots+1402!)x \stackrel{21}{=} 15$$

$\underbrace{}_{9} \quad \underbrace{}_{3} \quad \underbrace{}_{15} \quad \underbrace{}_{6}$
 صفر
 صفر

$$\Rightarrow 12x \stackrel{21}{=} 15 \xrightarrow[3, 21]{+3} 4x \stackrel{7}{=} 5 \equiv 12 \xrightarrow[4, 7]{+4} x \stackrel{7}{=} 3$$

$$\Rightarrow x = 7k + 3 \quad (k \in \mathbb{Z})$$

بیشترین مقدار سه رقمی x به ازای $k = 142$ حاصل می‌شود:

$$x = 7 \times 142 + 3 = 997 = 25$$

(ریاضیات کسرسته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲۳ و ۲۴)

(کیوان درابی)

گزینه «۳» - ۱۱۸

$$(a, 1000) = 125 \Rightarrow (a, 2^3 \times 5^3) = 5^3 \Rightarrow a$$

$$\text{فرد است} \Rightarrow a^2 = 8k + 1 \Rightarrow 8 | a^2 - 1$$

$$x_A - x_B = 300 \Rightarrow 20t - (-30t + 1000) = 300$$

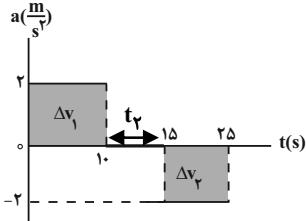
$$\Rightarrow 50t = 1300 \Rightarrow t = 26s$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

(مصطفی‌کلایان)

۱۲۴- گزینه «۳»

می‌دانیم سطح محصور بین نمودار $a-t$ و محور t برابر Δv است. بنابراین، با محاسبه Δv در بازه‌های زمانی مختلف، سرعت در لحظه‌های ۱۰s، ۱۵s و ۲۵s را می‌یابیم و سپس با رسم نمودار $v-t$ و محاسبه سطح زیر نمودار آن، مسافت طی شده را می‌یابیم:



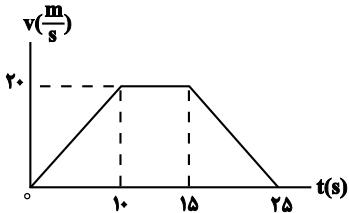
$$\Delta v_1 = 2 \times 10 = 20 \frac{m}{s}, \Delta v_2 = -2 \times 10 = -20 \frac{m}{s}$$

$$v(t=10s) = v_0 + \Delta v_1 \frac{\frac{v_0=0}{m}}{\Delta v_1=\frac{-20}{m}} \rightarrow v(t=10s) = 0 + 20 = 20 \frac{m}{s}$$

چون در بازه زمانی ۱۰s تا ۱۵s شتاب صفر است، داریم:

$$v(t=15s) = v(t=10s) \Rightarrow v(t=15s) = 20 \frac{m}{s}$$

$$v(t=25s) = v(t=15s) + \Delta v_2 = 20 + (-20) = 0$$



اکنون مساحت زیر نمودار $v-t$ را که برابر مسافت طی شده است، به دست می‌آوریم:

$$\ell = \frac{(0+20)}{2} \times 20 = 200m$$

در آخر تندی متوسط را حساب می‌کنیم:

$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{200}{25-10} = 12 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۳، ۴ و ۱۵ تا ۲۱)

(امیر احمد مریم‌سعید)

۱۲۵- گزینه «۳»

ابتدا لحظه برخورد گلوله به زمین را به دست می‌آوریم:

$$y = -\frac{1}{2}gt^2 \xrightarrow{y=-18m} -18 = -5t^2 \Rightarrow t^2 = 3.6 \Rightarrow t = 6s$$

اکنون لحظه‌ای را که تندی گلوله نصف تندی برخورد آن به زمین می‌شود را می‌یابیم:

$$v_2 = \frac{1}{2}v_1 \xrightarrow{v=-gt} -gt' = -\frac{1}{2}gt \xrightarrow{t=6s} t' = \frac{1}{2} \times 6 = 3s$$

در آخر مسافتی را که گلوله پس از ۳s طی می‌کند، بیندا می‌کنیم:

$$y = -\frac{1}{2}gt'^2 \xrightarrow{t'=3s} y' = -\frac{1}{2} \times 10 \times 3^2 = -45m$$

$$\Rightarrow |y'| = |-45| = 45m$$

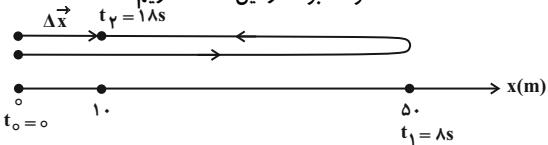
(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۲۴ تا ۲۶)

۳- فیزیک

۱۲۱- گزینه «۳»

(شیلا شیرزادی)

طبق شکل زیر، فرض می‌کنیم متوجه در مبدأ مکان و پس از ۸s مسافت ۵۰m را طی می‌کند و در مکان $x_1 = 50m$ قرار می‌گیرد و پس از آن که مسافت $40m$ را در خلاف جهت اولیه طی می‌کند در مکان $x_2 = 10m$ قرار دارد. بنابراین مسافت طی شده توسط متوجه برابر $\Delta x = 50 + 40 = 90m$ و جایه‌جایی آن برابر $\Delta x = 10 - 0 = 10m$ خواهد بود. در این حالت داریم:



$$\begin{cases} s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} & \text{یکسان است.} \\ |v_{av}| = \frac{|\Delta x|}{\Delta t} \end{cases} \rightarrow \frac{s_{av}}{|v_{av}|} = \frac{\ell}{|\Delta x|} = \frac{90}{10} = 9$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۳ و ۴)

۱۲۲- گزینه «۳»

(امیرحسین پرادران)

(آ) درست

ب) درست. با توجه به رابطه سرعت متوسط، بردار سرعت متوسط و بردار جایه‌جایی با یکدیگر همجهت‌اند. (Δt همواره مثبت است)

$\vec{v}_{av} = \frac{\Delta \vec{x}}{\Delta t}$

پ) درست. اگر تندی لحظه‌ای متوجه در یک بازه زمانی صفر نشود، در این بازه جهت حرکت متوجه تغییر نکرده و بنابراین بزرگی جایه‌جایی و مسافت طی شده با یکدیگر برابرند و مطابق رابطه تندی متوسط و بزرگی سرعت متوسط این دو کمیت نیز با یکدیگر برابرند.

ت) نادرست - بردار سرعت لحظه‌ای به جهت حرکت متوجه بستگی دارد و الزاماً هم‌جهت با بردار مکان نیست.

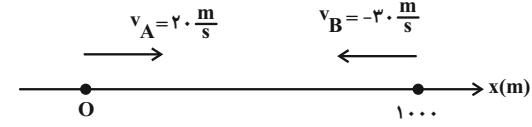
(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۳ تا ۱۰)

۱۲۳- گزینه «۳»

(علیرضا بیهاری)

طبق شکل زیر فرض می‌کنیم که خودروی A در مبدأ محور (نقطه O) و به طرف راست در حرکت باشد. یعنی سرعت آن مثبت است.

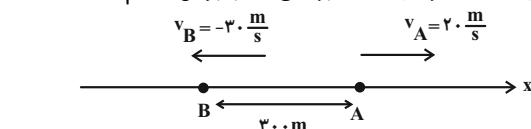
بنابراین خودروی B به طرف چپ در حرکت بوده و سرعت آن منفی است. با توجه به این که، معادله مکان - زمان در حرکت با سرعت ثابت به صورت $x = vt + x_0$ است، معادله مکان - زمان هر یک از دو خودرو را می‌نویسیم:



$$x_A = v_A t + x_0 \xrightarrow{v_A=\frac{20}{s}, x_0=0} x_A = 20t + 0 = 20t$$

$$x_B = v_B t + x_0 \xrightarrow{v_B=\frac{-30}{s}, x_0=1000} x_B = -30t + 1000$$

برای اولین بار خودروی B به خودروی A نرسیده است، اما، برای دومین بار خودروی B از خودروی A عبور می‌کند. بنابراین، داریم:



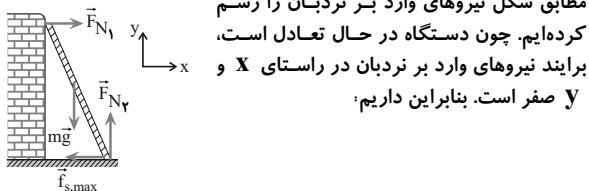
$$\begin{aligned} F'_{\text{net},y} &= 0 \Rightarrow F'_e - mg = 0 \\ F'_e &= kx' \Rightarrow kx' = mg \\ \Rightarrow 20 \cdot x' &= 0 / 6 \times 10 \Rightarrow x' = 0 / 0.3m = 3\text{cm} \end{aligned}$$

می‌بینیم طول فنر از $x = 15\text{cm}$ به $x' = 3\text{cm}$ کاهش یافته است.
بنابراین، درصد تغییر طول فنر برابر است با:

$$\frac{\Delta x}{x} \times 100 = \frac{3-15}{15} \times 100 = -80\%$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۵ و ۳۶)

(کتاب آنی کلکتور ریاضی)



$$F_{N_1} = f_{s,\max} \Rightarrow F_{N_1} = \mu_s F_{N_2}$$

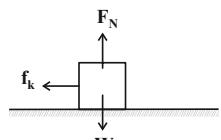
$$\frac{F_{N_2}}{F_{N_1}} = \frac{F_{N_2}}{\mu_s F_{N_2}} = \frac{1}{\mu_s}$$

بنابراین:

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۲ تا ۳۴)

(اسنان ایرانی)

ابتدا نیروهای وارد بر جسم را مشخص می‌کنیم:



با توجه به شکل مشخص می‌شود که نیروهای \vec{F}_N و \vec{f}_k ، مؤلفه‌های نیروی وارد شده از سطح به جسم هستند. یعنی:

$$\begin{cases} \vec{R} = -f_k \vec{i} + F_N \vec{j} \\ \vec{R} = -3\vec{i} + 12\vec{j} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} f_k = 3\text{N} \\ F_N = 12\text{N} \end{cases}$$

$$F_N = mg \Rightarrow 12 = m \times 10 \Rightarrow m = 1.2\text{kg}$$

در پرتاب جسم روی سطح افقی، تنها نیروی افقی موثر بر جسم نیروی

$$F_{\text{net}} = ma \Rightarrow -f_k = ma \Rightarrow a = \frac{-3}{1.2} = -2.5 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

$$v_0 = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad \Delta x = ? \quad a = -2.5 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \quad v = 0$$

برای بهدست آوردن مسافت طی شده تا لحظه توقف، از معادله سرعت-
جابه‌جایی (مستقل از زمان) داریم:

$$v^2 - v_0^2 = 2a\Delta x \quad v_0 = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad a = -2.5 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \Rightarrow \Delta x = \frac{-v_0^2}{2a}$$

$$\Rightarrow \Delta x = \frac{-10^2}{2 \times (-2.5)} = \frac{-100}{-5} = 20\text{m}$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۰ تا ۳۲)

(سیاوش فارسی)

- ۱۲۶ «گزینه ۳»

ابتدا برایند نیروهای \vec{F}_1 و \vec{F}_2 را می‌باییم و سپس بزرگی برایند نیروها را حساب می‌کنیم:

$$\vec{F}_{\text{net}} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 - \frac{\vec{F}_r = -3\vec{F}_1}{(\sqrt{1/\Delta N})\vec{i} - (\gamma N)\vec{j}} \Rightarrow \vec{F}_{\text{net}} = \vec{F}_1 + (-3\vec{F}_1) = -2\vec{F}_1$$

$$\Rightarrow \vec{F}_{\text{net}} = (-3N)\vec{i} + (4N)\vec{j}$$

$$\Rightarrow F_{\text{net}} = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} = \sqrt{9+16} = 5N$$

اکنون بزرگی شتاب حرکت جسم را با استفاده از قانون دوم نیوتون می‌باییم:

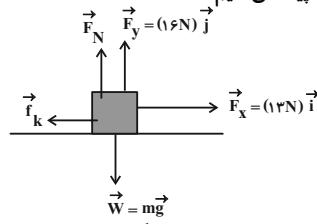
$$F_{\text{net}} = ma \quad \frac{m=2\text{kg}}{F_{\text{net}}=5N} \Rightarrow a = 2 / 5 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۲ و ۳۳)

- ۱۲۷ «گزینه ۱»

طبق شکل زیر، مولفه افقی نیروی \vec{F} به جسم شتاب می‌دهد و مولفه عمودی آن در نیروی عمودی تکیه‌گاه تأثیر دارد. بنابراین، ابتدا نیروی عمودی

تکیه‌گاه (F_N) را پیدا می‌کنیم:



$$\vec{F} = (13N)\vec{i} + (16N)\vec{j} \Rightarrow \begin{cases} F_x = 13N \\ F_y = 16N \end{cases}$$

$$F_{\text{net},y} = ma_y \quad \frac{a_y = 0}{F_y = 16N} \Rightarrow F_N + 16 - 2 \times 10 = 0 \Rightarrow F_N = 4N$$

$$F_{\text{net},x} = ma_x \Rightarrow F_x - f_k = ma$$

$$\frac{F_x = 13N}{a = 5 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}} \Rightarrow 13 - f_k = 2 \times 5 \Rightarrow f_k = 3N$$

اکنون با داشتن f_k و F_N به صورت زیر، بزرگی نیروی سطح افقی را پیدا می‌کنیم:

$$R = \sqrt{F_N^2 + f_k^2} = \sqrt{4^2 + 3^2} = \sqrt{25} \Rightarrow R = 5N$$

(فیزیک ۳ - دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۳۲ تا ۳۴)

- ۱۲۸ «گزینه ۱»

طبق شکل، نیروهای وزن جسم و کشش نخ رو به پایین و نیروی کشسانی فنر رو به بالا بر جسم وارد می‌شود. چون جسم در حال تعادل است، داریم:

$$F_{\text{net},y} = 0 \Rightarrow F_e - mg - T = 0$$

$$\frac{F_e = kx}{k = 200 \frac{N}{m}, T = 24N} \Rightarrow kx = mg + T$$

$$\frac{m = 0.6\text{kg}}{20 \cdot x = 0 / 6 \times 10 + 24} \Rightarrow 20 \cdot x = 30 \Rightarrow x = 0 / 15m = 1.5\text{m}$$

پس از پاره شدن نخ، نیروی وزن جسم رو به پایین و نیروی کشسانی فنر رو به بالا بر جسم وارد می‌شود. پس از تعادل جسم در این حالت داریم:



۳) فلز آلومینیم با محلول هیدروکلریک اسید واکنش داده و با مصرف یون H^+ محلول را افزایش می‌دهد.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۱۹ تا ۲۳ و ۲۵)

(امیر گاتمیان)

- ۱۳۴ گزینه «۱»

$$K_a = \frac{M\alpha}{1-\alpha} \xrightarrow{K_a < 10^{-4}} K_a = M\alpha \quad \text{از } \alpha \text{ مخرج صرف نظر می‌کنیم.}$$

$$K_a = M\alpha \Rightarrow 18 \times 10^{-6} = M \times (3 \times 10^{-2})^2$$

$$\Rightarrow M = 0.02 \text{ mol.L}^{-1}$$

$$[\text{H}^+] = M\alpha = 2 \times 10^{-2} \times 3 \times 10^{-2} = 6 \times 10^{-4}$$

$$\text{pH} = -\log[\text{H}^+] \Rightarrow \text{pH} = 4 - \log_{10}^{2 \times 10^{-4}} = 4 - (\log_{10} 2 + \log_{10} 10^{-4})$$

$$\text{pH} = 4 - (0.3 + 0.5) = 3.2$$

$$? \text{mL CH}_3\text{COOH} = 500 \text{mL} \times \frac{1 \text{L}}{1000 \text{mL}}$$

$$\times \frac{2 \times 10^{-2} \text{ mol CH}_3\text{COOH}}{1 \text{L}} \times \frac{60 \text{ g CH}_3\text{COOH}}{1 \text{mol CH}_3\text{COOH}}$$

$$\times \frac{1 \text{mL CH}_3\text{COOH}}{1/25 \text{ g CH}_3\text{COOH}} \times \frac{100}{80}$$

$$= 0.6 \text{ mL CH}_3\text{COOH}$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۱۶ تا ۲۸)

(محمد زین)

- ۱۳۵ گزینه «۳»

به کمک نظریه آرنیوس فقط می‌توان تشخیص داد که یک ماده اسید است یا باز. براساس این نظریه نمی‌توان در مورد میزان اسیدی یا بازی بودن یک محلول (غلظت یون‌های هیدرونیوم یا هیدروکسید تولید شده و pH محلول) اظهارنظر کرد، پس فقط عبارت اول درست است.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۱۳ تا ۲۸)

(رسول عابدین‌زواره)

- ۱۳۶ گزینه «۳»

بررسی عبارت‌ها:

الف) درست؛ با توجه به بزرگ بودن مقدار عددی ثابت یونش اسیدی برای b می‌توان نتیجه گرفت که b یک اسید قوی است و به طور کامل یوننده می‌شود (فرایند یونش یک طرفه است).

ب) درست؛ در محلول a مقدار $[\text{H}^+]$ برابر با 10^{-8} مول بر لیتر است:

$$[\text{H}^+] = 10^{-\text{pH}} = 10^{-8} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$[\text{OH}^-] = \frac{10^{-14}}{[\text{H}^+]} = \frac{10^{-14}}{10^{-8}} = 10^{-6} \text{ mol.L}^{-1}$$

(محمد زین)

شیمی ۳

- ۱۳۱ گزینه «۳»

عبارت‌های (آ) و (ت) درست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

آ) هر دو مخلوط، نور را پخش می‌کنند.

ب) آب سخت دارای مقادیر قابل توجهی از یون‌های کلسیم و منیزیم است.

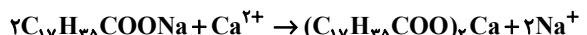
پ) افزودن ماده شیمیایی کلردار نه کلر!

ت) پاک کننده‌های خورنده با آلاندنه‌ها هم واکنش شیمیایی می‌دهند و هم

برهم کنند بین ذره‌ای برقرار می‌کنند.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۵ تا ۱۲)

- ۱۳۲ گزینه «۳»



روش اول (ضرب تبدیل):

$$\frac{\text{رسوب}}{\text{رسوب}} \times \frac{1 \text{ mol}}{606 \text{ g}} \times \frac{606 \text{ g}}{2 \text{ g}} = \text{صابون } m \text{ g}$$

$$\frac{\text{صابون}}{\text{صابون}} \times \frac{2 \text{ mol}}{1 \text{ mol}} \times \frac{306 \text{ g}}{4 \text{ g}} = 122 / 4 \text{ g}$$

$$\frac{80}{100} \times m = 122 / 4 \text{ g} \Rightarrow m = 153 \text{ g} \quad m : \text{جرم صابون اولیه}$$

روش دوم (کسر تناسب):

$$\frac{m \times \frac{80}{100}}{2 \times 306} = \frac{121 / 2}{1 \times 606} \Rightarrow m = 153$$

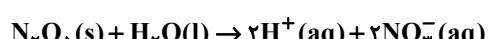
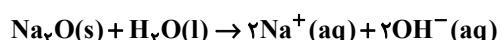
$$\frac{20}{100} \times 153 = 30 / 6 \text{ g}$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۴ تا ۶ و ۸ تا ۱۰)

(محمد عظیمیان‌زواره)

- ۱۳۳ گزینه «۴»

سدیم اکسید و دی‌نیتروژن پنتا اکسید در واکنش با آب، به ترتیب باز قوی و اسید قوی تولید می‌کنند:



بررسی گزینه‌های نادرست:

۱) ۱۸ مولکول آن یونش یافته؛ بنابراین α برابر $18 / ۰ = ۰$ است. (از ۳ یون

تولید شده، ۱۸ یون H^+ و ۱۸ یون CN^- است).

۲) باران اسیدی شامل نیتریک اسید و سولفوریک اسید است.

ت) نادرست؛ نام علمی جوش شیرین، سدیم هیدروژن کربنات است که به تنهایی می‌تواند به عنوان ماده موثر در ضد اسیدها مورد استفاده قرار گیرد.

(شیمی ۳ - مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه‌های ۱۶ تا ۳۲)

(رسول عابرین زواره)

- ۱۳۹ «گزینه ۱»



$$\alpha = \frac{\text{درصد یونش}}{100} = \frac{۰/۰۷}{100} = ۷ \times 10^{-۴}$$

$$K_a = \frac{M\alpha^2}{1-\alpha} \Rightarrow ۴/۹ \times 10^{-۱۰} = \frac{M \times (7 \times 10^{-4})^2}{1 - ۷ \times 10^{-4}}$$

$$\Rightarrow M = 10^{-۳} \text{ mol.L}^{-۱}$$

$$[\text{H}^+] = M \cdot n \cdot \alpha = 10^{-۳} \times 1 \times 7 \times 10^{-4} = 7 \times 10^{-۷} \text{ mol.L}^{-۱}$$

$$[\text{OH}^-] = \frac{10^{-۱۴}}{[\text{H}^+]} = \frac{10^{-۱۴}}{7 \times 10^{-۷}} \approx 1/4 \times 10^{-۸} \text{ mol.L}^{-۱}$$

$$\text{OH}^- = ۰/۲L \times ۱/۴ \times 10^{-۸} \text{ mol.L}^{-۱}$$

$$= ۲/۸ \times 10^{-۹} \text{ mol OH}^-$$

$$\text{pH} = \log[\text{H}^+] = -\log(7 \times 10^{-۷}) = ۷ - \log ۷$$

$$= ۷ - ۰/۸۵ = ۶/۱۵$$

(شیمی ۳ - مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه‌های ۱۶ تا ۳۲)

(نمید زین)

- ۱۴۰ «گزینه ۱»

فرمول عمومی پاک‌کننده صابونی: $\text{C}_n\text{H}_{2n-1}\text{O}_2\text{Na}$

تعداد C بدون اتصال به H در پاک‌کننده غیرصابونی: ۲

بار سطحی قطره چربی در هر دو پاک‌کننده: منفی

(شیمی ۳ - مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه‌های ۱۶ تا ۳۲)

$$\Rightarrow \frac{[\text{OH}^-]}{[\text{H}^+]} = \frac{10^{-۶}}{10^{-۸}} = 100$$

پ) درست؛ محلول C یک باز است و در بازها همواره رابطه $[\text{H}^+] < [\text{OH}^-]$ برقرار است.

ت) نادرست؛ محلول D یک باز ضعیف است، یعنی نوعی الکترولیت ضعیف می‌باشد.

(شیمی ۳ - مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه‌های ۱۶ تا ۳۲)

- ۱۳۷ «گزینه ۴»

طبق صورت سؤال، مقداری باز به یک محلول اسیدی اضافه شده، بخشی از آن را خنثی کرده و مقداری محلول اسیدی باقی مانده است؛ بنابراین می‌توان نوشت:

$$[\text{H}^+] = 10^{-\text{pH}} = 10^{-1/۷} = 2 \times 10^{-۲} \text{ mol.L}^{-۱}$$

$$[\text{H}^+]_{\text{ محلول نهایی}} = \frac{M_a \cdot V_a \cdot n_a - M_b \cdot V_b \cdot n_b}{V_a + V_b}$$

$$2 \times 10^{-۲} = \frac{۰/۱ \times V \times ۱ - ۰/۰۲ \times ۴۰ \times ۱}{(۴۰ + V)}$$

$$8 + ۰/۰۲V = ۰/۱V - ۸ \Rightarrow ۰/۰۸V = ۱۶$$

$$\Rightarrow V = ۲۰۰ \text{ mL}$$

(شیمی ۳ - مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه‌های ۱۶ تا ۳۲)

- ۱۳۸ «گزینه ۲»

عبارت‌های (الف) و (پ) درست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

الف) درست؛ چون در اسیدهای ضعیف تعداد کمی از مولکول‌ها یونیده می‌شوند؛ بنابراین مقدار اندک یون‌های حاصل از یونش اسیدهای ضعیف با تعداد زیادی از مولکول‌های یونیده نشده در تعادل هستند.

پ) نادرست؛ ثابت یونش اسیدهای قوی بسیار بزرگ و ثابت یونش اسیدهای ضعیف بسیار کوچک است.

پ) درست؛



$$? \text{ mol NaOH} = ۰/۰۵ \text{ mol Na}_2\text{O} \times \frac{۲ \text{ mol NaOH}}{۱ \text{ mol Na}_2\text{O}}$$

$$= ۰/۱ \text{ mol NaOH}$$

$$M = \frac{۰/۱ \text{ mol}}{۱ \text{ L}} = ۰/۱ \text{ mol.L}^{-۱}$$

$$[\text{OH}^-] = Mn\alpha = ۰/۱ \times ۱ \times ۱ = ۰/۱ \text{ mol.L}^{-۱}$$

$$[\text{H}^+] = \frac{10^{-۱۴}}{[\text{OH}^-]} = \frac{10^{-۱۴}}{10^{-۱}} = 10^{-۱۳}$$

$$\Rightarrow \text{pH} = -\log 10^{-13} = ۱۳$$